

Title	操舵機性能と船の操縦性との関連に関する研究
Author(s)	山本, 平弥
Citation	大阪大学, 1972, 博士論文
Version Type	VoR
URL	https://hdl.handle.net/11094/1896
rights	
Note	

The University of Osaka Institutional Knowledge Archive : OUKA

https://ir.library.osaka-u.ac.jp/

The University of Osaka

操舵機性能と船の操縦性との限違に関する研究

日本平路



昭和46年12月

論文目	録
	大阪大学
据开展完了你 · P	1 -14 577 714
秋日間う 七市 11185	山 本 平 弥
主 論 文 操舵機性能と船の操	凝性との関連に関する研究
(主論文のうち印刷公表したもの)	
1. 電動油圧操舵機の先進角と船の操制	縦性について
	造船協会論文集
	第107号
	昭和35年1月9日
1. 船の最適操舵法 — ポントリャー・	ギンの最大原理による―
• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	造船協会論文集
	第121号
	昭和 42年 1 月 10 日
1 船の撮舵機の力層決定の→指針	- 掲乾機の最適乾魚速度に
	选 的 边 人 头 寸 俄
	但 阳 四 云 麗 入 朱
	第1417 1 日 10日
1. 小型鋼船の衝突回避性能 — と	くに操舵機の舵角速度につ
もって ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	造船学会論文集
	第128号
	昭和 45年 11月 19日

1. 船の最適操舵法について ・・・・・・ 日本航海学会論文集

第30号

昭和38年10月25日

操舵機馬力一定の条件下で操舵時間がアドヴアンスと回頭お 1. くれにおよぼす影響 ―― 特に舵のアスペクト比の変化を考慮 レて --- ••• 日本航海学会論文集 第40号 昭和44年5月16日 Z 操船試験による船の操縦性指数の篦定法について 1 •• 海上保安大学校研究 報告第二部昭和37 年度 昭和37年11月30日 1. 鉛の操舵機の最適舵角速度 ・・・・・ 海上保安大学校研究 報告第二部昭和42 年度 昭和42年3月20日

(主論文のうち未公表のもの)

なし

操舵機性能と船の操縦性 との関連に関する研究

山本平弥

昭和46年12月

目	次

					頁
緒		言			1
55 J	1 ====	Æ	我冲了把她搬办什么么让你不想做出		
舟	早	电	町 佃 庄 操 舵 機 の 先 進 角 と 船 の 操 縦 性	-	4
1	• 1	先	進角と操舵機時定数		4
1	• 2	操	舵機時定数と船の操縦性		6
1	• 3	先	進角減少に伴う問題点		.8
1	• 4	先	進角の限界値		11
	1	• 4 • 1	舵始動時の角加速度		11
	1	• 4 • 2	製作上の限界		13.
第 2	2章	最	適操舵法		15
2	2•1	最	短時間制御		15
2	2•2	位	相面による最適操舵法		16
	2	• 2 • 1	非線形最適制御理論の適用	·	18
	2	• 2 • 2	数値計算		22
	2	• 2 • 3	実船実験結果		23
2	2•3	ポ	ントリヤーギンの最大原理		24
2	2•4	最	大原理による最適操舵法		25
	2	• 4 • 1	最適制御の型		26
	2	• 4 • 2	船の操縦運動方程式		27
	2	• 4 • 3	応答の形	•	28
	2	• 4 • 4	解		31
	2	• 4 • 5	数値計算	-	34

第3章	最	適操舵法から見た最適操舵速度	37
3 • 1	最	適操舵速度	37
3•2	最近	適操舵速度の検討	4 0
3•3	最近	適操舵速度の実際的推定法	42
3•4	最ì	商操舵における 舵の切換時刻	4 2
3•5	数	值計算	4 3
第4章	操	密速度と衝突回避性能	4 5
4 • 1	回	時間置をとったときの2船間距離	4 6
4 • 2	真[向かいに行き会う場合の回頭遅れ	47
4•3	針	路交角のある場合の限界距離	49
4 •	3•1	権利船が針路および速力を保つ場合	5 0
4 •	3•2	権利船が協力動作をする場合	5 1
4•4	数	值計算	53
4 •	4•1	3 Lで真向かいに行き会う場合	54
4 •	4•2	針路交角のある場合	54
第5章	操	陀機馬力一定の条件下で操舵速度がアドバ	
	ン	スと回頭遅れに及ぼす影響	57,
5 • 1	舵に	アスペクト比の影響を考慮しない場合	57
5 • 2	舵	アスペクト比の影響を考慮した場合の操舵	
	機	韦力	6 0
5•3	7	ドバンスを最小にする蛇面積せ	61

35

5•4	回頭遅れを最小にする舵面積比	6 1
5•5	数 値 計 算	62

結 論

64

付 録

z 操縦試験による船の操縦 性指数の算定法について

緒			68
	6•1	操舵機構の伝達関数	69
,	6•2	極線図とエ, К	70
	6 • 3	位相面によるT,Кの決定	72
	6•4	T, Kの位相面による修正	75
. (6•5	数 値 計 算	76
結	論		78

操舵機性能と船の操縦性との関連に関する研究

-1-

緒 言

近年大型船舶の自動化は急速に進み,機関室の無人化のみならず航法の自動 化が現実の問題となってきた。航法の自動化には,デッカ航行システムにみら れるように,航行プログラムを設定し,航路を折れ線でつなぎ,変針点をデッ カ位置の番号で機械に入れ,自動的につぎつぎと変針点をたどる自動変針が必 要となってくる。この変針は当然のことながら最短時間変針となり,ここに時 間最小の最適制御理論に基づく最適操舵法が要求される。一方近海における小 型船舶の衝突件数は,船腹の増大に伴い,ますます増加の一途をたどっている。 本来,操舵機性能の不良が原因と思われる海難が数多く発生している現状にか んがみ,衝突回避は操船者の技量や水路,航路標識などの航行補助施設だけに ゆだねるのでなく,造船の側にあっても,衝突回避能力として操舵装置は,ど のようなものであるべきかを究明する必要があると考えられる。このような背 景のもとに,船の操縦性を考えるとき,必然的に操舵機性能が問題となってく る。

従来,船の操縦性の研究は,いわゆる水につかっている部分の船体や舵のみ について行なわれてきた。船の操縦性は船体の形状や舵の面積などによって, おおよそ決定されるが,水につかっていない部分の操舵機性能もまた,その時 定数および操舵速度を介して船の操縦性に大きな影響を与えている。したがっ て船体や舵の性能がいかによろしきを得ても,操舵機性能が当を得なければ, 船全体の操縦性向上を期待することはできない。このことから操舵機性能と船 の操縦性との関連を明らかにすることは,操縦性研究に欠くことのできないも のと思われる。

操舵装置には,小型船舶用の手動式,大型船舶用の電動油圧式など各種ある が、ここでは可変流量ポンプを用いた電動油圧操舵装置についてのみ論ずるこ ととする。ここで扱っている電動油圧式は,現在ほとんどの船舶の操舵装置と して使用されている。本研究では操舵機性能のうち, 操舵機自体の時定数, 操 舵速度および操舵機馬力の3つをとりあげ,これらが船の操縦性に与える影響 を明らかにする。電動油圧操舵機の時定数に影響を与える要素には,油圧ポン ブラム断面積,ポンプ最大吐出量,舵柄半径,先進角などがあるが,ここでは 先進角と時定数との関係をとりあげる。操舵機馬力は,舵面積,舵バランス比。 操舵速度などに影響されるが,このうち操舵速度は船の操縦運動における回頭 おくれを左右するので,とくに操舵速度をとりあげる。現行規程では船の大小 船種いかんにかかわらず,すべての船を「片玄35°から反対玄3ロ,° まで操舵 するのに28秒……」で律しているが、このような画一的規程は合理的とはい い難い。各船の操縦性能に対する評価の尺度として操縦性指数が用いられてい るが、操舵速度をこの指数の関数として表現するほうが、より合理的であるよ うに考えられる。このようにすれば , 各船固有の最適操舵速度で操舵できるこ とになる。最適操舵速度は問題の設定によってその値が異なってくる。ここで は各船に最も適した操舵速度を,最適操舵法および衝突回避の2つの見地から **求め、この操舵速度を操舵機馬力決定の目安と考えることゝする。**

本論文は以上のような立場から,理論的研究を主とし,これと数値計算結果 に基づく若干の実船実験結果と総合して,操舵機性能と船の操縦性の関連を明 確にすることを目的としたものである。すなわち第1章においては電動油圧操 舵機の動特性を解析し,先進角の大きさに影響を及ぼす要素を明らかにし,先 進角減少が操縦性に与える効果,先進角減少に伴う問題点およびその限界値に ついて述べた。

第2章の前半では船の旋回運動を位相面上に表現できることを示し,位相面

-2-

上で最短時間による最適操舵のトラジェクトリを求め,数値計算と実船実験結 果とは小舵角変針ではよく一致するが,大舵角変針ではかなりの誤差の生ずる ことを明らかにした。位相面による最適操舵法では,実際のてい形操舵をく形 操舵でおきかえざるを得ないから,そのための誤差が生ずるので,これを除く ための方法として,第2章の後半ではポントリャーギンの最大原理による最適 操舵法を述べ,この方法では数値計算と実船実験結果とが,舵角の大小にかか わらず一致することを確認した。

第3章では最適操舵法のあて舵の見地から,最適操舵速度を船の進路安定性 を示す指数 Tの関数として求め,これと現行規程の操舵時間28秒とを比較し 検討を加えた。

第4章では衝突回避性能からみた操舵速度を求めるにあたり,海難審判裁決 録による衝突事例の統計をもとに,真向かいに行き会う場合のモデルを設定し, これから衝突回避のための操舵速度の限界を定め,さらに針路交角がある場合 について衝突回避のための2船間距離の限界を求めた。

第5章では,操舵機馬力一定の条件下において,アドバンスや回頭おくれを 最小にする操舵速度と舵面積比との関係を,とくに舵のアスペクト比を考慮に 入れて求めた。最後に以上の各章における結果に基づいて,操舵機性能と船の 操縦性の関連を明確にし,あわせて操舵機設計上考慮しなければならない点を 指摘した。

付録として, Z操縦による船の運動をオンオフサーボによる自励振動とみなし, これに非線形制御理論を適用し, 簡単に操縦性指数を求める方法を述べた。

- 3 -

第1章 電動油圧操舵機の先進角と 船の操縦性

電動油圧操舵機は船橋の舵輪角度と実際の舵角との差に応ずる速さで,舵を とるようになっている。そしてこの差がある値以上になったとき,ポンプは最 大吐出量を発揮し最大の速さで操舵が行なわれるのである。この差を先進角(管制角とも呼ぶ)と呼んでいる。この先進角の値は,かならずしも一定ではな いが現在では 5°~10°の範囲内で適当に決められており,旧海軍では 7.5° と 一定にしていたようである。

ところで,先進角が大きければ操舵機の時定数は大きくなり,小さければ時 定数は小さくなる。したがって舵輪の一定速度操舵に対し,先進角の値が大き ければ舵角の遅れは大きくなり,小さければ小さいほど遅れは少なくてすみ, 先進角の大きさは船全体の操縦特性に影響を与えることになる。そしてその値 が小さいほど操縦性はよくなる。大型船では船の進路安定性を表わす指数が操 舵機時定数に比べ,かなり大きいので,先進角を減少することにより操舵機時 定数を小さくしても船の操縦性に与える効果は少ないが,小型船の場合,船の 進路安定性を表わす指数が比較的小さいので,先進角を減少するとその効果は 顕著に現われてくる。このように先進角は操舵機および船の特性上重要である にもかかわらず,ばく然としている点が多いので本章ではこの問題を解析する。

1・1 先進角と操舵機時定数

電動油圧操舵機に使用されている可変流量ポンプとしては、ヘルショウポン プとジャンネポンプの2つがある。ヘルショウではポンプの外部より偏心腕に よって遊動環を左右に偏心することにより、その吐出量を変化させることがで き、またジャンネポンプではティルテングボックスを管制腕によって傾斜させ ることにより吐出量を変化させることができる。構造は異なるが両ポンプとも

-4 -

操舵機に使用された場合には,原理的に同じであるので,一例としてヘルショ ウボンプをとってみる。

ボンプの容積効率は油圧により変化するけれどもその程度は数%にすぎず, またテレモータの遊び^[1]は導管の大きさや長さにより多少異なるけれども, 初圧を4%/cm 程度にかけておけば,小型船では遊びは0,5°~1°位である。 いま油圧ポンプの容積効率を一定とし,テレモータの遊びおよび遅れを無視 し油圧筒の漏洩はないものと考える。ここで記号を,つぎのように決める。

³(t): 舵輪の指令角度 (deg)

δ(t): 舵 角(deg)

δa: 先進角(deg)

X₀(t): ラム変位 (cm)

 $Q_{P}(t)$: ポンプ毎秒吐出量 ($m_{/sec}$)

η_p: 油圧ポンプ容積効率

Qpmax : ポンプ最大吐出量 (cm/sec)

A: ラム断面積 (cm)

R: 舵柄半径(cm), b: ポンプの最大偏心量(cm)

x(t) : ポンプの偏心腕変位 (cm)

k1: 舵輪角または舵角に対するポンプ偏心腕変位の比例定数

 $k_1 = b/\delta_0$ (cm/rad)

 k_2 : 単位偏心量に対する吐出量の比例定数 $k_2 = Q_{P_{max}} \eta_{P/D}(c_{d}/sec)$ ボンプ流量は $Q_p(t) = k_2 X(t)$ (1・1) ラム移動速度は $\frac{d X_0(t)}{d t} = \frac{Q_P(t)}{A}$ (1・2) また舵角 δ とラムの移動量の関係は, 舵柄機構がラプソンスライド型なら $X_p(t) = R \tan \delta(t)$

トランクピストン型なら $X_0(t) = R \sin \delta(t)$ であるが、 δ の小さい範囲では、

 $\mathbf{X}_{0}(t) = \mathbf{R}\,\delta(t)$

と考えてよい。(1・1),(1・2),(1・3) 式をラプラス変換し, この系をプロ ックダイャグラムに書けば第1・1図となる。第1・1図を簡単にすれば第1 ・2図となる。これを運動方程式の形に書けば,

$$T_{\rm E}\frac{d\delta}{dt} + \delta = \delta^{*} \tag{1.4}$$

ここで $T_{B} = \frac{AR}{k_{1}k_{2}} = AR \delta_{e}/Q_{pmax}\eta_{p}$ (1・5) は操舵機の時定数である。この時定数は油圧ポンプ,ラム,舵柄が定まれば先 進角の関数である。そしてこの時定数は舵輪に単位入力舵角をステップ状に与 えた場合,舵が始動の瞬間の速度をそのまま持続したとすれば,その指定舵角 に達するまでの時間を意味する。先進角を小さくすればするほど,舵は短時間 に指定舵角に達する。

1・2 操舵機時定数と船の操縦性

このように先進角と操舵機時定数との関係が求まったので,この時定数の変 化が船全体の操縦性にどのように影響するかを調べてみる。油圧ポンプ,ラム, 舵柄等をそのままとし,先進角のみを変えれば操舵機の時定数は(1・5)式 により変化する。先進角を減少すれば時定数は小さくなり,舵の角速度が早く その最終値に近づくのである。

船の操縦運動はつぎのように一次系に近似できることが示されている^[2]。
T
$$\frac{d\dot{\psi}}{dt}$$
+ $\dot{\psi}$ = K δ (1・6)

とこで T: 船の進路安定性を表わす指数(Sec)

K: 旋回力を表わす指数 $(\frac{1}{sec})$

δ:舵角(deg)

 Ψ : 旋回角速度 (deg /sec)

ポンプが飽和しない場合,船の操縦系全体のブロックダイヤグラムは第1・3

-6-

 $(1 \cdot 3)$

図のようになる。系の伝達関数は(1・7)式となる。

$$G(s) = \frac{\psi(s)}{\delta^{*}(s)} = \frac{K}{s(T_{E}s+1)(Ts+1)}$$
(1.7)

この系の一定速度入力 $\delta^{*(t)} = \delta^{*} t / t_1$ に対する旋回角速度 $\dot{\phi}(t)$ および 旋回角 $\phi(t)$ はそれぞれつぎのとおりである。

$$\dot{\psi}(t) = L^{-1} \left[\frac{K}{(T_E S + 1) (TS + 1)} \frac{\delta_0^*}{t_1 S^*} \right] \qquad 0 < t < t_1$$

$$= \frac{\delta_0^*}{t_1} K \left[t - T - T_E - \frac{1}{T - T_E} \left\{ T_E^2 e^{-(t/T_E)} - T^2 e^{-(t/T)} \right\} \right] \qquad (1 \cdot 8)$$

$$\psi(t) = L^{-1} \left[\frac{K}{S (T_E S + 1) (T S + 1)} \frac{\delta_0^*}{t_1 S^2} \right] \qquad 0 < t < t_1$$

$$= \frac{\delta_0^*}{t_1} K \left[\frac{1}{2} t^2 - (T + T_E) t - \frac{1}{T - T_E} \left\{ T_E^3 (1 - e^{-(t/T_E)}) - T^3 (1 - e^{-(t/T_E)}) \right\} \right]$$

ただし fi は舵輪をとり終り停止した時刻である。そして舵輪を of とったとす れば, 舵輪停止後は次式となる。

$$\psi(t) = \delta_0^* K (t - t_1) - \left\{ \delta_0^* K - \dot{\psi}_1 + \frac{K T_E}{T - T_E} (\delta_0^* - \delta_1) T (1 - e^{-(t - t_1/T)}) + \frac{K T_E^2}{T - T_E} (\delta_0^* - \delta_1) (1 - e^{-(t - t_1/T)}) + \psi_1, t > t_1 \right\}$$

$$(1 \cdot 10)$$

ここで δ_1 , $\dot{\phi}_1$, ϕ_1 はそれぞれ t_1 における舵角, 旋回角速度, 旋回角である。 さらにポンプが飽和した場合, 系は非線形となり飽和時刻を t_2 , 舵輪の停止 時刻を t_3 とすれば, $t_3 \ge t \ge t_2$

$$\dot{\psi}(t) = UK(t-T) + \{\dot{\psi}_{2} - UK(t_{2} - T)\} e^{-(t-t_{2}/T)}$$

$$\psi(t) = \psi_{2} + \frac{UK}{2} \{ t^{2} - t^{2}_{2} - 2T(t-t_{2}) \}$$

$$+ T \{ \dot{\psi}_{2} - UK(t_{2} - T) \} (1 - e^{-(t-t_{2}/T)})$$

$$(1 \cdot 12)$$

ただし $\dot{\varphi}_2$ および φ_2 は $\dot{\varphi}_2$ における旋回角度および旋回角であり, U は飽和時の 最大舵角速度である。通常 T > T_B であるので, T >> T_B の場合は $\varphi(t)$ は T に 大きく影響されるが, T がしだいに小さくなり T_B に近づくにしたがって T_B の 影響は無視できなくなることが(1・9)式からわかる。T_B は 普通2秒前後 であるが, T は小は捕鯨船の5秒位から大は大型タンカーの100秒位まであ る^[2]。 捕鯨船のように T の小さな船に対しては, 操舵機時定数, したが って先進角の影響は大きく、先進角を小さくして運動性能の向上をはかること が可能となる。

ポンプ飽和後は直接的にはTBの影響はなく,Uのみがきいてくることが(1 ・12)式からわかる。したがって先進角減少による効果はむしろポンプを飽 和させずに用いた場合に顕著に現われてくる。

第1・4図は450トン巡視船⁽³⁾ および捕鯨船につき,35°/12.55 mmの 舵輪速度を与えボンプを飽和させずに用いた場合の旋回角々を計算して旋回軌 跡を描いたものである。ただし転舵後の船の速度の減少と強い旋回に基づく旋 回力指数 Kの減少を考慮していないので,旋回圏は相当大きくなり,実際のも のはこれよりかなり小さくなるはずであるが,ここでは両者の差を明らかにす ればよいわけであるから,これらは考えなかった。この図から T_B に比べ T が 大きく,かつ K の小さな巡視船よりも,T_B と T が接近し,かつ K の大きな捕 鯨船のほうが,操舵機時定数の影響をより明らかに示していることがわかる。 そしてこの曲線から,小型船では操舵装置の他の部分はそのままとし,先進角 のみを変えることによって旋回圏をかなり小さくできることがわかる。

1・3 先進角減少に伴う問題点

先進角減少に伴い考慮しなければならない主な点は, 舵始動時の角加速度の 増加と, 大舵角における電動機の負荷である。舵始動時の角加速度については あとで先進角の限界値の項で述べるので, ここでは大舵角における電動機の負 荷と先進角との関係のみを述べる。

舵軸トルクは操舵速度の影響で定常状態のものより大きくなることが指摘されているので⁽⁴⁾,このことを考慮しなければならないのであるが,その影響は普通の操舵速度ではあまり大きくないので,ここでは Jössel-Beaufoy の式に基づいて先進角と馬力との関係を考えてみる。

-8-

現在使用されている電動油圧操舵機用電動機は,大舵角において瞬間的には 150~200%過負荷になるようにあらかじめ設計されている。油圧ポンプ駆 動電動機の馬力は,舵軸トルクと舵角速度の積で表わされるので,いかに大舵 角での舵軸トルクが大きくてもそのときの角速度が小さければ,馬力は小さく 過負荷になるおそれはない。したがって第1・5 図に示す転舵終期の追従作用 により角速度を落として馬力の減少をはかることは,定性的には得策であると いいうるが,その効果がどの程度であるかを把握するために,まず舵軸トルク の舵角に対する関係を明らかにする必要がある。Jössel-Beaufoyの式は

 $N = 0.0156 A_{\rm R} V_{\rm R}^2 \sin \delta$ (1 • 13)

 $x = B_{R}(0.195 + 0.305 \sin \delta)$

ただし N: 舵に加わる直圧力 (ton)

x: 舵前縁より圧力中心までの距離 (m)

A_R:舵面積 (m^{*})

V_R: 舵にあたる水流の速度 (kt)

B_R:舵の幅 (m)

る:舵角(deg.)

さらに a : 舵前縁より舵軸中心までの距離 四

 $Q_R: 舵軸トルク (ton-m), r = x - a$ とすれば $Q_R = Nr (1 \cdot 15)$ この舵軸トルクは舵の平衡,不平衡にもよるが,舵角が大きくなるにしたがっ て増加する。第1 · 6 図は Jössel-Beaufoy 式による値をもととした舵角 -トルク曲線の計算例である。一方舵角速度は,油圧ポンプ最大吐出量とラム 断面積とによって定まる最大角速度以内,すなわちポンプが飽和しない範囲内 では,先進角および舵輪速度によって左右される。そこで先進角 δ_a および舵輪 速度を変えた場合の舵角 δ および舵角速度 δ を求めてみる。規則で操舵時間は 片玄 35°から反対玄 30°まで 28 秒でとるように定められているので,一定時

(1 • 14)

間に操舵を完了させるためには,操舵機の時定数が大きいと舵輪停止後の追従に 要する時間が多くかかり,したがって舵輪速度を大きくしなければならず,時定 数が小さいときは逆に舵輪速度を小さくしてよい。

舵輪を35°とり終り停止した後の舵角は,つぎの方程式で表わされる。

$$T_{\rm E} \frac{d \delta}{d t} + \delta = 35^{\circ} \qquad t > t_1 \qquad (1 \cdot 16)$$

舵輪停止時刻の舵角を ∂, とすれば舵角は

 $\delta(t) = 35^{\circ}(1 - e^{-(t-t_1/T_E)}) + \delta_1 e^{-(t-t_1/T_E)}$ (1・17) 理論的にはこの式から $t \to \infty$ でなければ舵角は 35° に一致しないが,設計上は 追従時間を 2 T_E ~ 4 T_E とみなせばよいとされている^[5]

すなわち舵輪停止後2 T_B~4 T_E で舵輪指示と舵角指示とがほとんど一致すると みなしてよい。そこでいま追従時間を2 T_Bと仮定し,35°を15秒で操舵完了 の場合, $T_{\mathbb{B}} = 1.5$ 秒と $T_{\mathbb{B}} = 0.5$ 秒の2つをとってみる。この2つの場合につき $\delta^{*}(t)$, $\delta(t)$, $\delta(t)$ を示したものが第1・7 図である。第1・7 図はつぎの ことを表わしている。 T_Bの小さい場合は転舵初期で急速に舵角速度が上昇し舵 角も早く大きくなるが,間もなくTEの大きいほうが舵角速度が大きくなり,中頃 になって舵角も追い越し、終期では舵角も速度もともに大きくなる。しかしなが ら12秒以後 TEの大きいほうは追従動作が始まり角速度は減少するのに反し, TEの小さいほうは14秒まで δ*/t1の角速度で行くため,この差が馬力に影響を 与えることになる。第1・6 図の舵軸トルクと第1・7 図の舵角速度とから馬力 を計算したものが第1・8図である。第1・8図から,先進角を小さくすると舵 輪速度を落としてもなお大舵角において馬力はある程度増加するのを免れないこ とがわかる。この見地からすれば,先進角の減少は好ましくないようにみえるが これまではトルクのところで横流れ角を考慮にいれていなかったので、これをい れれば結果は異なってくることもありうる。船が旋回し始めると, 舵に対する水 流の流入角は舵角と横流れ角との差と考えられるので、実際の流入角はるよりか なり小さいはずである。そして横流れ角の発達は,(1・6)式のTに支配さ れると考えてよいので,小型船では転舵終了時には,すでに定常状態の横流れ 角がついているはずである^[6]。 また大型船でもかなりの横流れ角のつい ていることが,舵軸トルクの実測の結果示されている^[7]。 したがって大 舵角における舵軸トルクは,小型船ではJössel-Beaufoy 式によるものよ りも小さく,そして30°前後ではおおよそ一定値になっているであろうと思 われる。よって30°前後から追従動作で舵角速度を落として馬力上昇を防ぐ 必要はなく,むしろ先進角を小さくし,かつ舵輪速度を小さくしたほうが馬力 を少なくしうることも考えられる。

1・4 先進角の限界値

先進角は操縦性の見地からすれば小さいほど好ましいが,その限度は始動時 の舵角加速度による限界およびリンク機構製作上の限界の2つにより定まって くる。

1・4・1 舵始動時の角加速度

先進角の大きさは,船の種類,大きさ,操舵機の型式等によって多少異なる が,経験的に大体つぎのように定められている。

ラプソンスライド型	6.5 ⁰
トランクピストン型	9.5 ⁰

小型船(漁船,捕鯨船) 5°~5.5°

今,第1・1図の系に第1・5図に示すような一定速度入力 δ*(t) = δ^{*} ^t ^t ¹ を加えてみる。ただし舵輪速度は液圧式テレモータでは,できるだけ速く舵輪 を回そうとすれば,普通の操舵員の力では 35° を5秒程度でとることはでき るが,ポンプの最大吐出量とラム断面積とによって定まる最大ラム速度に対す る舵角速度以上に舵輪速度を増しても,第1・10図に示すような復原リンク にある緩衝ばねを圧するのみでポンプは飽和し,もはや舵速度は舵輪速度に比 例しなくなる。ここではポンプの飽和しない範囲内で考えるものとする。 出力舵角 ð (t) はラプラス逆変換により

$$\delta(t) = L^{-1} \left\{ \frac{1}{T_{E} s + 1} \cdot \frac{\delta_{0}^{*}}{t_{1} s^{2}} \right\}$$
$$= \frac{\delta_{0}^{*}}{t_{1}} T_{E} \left(e^{-t/T_{E}} + \frac{t}{T_{E}} - 1 \right)$$
(1.18)

舵角速度は

$$\hat{\delta}(t) = \frac{\hat{\delta}_0^*}{t_1} \left(1 - e^{-t/T} E\right)$$
 (1.19)

舵角加速度は

$$\overset{\bullet}{\delta}(t) = \frac{\delta_0^*}{t_1 T_{\mathbb{E}}} e^{-t/T_{\mathbb{E}}}$$
(1.20)

したがって始動時の角加速度は(1・20)式で t=0 とおけば $\delta(0)=\delta_0^*/t_1 T_E$ であるから,時定数,したがって(1・5)式により先進角 δ_a を0にすると計 算上加速度は無限大となる。ただし実際にはポンプの漏洩により無限大とはな らず,非常に大きい油圧が瞬間的に現われることになるはずである。

つぎに舵の運動部分の 慣性抵抗モーメントは、舵の角加速度と舵軸中心まわりの 舵の慣性モーメント との積 $I_{\delta}(t)$ で表わされるが、この値が計画最大舵軸トル クを超過すれば油圧の異常上昇をひき起こし、各部に重大な支障を生ずること になる。これらの関係を調べるため、450トン巡視船、17,000トン鉱石輪 送船、46,850トンタンカーの3 隻の船につき、慣性モーメント I を求め、第 1・1 表中に示す。表中 I。は舵とともに動く水を考慮して舵自身の Iを100 % 増しにしたものであり、また δ_0^*/i_1 は450トンの船では35°を13秒,他の 2 隻の船では35°を10秒で操舵したときの舵輪の角速度を示す。さらに Q_{Pmax} は計画舵軸トルクである。以上の3隻につきボンプの容積効率を98%と仮定 した場合、時定数、したがって先進角を $1/i_0$ に減少したときの舵の慣性抵抗 モーメントの変化の様子を第1・9 図に示す。第1・9 図と第1・1 表の Q_{Pmax} と を比較してみると、いかに始動時の慣性抵抗モーメントが小さいかがわかり先進

-13-

角を¹/₁₀ に減少してもなお問題にならないのである。したがって始動時の角 加速度に関するかぎり,先進角は零にはできないが現在の値より,はるかに小 さくしても支障がないといいうる。

1・4・2 製作上の限界

いま第1・10図のヘルショウポンプにおいて

y:テレモータ受動筒変位(cm)

 $\mathbf{k}': 舵輪角に対するテレモータ受動筒変位の比例定数(<math>^{Cm}/_{rad}$)とし, $r_1, r_2, r_3, r_4, \ell, \ell_1, \ell_2$ を図示の長さとすれば, $\mathbf{y} = \mathbf{k}' \delta^{(t)}$ で,偏 心量 $\mathbf{x}(t)$ に関してテレモータ受動筒よりポンプまでのリンクに対し次式が成 立する。

$$\mathbf{X}(t) = \frac{\ell_2 \ \mathbf{r}_4 \ \mathbf{r}_2}{\ell \ \mathbf{r}_3 \ \mathbf{r}_1} \ \mathbf{k}' \delta^{*}(t) \qquad \mathbf{0} < \delta^{*}(t) \le \delta_a \qquad (1 \cdot 21)$$

同様に舵柄からポンプまでのリンクに対して、

$$\mathbf{X}(t) = \frac{\ell_1}{\ell} r' \delta(t) \qquad \qquad \mathbf{0} < \delta(t) \le \delta_a \qquad (1 \cdot \mathbf{22})$$

また $\delta^{*(t)}$ あるいは $\delta_{(t)}$ が δ_{α} に等しいときは、(1・21)、(1・22) 式はそれぞれ

$$b = k' \frac{\ell_2 r_4 r_2}{\ell r_3 r_1} \delta_a \qquad (1 \cdot 23)$$

$$\mathbf{b} = r' \frac{\ell_1}{\ell} \, \delta_a \qquad (1 \cdot 24)$$

テレモータの遊びを無視すれば最終的には $\delta(t) = \delta(t)$ であり、 $\ell_1 = \ell_2$ であるか ら、 $\tau' = \mathbf{k}' \frac{\tau_2 \ \tau_4}{\tau_1 \ \tau_3}$ (1・25)

リンク機構を一定とすれば、 δ_a の減少は bの減少を意味し、この場合最大吐出 量を一定に保つためには、油圧ポンプピストン数を増すかあるいはピストン直 径を大きくしなければならず、この点にも限界がある。ポンプの最大偏心量 b を一定とすれば、 δ_a を小さくするほど τ' および $k' \tau_2 \tau_4 / \tau_1 \tau_3$ を大きくしなけれ ばならない。もし b を一定とし δ_a を 1/10 に減少しようとすれば、ベルクラン クの腕の長さや復原リンク取付点と舵軸中心との距離を10倍にしなければな らず,狭い操舵機室では設計上困難がある。先進角零ということは舵輪角度と 舵角との差が零であっても,すなわち舵輪に微小回転を与えたとき,ポンプの 最大偏心量に対する移動量だけ復原リンクの他端が動かなければならないこと になり,拡大率は無限大となってこのような機構は実現困難である。

また, 舵輪速度を舵角速度以上に速く回したとき, 両者の角度差が先進角以 上になるとその分だけ緩衝ばねが伸縮するのであるが, 先進角を極度に減少す るとばねの伸縮量がきわめて大きくなるように設計する必要があり, この点に も限界がある。

さらに先進角を減少して始動時の舵角速度を増加させると,油圧系中の油が 同時に加速される。ある程度 δ_a を小さくすると油圧ポンプ吸入側の油の加速 が間にあわず,吸入側に真空ができ,0il vapour や油中の空気の気泡とな ったものが発生し,これらが吐出側に出た瞬間圧潰し異常音響を発することに なる。この対策として吸入側に 2 Kg/cm 程度の圧力をかけておくと音響は発生 しなくなる。

以上先進角に対し、いくつかの制限が考えられるが、実際にはリンク機構の 製作上の限界にしぼられてくるものと考えられ、大体在来の値の $\frac{1}{2} \sim \frac{1}{3}$ 程度が限度と思われる。

-14-

最適制御とは,ある評価法のもとに最適の結果を与える制御をいう。宇宙船の誘導,プラントの操業,起重機の運転,一定速度の自動車を指定位置に最短時間で停車させる問題など,いろいろな場合に最適制御の適用が考えられる。

本章では舵角あるいは操舵速度を操作量として,船の操縦運動に最適制御を 適用し,指定角度変針する場合の最適操舵法について述べる。

2•1 最短時間制御

航走体の最適制御は,ある点から他の点に移動する間の燃料消費量を最小に するとか,時間を最小にするとかいうように,目的によって制御のやり方が異 なってくる。船の航法の自動化に伴う自動変針に際しては,非線形性を巧みに 使って最短時間に動作を完了させようという非線形最適制御の考え方に基づく 最適操舵法が要求される。

一般に船では舵角は35°に制限されているので、この舵角を最大限に利用 し、最短時間したがって最短距離で新進路に入りたいということは、操船者の 常に考えていることである。たとえば船をできるだけ急速に右玄に90°変針 しようとする場合、操船者は「面舵一杯」を発令し、旋回角が90°に達する 前、ある値の時刻に「戻せ、取舵にあて」を発令する。この時刻が早すぎれば 旋回角は90°に達しないし、遅すぎれば90°を行き過ぎる。いずれの場合 もその後操舵手は小舵角の操舵を何回か繰り返し、新進路に入れなければなら ない。

ところで舵を切り換える時期が最適であれば,ただ1回の切り換えで,過不 足なしにうまい具合に旋回角が90°になる。この切換点は各船の運動性能に よって異なっているけれども,必ず存在するはずである。この最適切換点は, 運動方程式が二次系の場合は位相面で求めることができるが,次数がそれ以上 高くなると状態空間になるので,ポントリャーギンの最大原理による最適制御 理論を用いて求めなければならない。

2・2 位相面による最適操舵法

船の旋回に関する性能は操縦性指数によって定められているので,この指数 と自動制御における非線形最適制御理論とを操船に応用し,船の運動を,旋回 角速度を縦軸,旋回角を横軸とする位相面上に表示することにより,最適操舵 切換え時期を決めることができる。

船の操縦運動は(1・6)式で示したように一次系に近似できる。

$$T \frac{d\dot{\psi}}{dt} + \dot{\psi} = K\delta$$

この式を自動制御論的に表現すれば, ∂ は入力, ∂ は出力, ⊤ は船の時定数, K は入力の比例定数である。この т, к の値は各船固有のものであり, Z 操縦 試験記録から算出できる。多くの船についてこの т, к の値を求めておくこと は,船の設計に有益であるばかりでなく,同時にこの値はその船の固有の性質 を表わすものであるから,操船者はこれを用いて各船特有の適正な操船を行な うことができるはずである。

通常操船に用いられる操舵法は,第2・1 図に示すようにてい形操舵法である。図示のように舵角 $\pm \delta_0$ に達するまでは,操舵に要する時間を t_1 とすれば, 一定角速度 $\pm \delta_0 t/t_1$ の舵角が与えられる。最短時間,したがって最短距離で操舵を完了させるためには,あて舵にもそのときまで用いた舵角と等しい舵角を 用いるべきである。この場合,一応操舵に要する時間 t_1 を無視し,く形操舵法 とみなしてみると,第2・1 図に示す斜線を施した部分の操舵効果は,互いに かなり相殺されるものと考えられる。そこでここではてい形操舵法を第2・1 図に示すようにく形操舵法に近似置換することにする。したがって舵角は $\pm \delta_0$ と零の3種となる。

舵角 δ にある制限値 $\pm \delta_0$ を与え,その範囲内の舵角を用いて最短時間に操舵 を完了させるには,舵角に $+\delta_0$ を最大限に利用し,またあて舵にも $-\delta_0$ を一杯 に用い,ただ1回の舵角切換で,過不足なしに目的の旋回角 ϕ に一致させるよ うに操舵すればよい。このときの船の運動方程式は次式で示される。

$$T \frac{d\dot{\psi}}{dt} + \dot{\psi} = \pm K \delta_0 \qquad (2 \cdot 1)$$

(2・1)式右辺の+ δ_0 は最初にとった操舵角であり、- δ_0 はあて舵である。 (2・1)式において、 $t = T\tau$ 、 $\phi = KT\delta_0 x$ とおいて変数を変換すると、(2 ・1)式は無次元数x、 τ に関する次式で示される。ただし、 $dx/d\tau = x'$ と する。

$$\frac{dx'}{d\tau} + x' = \pm 1 \tag{2.2}$$

初期条件を $\tau = 0$ で $x' = x'_0$, $x = x_0$ とおいて(2・2)式を解くと,

 $x' = (x'_0 + 1) e^{-\tau} \pm 1$ (2.3)

$$x = (x_0 + x'_0 \mp 1) - (x'_0 \mp 1) e^{-\tau} \pm \tau$$
 (2.4)

となる。また(2・3)式から

 $\log e(x' \mp 1) = \log e(x_0' \mp 1) - \tau \qquad (2 \cdot 5)$

(2・5)式を用いて(2・4)式からτを消去すると
$$x=x_0 + x_0' \pm \log |x_0' \mp 1| - x' \mp \log |x' \mp 1|$$
 (2・6)

ここで
$$C=x_0+x'_0\pm \log |x'_0\mp 1|$$
 とおけば(2・6)式は,
 $x=C-x'\mp \log |x'\mp 1|$ (2・7)

となる。なお(2・7)式についての時間 τ は,(2・3)式のところで初期 条件 $\tau = 0$ で x' = 0 とおくと,

$$x' = \pm 1 \pm e^{-\tau}$$
 (2 • 8)

となり, x'軸上に時間 τを目盛ることができる。(2・7,)式は xを横軸, x' を縦軸とする位相面上に cをパラメータとして描くことができ^[8], さらに (2・8)式によって図上に時間目盛を刻むことができる。第2・2 図は船の 運動を(2・7),(2・8)式により位相面に表わしたもので,初期条件 c を変化させると図示のように多数の曲線群ができる。操作量が+1のときは左 側に開いた曲線群となり,-1のときは右側に開いた曲線群となる。つぎにあ て舵として普通用いられている 7.°の場合を考えてみる。 δ_0 =+30°操舵の後, あて舵 - 7.°とったときは - 7°/30°= - 0.233,したがって(2・2)式 の右辺を - 0.233として位相面に描けばよい。この場合操作量 - 0.233に対 する曲線の式および時間目盛はそれぞれ次式で表わされる。

 $x = C - x' + 0.233 \log[x' + 0.233]$ (2.9)

 $x' = -0.233 (1 - e^{-\tau})$ (2.10)

 $(2 \cdot 9)$ 式でx'=0 でx=0 になるように cを定めれば c=+0.34 となる。 それで $(2 \cdot 9)$ 式で c=+0.34 としたもの、および $(2 \cdot 10)$ 式が、第 2 · 2 図の曲線 - 0.233 と目盛 - 0.233 である。同様に + 20° → -7.°, +15° → -7.°の場合については、 $(2 \cdot 2)$ 式右辺をそれぞれ - 0.35, -0.466 として描けば、第2 · 2 図の曲線 - 0.35, -0.466と目盛 - 0.35, -0.466 となる。

なお第2・2図に示す45°の直線群は,舵角を零にもどした場合のもので, (2・2)式の右辺を零として描いたものである。この場合の時間目盛は別に 表示しなければならないが,ここでは省略した。

2・2・1 非線形最適制御理論の適用

制御系は操作量を加減して偏差を零にするように制御するものであるが,操 作量は操作部の飽和現象や安全性の面から最大値が決められている場合が多い。 この最大操作量をうまく利用するのが非線形最適制御である。一例として左に 旋回しつつある船を,ある時刻;における旋回角の値ψから,逆に右に90° 旋回させようとする場合を考える。普通の操船と異なるけれども,舵が指令舵 角に達するまでの所要時間を一応無視し,舵角を35°一杯に使用できるもの とする。この場合操船者はまず面舵一杯を指令する。しかし船は慣性により左 旋回を続けるが,しだいに旋回角速度が減少し,やがて零になり,次に右の旋 回角速度が増加し,操舵指令を発したときの旋回角度にもどり,こんどは次第 に右に回ってゆくので,ある適切な時刻に舵角を切り換え取舵一杯とし,ちよ うど目的の旋回角度になり旋回角速度も零になったとき舵角を零にもどせばよ い。この過程を位相面でたどれば第2・2 図の a, b, c, d となり, a は最 初の船位, b は旋回角最大の点, c は切換点, d す なわち 0 は最終船位である。 このとき,もし切換時刻が早すぎると目的の旋回角度に達せず,遅れすぎると 行き過ぎる。このように最短時間したがって最短距離で目的旋回角度にもって 行くことができるが,舵角がかぎられる場合問題は舵角の切換時刻で,これを 決定するには船の特性が必要である。操縦運動に関する特性は,T,Kの値で 示されるので,船のT,Kの値を求めておけば,その船固有の最適切換点がわ かり,最適操舵ができることになる。

以上のことを第2・3図の位相面と第2・4図の時間対舵角,旋回角の図で 考えてみる。第2・3図の AO およびA'O はそれぞれ(2・7)式の c が零の 場合で,原点に向って収束して行く過程である。この曲線を切換線と呼ぶ。い ま最初に系が図のa 点で示される状態にあったとすると,最適制御の方法^[8] はまず最大操作量+1(たとえば δ_0 =+35°)を加え,曲線 a D c₁に沿って 切換線に近づける。c₁点で切換線にぶつかると,ここで操作量-1に切り換え 今度は切換線 AOの上を原点に向って近づける。原点0に到達したとき,操作 量すなわち舵角を零に切り換えれば x δ_x ['] も共に零,すなわち旋回角も目標値 に,また旋回角速度も零になっており,したがって最適制御が実現されたこと になる。この操作の時間的経過を示したのが第2・4 図である。

切換点 c を求めるには, つぎのようにする。いま直進している船が実際舵角

として $\pm \delta_1$ を用い , ϕ_1 だけ変針しようとする場合を考える。この船の特性は求められていて , その値は T_1 , K_1 であるとする。第2・3 図は無次元化された位相面であるので , 位相面上での初期船 x_1 , x'_1 はつぎのようになる。

 $x_1 = \psi_1 / K_1 T_1 \delta_1$, $x'_1 = \dot{\psi}_1 / K_1 \delta_1$ 船が直進しているので $\dot{\psi}_1 = 0$,したがって $x'_1 = 0$, この x_1 , x'_1 点を図のよう に b とする。ここで舵角 + δ_1 をとるので船は b 点から xの減少, x'の増加方向 に + 1 曲線上を c_1 点に向って進んでゆく。

(1) あて舵の大小による検討

(i) あて舵として切換前と同じ舵角を用いた場合

+ 1 曲線と切換線との交点を c_1 とすれば c_1 が切換点で、この c_1 点の無次元角 x_{c_1} を読みとる。同時に無次元時間 τ_{c_1} を読みとる。そうすれば c_1 点の旋回角 度 ϕ_{c_1} とそのときまでの経過時間 t_{c_1} は、つぎのように求まる。

 $\varphi_{c_1} = K_1 T_1 \delta_1 x_{c_1}, t_{c_1} = T_1 \tau_{c_1},$ ただしこの τ_{c_1} は第2・3図の右端のもので ある。 c_1 点で $-\delta_1$ に切り換えるので - 1線上を0に向って近づく。切り換え後 の経過時間は第2・3図の左端の τ_{c_1} から求めうる。

つぎに使用舵角を小さくし $\pm \delta_2$, $\pm \delta_3$ とすれば,同じ旋回角 ϕ_1 に対し初期船位 は $x_2 = \phi_1/K_1T_1\delta_2$, $x'_2 = 0$ および $x_3 = \phi_1/K_1T_1\delta_3$, $x'_3 = 0$ となり,切換点はそれ ぞれ第2・3図の c_2 , c_3 点となる。

(ii) あて舵 7°を用いた場合

切り換え後あて舵 7° にとった場合の最適切換点はつぎのようになる。たと えば舵角 30° ,あて舵 7°のときは $-7^{9/30^{\circ}} = -0.233$,そこで第2・ 2 図の -0.233 曲線が切換線となる。舵角と切り換え後のあて舵の角度との 比が 0.233 であれば , どんな場合でもこの切換線との交点が切換点となる。 同様に $+20^{\circ} - 7^{\circ}$, $+15 - 7^{\circ}$ の場合はそれぞれ -0.35, -0.466曲 線が切換線となる。あて舵 7° にとった後の時間目盛は ,各場合異なってくる ので,それぞれについて第2・2図の左端に示してある。

(iii) 切り換え後あて舵を零にした場合

切り換え後舵角を零にし、そのままの状態で、ある時間経過後目的の旋回角 度に過不足なしに落ち着く最適切換線は、第2・2 図に示すx=0,x'=0の 原点に45°の角度で入る直線である。この直線との交点が最適切換点であり 切り換え後の時間的経過は、直線群のための時間目盛を示してないので、第2 ・2 図からは読みとれない。しかし切換点における旋回角度と時刻とは明確に 求まる。

以上の考察では舵が指令舵角に達するまでの所要時間を無視して行なったも のであるので,実際とは異なるわけである。しかしながら実際のてい形操舵法 をとった場合,切換点の前後における舵角が等しければ,第2・1 図の斜線を 施した部分に基づく操舵効果が,ある程度相殺されると考えられるので,舵が 動いている間の第2・4 図の曲線の形はa,c,d各点の近傍では多少変わる けれども,d点およびc点の時刻の変化はあまりない。なお切換点の前後の舵 角が異なる場合,たとえば+30°→-7.°のようにあて舵7.°としたときは, 第2・1 図の斜線部分に基づく操舵効果が相殺されないので,その影響は相当 残るものと考えられる。その影響は,(1・6)式右辺に±K ∂_0 / i_1 : および ± K ∂_0 を入れた式と,±K ∂_0 のみを入れた式の両方の解を比較すれば簡単に求め られる。

(2) 切換点をミスした場合

(i) 早過ぎたとき

第2・5 図のように最適切換点 c に達する前に f 点で,もし早めに切り換え たならば f g とゆき,ここで再度+1の舵角を与え g h とたどり,h で-1 に 切り換え0 にゆく。最適切り換えの場合に比べ時間が延びる。

(前) 遅過ぎたとき

-21 -

第2・5 図の c 点を過ぎ j 点で切り換えたときは, 旋回角はゆき過ぎ j k と ゆき, k で再度+1の舵角を与え, 0 に向ってゆく。このときは最適切り換え の場合に比べ, かなり時間が延びてくる。

2 • 2 • 2 数 值 計 算

一例として海上保安大学校練習船旧「こじま」について計算した。この船は 旧海軍の海防艦で,要目は第2・1表のとおりである。表にある T,K の値は Z操縦試験から求めたものであるが,試験時の操縦記録に,風の影響がかなり あったと考えられるので,この値はかならずしも満足なものではないが,以下 一応この値をもとに計算を行なった。いずれも90°変針で使用舵角は最初+ 30° , $+20^{\circ}$, $+15^{\circ}$ で,あて舵はそれぞれ -30° , -20° , -15° お よび各場合とも -7° , 0° である。計算結果を図示したものが第2・6図(a), (b),(c)である。第2・6図で特に注目すべきことは,(a),(b)図でわ かるとおり,最適操舵法では,あて舵として 30° や 20° を用いることは,実 際上不可能であるということである。

つぎに第2・6 図は第2・1 図の斜線を施した部分の操舵効果が相殺される と考えて計算したものであるが,ここではてい形操舵法とく形操舵法を直接方 程式を解いて比較してみることにする。実際のてい形操舵法,すなわち(1・ 6)式右辺に $\pm K \delta_{0} / i_{1}^{i}$ および $\pm K \delta_{0}$ を入れた解から求めた曲線と,く形操舵 法すなわち(1・6)式右辺に $\pm K \delta_{0}$ のみを入れた解から求めた曲線とを比較 してみると,てい形操舵法における切換点の操舵号令発令時刻は,第2・6 図 (a),(b),(c)に示すものより数秒遅れ,むしろく形操舵法の切換点に近 くなる。切り換え後のあて舵 7°の場合はもちろんであるが,+15°→-15° の場合でもこの傾向は明確に現われる。したがって操舵号令発令時刻は,各場 合により1~2秒異なるが,第2・7 図に示すようにく形操舵法切換時刻と一 致するか,あるいはそれよりも1~2秒早い程度となる。そこでこの時刻にお ける旋回角度 φを求め,そのφのとき発令すればよいことになる。

通常の操舵では常用舵角15°,あて舵7°であるので、+15°→-7°の曲 線が最も多く用いられるものと考えられる。第2・8 図は舵角を+15°→-15° および+15°→-7°の場合、旋回角¢を90°,60°,30°,15° に変化した ときの最適切換点の移動を示したものである。この図からわかるように、 ϕ の 値が60°程度に大きくなると、もはや切換点は ϕ の大小にはほとんど影響さ れずほぼ一定値になる。このことは第2・2 図の位相面からも理解できる。 すなわち ϕ が大きなとき、したがって初期船位 α_1 が大きなときは、切換点が $1x^1$ =1の近傍に集中するからで、言いかえれば旋回角の大きなときは、切換点に くるまでにそのときの使用舵角に対する定常旋回角速度にほとんど近い値に $\dot{\phi}$ がなっているからである。

2・2・3 実船実験結果

(1)結果

第2・9 図にみるとおり,小舵角の場合は比較的よく理論値と実験値は一致 するが,大舵角の場合には誤差が多くなっている。この4つの場合を通して言 いうることは, δ の値が15°,20°,30°と大きくなるにしたがって, ϕ = 90°, $\dot{\phi}$ = 0 になる時刻の計算値と実測値とのずれが大きくなる傾向をもって いるということである。 $\delta = 30^\circ$ の場合はついに $\psi = 90^\circ$ にはならなかった。 このことはT,Kの値がかならずしも正確でなかったこともその一つの原因で あろうが,また大舵角変針に対して一次系近似が,適当であるかどうかも検討 の余地があると考えられる。さらにてい形操舵法をく形操舵法で置き換えたこ とも原因の一つであろう。

2.3 ポントリャーギンの最大原理^{[9][10]}

ポントリャーギンらは,一般的な最適問題に対する必要条件を数学的に導い ており,これを最大原理と呼んでいる。ここでは最大原理の結論の一部を簡単 に記すにとどめる。

n次の線形または非線形の定常制御対象特性は,つぎの一連の一次方程式に 書くことができる。

$$\frac{dx_i}{dt} = f_i(x, \mathbf{u}) \tag{2.11}$$

ただし $i = 1, 2, \dots, n, c$ とにxは x_1, x_2, \dots, x_n で状態変数である。また uは u_1, u_2, \dots, u_r で操作量である。ベクトル表示をすれば、つぎの式となる。 $\frac{dx}{dt} = f(x, u)$ (2・12)

多くの場合に実現可能な操作入力は,おのずから範囲が限られるので, u ∈ U と表わす。なお系が線形のときは(2・11)式はつぎの形をとる。

 $\frac{dx_i}{dt} = \sum_{j=1}^{n} a_{ij} x_j + \sum_{k=1}^{r} b_{ik} u_k$ (2・13) i=1, ……, n, $a_{ij} \ge b_{ik}$ はそれぞれ定数である。また(2・13)式をベク トル的につぎのように書くこともできる。

$$\frac{dx}{dt} = Ax + B \tag{2.14}$$

いま制御対象が(2・11)式あるいは(2・13)式などで与えられたとき 初期状態 t = 0 における $x(t_0)$ から終端状態 $t = t_1$ における $x(t_1)$ まで状態点 を移し、かつ評価関数

$$\mathbf{J} = \int_{0}^{t_{1}} f_{0}(\mathbf{x}, \mathbf{u}) dt \qquad (2 \cdot 15)$$

-25-

を最小にするような操作量を最適操作量,そのときの状態空間における軌道 x(1)を最適軌道という。最大原理はこのような最適制御の必要条件を与えるものである。

いま,(2・15)式の条件を座標に入れるために,人工的な座標 # をつぎの ように導入する。

$$\frac{dx_0}{dt} = f_0 (x, u)$$
 (2.16)

このとき (n+1)次元状態ベクトルを $x = (x_0, x_1, x_2, \dots, x_n)$ とおき,また F = $(f_0, f_1, f_2, \dots, f_n)$ とおくと, (n+1)次元ベクトル方程式は

$$\frac{dX}{dt} = F(x, u) \qquad (2 \cdot 17)$$

となる。これに呼応して(n+1)次元補助ベクトル $\Psi = (\psi_0, \psi_1, \dots, \psi_n)$ を導入し,かつつぎのスカラー関数を定義する。

$$H = (\Psi, F) = \sum_{i=0}^{n} \Psi_{i} f_{i} \qquad (2 \cdot 18)$$

上式の右辺の f_i にuを含むので, H は u の値によって変化する。また $\frac{dx_i}{dt} = \frac{\partial H}{\partial \psi_i} (i=0,\dots,n)$ $\frac{d\psi_i}{dt} = -\frac{\partial H}{\partial x_i} (i=0,\dots,n)$ (2・19)
(2・20)

このとき最大原理はつぎのように要約できる。u が最適操作量のとき,H は u に関し最大値(極大値)をとり,その値は $t_0 \leq t \leq t_1$ の任意の時間において,時間未定のときは 0 である。すなわち

$$H=MaxH(u) = 0$$

 $u \in U$ (2.21)

$$H=MaxH(u) = → 定$$

u∈U (2.22)

である。

終端時間指定のときは

である。なお,以上は状態変数が拘束条件の内部にある場合についてである。 2・4 最大原理による最適操舵法 本章2・2で,自動制御における非線形最適制御理論を操船に応用した船の 最適操舵法を述べた^[11]。 その方法は船の操縦性指数を用い,位相面上で最 適操舵の切換点を決定するものであった。

この方法の欠点の一つは,操舵速度に飽和があるにもかかわらず,操舵速度 が無限大であるとみなしたことで,具体的に言えば,第2・1 図に示すように てい形操舵法をく形操舵法に近似したことである。実船による実験結果は,舵 角が15°のときは計算値と実験値はよく一致したが,20°,30°と大きく なるにしたがって一致しなくなること示した。その原因の一つは,てい形操舵 法をく形操舵法に近似して取り扱ったことと思われる。

近年自動制御の分野で最適問題に関する有効な手法として,R.Bellmanの Dynamic Programing^[12]法およびL.S.Pontryaginらによる最大原 理が発表された。そこで前述の欠点を除くため,ポントリャーギンの最大原理 を操船に適用し,最適操船を試みた。応答の速い船について数値計算し,さら に実船による実験を行なった結果,ポントリャーギンの最大原理による方法は 位相面による方法より,はるかに計算値と実験値がよく一致することが確かめ られた。その方法の理論,計算例および実船実験結果について述べる。

2・4・1 最適制御の型

ポントリャーギンの最大原理によれば,最適制御は第2・10図に示すよう な3つの型になる。すなわちバンバン制御(bang-bang),零つきバンバン (bang-bang with zero)および連続制御(continuous)である^[13] 状態変数に拘束条件がある場合も,零つきバンバンになりうることが示されて いる^[9]

船の操舵で舵角を δ ,操舵速度をuとし,操作変数として操舵速度uを用いた場合,舵角には最大 30° あるいは 35° という制限がつくので,状態変数 δ に $\delta^{1} \leq \delta_{max}$ なる拘束条件がつくことになる。したがってこの場合の最適制

-26-

御は零つきバンバンになる。

2・4・2 船の操縦運動方程式

船の操縦運動はつぎの式に示すように一次系に近似できる。

$$T \frac{d\dot{\psi}}{dt} + \dot{\psi} = K\delta \qquad (2 \cdot 23)$$

ここに ϕ は船の旋回角、 δ は実際の舵角、T は進路安定性を表わす指数、K は 旋回力を表わす指数である。いま船の旋回角速度を Ω とし、かつ舵角および操 舵速度に制限があるとし、それぞれ最大値を δ_{max} , u_{max} とすれば、船の操縦 運動系の方程式はつぎのようになる。

$\dot{oldsymbol{\psi}}=\Omega$
$T\dot{\Omega}+\Omega = K\delta$
$\dot{\delta} = u$
$ \delta \leq \delta_{\max}$
$ u \le u_{max}$

ここでつぎのような変数変換を行なう。

$$\Psi = KT^{2} u_{max} \xi$$
$$\Omega = KT u_{max} \eta$$
$$\delta = Tu_{max} \zeta$$
$$u = u_{max} V$$
$$t = T \tau$$

したがって(2・24)式はつぎのようになる。

$$\xi' = \eta$$

$$\eta' + \eta = \zeta$$

$$\zeta' = \mathcal{V}$$

$$|\zeta| \le D = \frac{\delta_{\max}}{T u_{\max}}$$

$$|\mathcal{V}| \le 1$$

(2 • 24)

(2 • 25)

(2.26)

 $\eta(\tau) = \tau + e^{-\tau} - 1$ (2 • 27.)

あて舵に切り換えた後,舵角く(r) に対する旋回角速度 y(r)の関係は,第2・ 11 図のa, b, cのように3 つの場合が考えられる。aの場合は応答の速い 船で回頭が速く,舵が – D 一杯まで切り終わる前に旋回角速度が零になり,切 り終わった頃には,すでに船は逆回頭を始めていることになる。bの場合は切 り終わったとき,ちようど旋回角速度が零になっていることを意味し, cの場 合はまだ旋回の途中であり,これは応答のおそい船であることを示している。 そこでaの場合は当然舵を – D まで切ることはできなく, – Dの途中で舵をも どさなくてはならない。また bの場合 b – D 一杯まで舵をとったら, cの舵を b どすとき,わずかながら船が逆回頭する可能性があり, cの場合 b a の場合 と同様 – Dの途中で, b どさなくてはならない。したがってa, bの場合は第 2・12 図のようになる。cの場合はあて舵一杯 – Dまでとって, そのままある 時間 L_{2} だけ保持してから舵中央に b どすことになるから,第2・13 図のよう になる。第2・12 図の場合を応答の速い船,第2・13 図の場合を応答のおそ い船と呼ぶことにする。

第2・11図のa, bの場合はつぎの式が成り立つ。 等号は b, 不等号は a の場合である。

 $7(2D) = 2D - 1 + e^{-2D} \ge D$

すなわら、

 $D \ge 1 - e^{-2D}$

(2 • 29)

 $(2 \cdot 28)$

-28-
この(2・29)式が成り立つかどうか,あらかじめ検討しておき,成り立てば その系は第2・12図の応答の速い船の場合であり,成り立たなければ第2・13 図の応答のおそい船の場合となる。

応答の速い船の系について,可能な最適制御入力*v*と,それに対応する応答 の形をスケッチすると,第2・12図から明らかなように第2・14図のように なる。また応答のおそい船の系については,第2・13図から明らかなように第 2・15図のようになる。最適制御の問題は,初期条件 $\zeta = \eta = \xi = 0$,終端 条件 $\zeta = \eta = 0$, $\xi = \xi_1$ を満たすように,入力*v*の切換時刻 τ_1 , τ_2 , τ_3 , τ_4 あるいは τ_5 を求めることである。

はじめに V = + 1 で駆動すると、 $\tau_1 = D$ にて ζ が拘束条件 $|\zeta| \leq D$ の境界 $\zeta = D$ になるので、ここで V = 0 にする必要がある。そうすると、 $\zeta = D$ を保 持し、 η は少しおくれて $\eta = D$ になり、 ξ はほぼ直線的に増加してゆく。つぎ に適当な時間経過して、 τ_2 で船の回頭に制動をかける。すなわち V = -1 と すると ζ は -1の速度で減少し、 η もそれを追いかける。 ξ は増加のしかたが 弱まる。ちようどうまく終端条件を満たすためには、第2 $\cdot 14$ 図では ζ が少 し負になるところまで行ってからV = +1に切り換えて、 η と ξ がなめらかに とまるようにしてやる。第2 $\cdot 15$ 図では ζ $\varepsilon - D$ までもってゆき、 L_2 時間 ζ = -Dに保持してからV = +1に切り換え、 η と ξ がなめらかにとまるように してやる。このような過程でDは既知であるから、 L_1 、 L_2 を未知として応答 曲線を解く。これを解くのにラブラス変換を用いる。

拘束条件1ζ1≤Dのうち1ζ1 < Dを満たす場合を内部と表わし、ζ=±Dを 満たす場合を境界と表わすことにする。

(1) 内 部

 $\eta' + \eta = \zeta$

 $(2 \cdot 30)$

 $\zeta' = \mathcal{V} \qquad \int$

(2・30) 式をラプラス変換するとつぎのようになる。

$$s X = Y + \xi_{0}$$

$$s Y + Y = Z + \eta_{0}$$

$$s Z = V + \zeta_{0}$$

$$(2 \cdot 31)$$

ただし 5, 7, 5,は初期条件によって定まる定数である。したがって

$$X = \frac{1}{s} Y + \frac{1}{s} \xi_{0}$$

$$= \frac{1}{s^{2} (s+1)} V + \frac{1}{s} \xi_{0} + \frac{1}{s(s+1)} \eta_{0} + \frac{1}{s^{2} (s+1)} \zeta_{0}$$

$$Y = \frac{1}{s+1} Z + \frac{1}{s+1} \eta_{0}$$

$$= \frac{1}{s(s+1)} V + \frac{1}{s+1} \eta_{0} + \frac{1}{s(s+1)} \zeta_{0}$$

$$Z = \frac{1}{s} V + \frac{1}{s} \zeta_{0}$$

$$(2 \cdot 32)$$

しかるに入力 $v=\pm \frac{1}{s}$ であるから

$$X = \frac{\pm 1}{s^{3}(s+1)} + \frac{1}{s} \xi_{0} + \frac{1}{s(s+1)} \eta_{0} + \frac{1}{s^{2}(s+1)} \zeta_{0}$$

$$Y = \frac{\pm 1}{s^{2}(s+1)} + \frac{1}{s+1} \eta_{0} + \frac{1}{s(s+1)} \zeta_{0}$$

$$Z = \frac{\pm 1}{s^{2}} + \frac{1}{s} \zeta_{0}$$

$$(2 \cdot 33)$$

(2) 境 界

$$\left. \begin{array}{c} \xi' = \eta \\ \eta' + \eta = \zeta \end{array} \right\}$$
 (2.35)

$$(2 \cdot 35)$$
式をラプラス変換するとつぎのようになる。
sx = x + ε

 $\left. \begin{array}{c} SX - 1 + \zeta_{0} \\ SY + Y = Z + \eta_{0} \end{array} \right\}$ (2.36)

-31-

したがって

$$X = \frac{1}{s} Y + \frac{1}{s} \xi_{0} = \frac{1}{s(s+1)} Z + \frac{1}{s} \xi_{0} + \frac{1}{s(s+1)} \eta_{0}$$

$$Y = \frac{1}{s+1} Z + \frac{1}{s+1} \eta_{0}$$
(2.37)
しかるに $Z = \pm \frac{1}{s} D$ であるから

$$X = \frac{\pm 1}{s^{2}(s+1)} D + \frac{1}{s} \xi_{0} + \frac{1}{s(s+1)} \eta_{0}$$

$$Y = \frac{\pm 1}{s(s+1)} D + \frac{1}{s+1} \eta_{0}$$
(2.38)
(2.38)
式をラプラス逆変換するとつぎのようになる。
 $\xi = \pm D(t-1+e^{-t}) + \xi_{0} + \eta_{0} (1-e^{-t})$

$$\eta = \pm D(1 - e^{-t}) + \eta_0 e^{-t}$$

$$\zeta = \pm D$$
(2.39)

2•4•4 解

- (2・34)式および(2・39)式から解を求める。
 - (1) 応答の速い船

第2・13図の $\tau_1, \tau_2, \tau_3, \tau_4$ における解はつぎのようになる。 $\tau = \tau_1 = D$ にて

$$\zeta = D$$

$$\eta = D - 1 + e^{-D}$$

$$\xi = \frac{1}{2} D^2 - D + 1 - e^{-D}$$

(2•40),

$$\tau = \tau_2 = L_1 + D \ \ \ \zeta \ \ \zeta$$
$$\zeta = D$$
$$\eta = D - e^{-L_1} + e^{-D - L_1}$$
$$\xi = DL_1 - D + \frac{1}{2}D^2 + e^{-L_1} - e^{-D - L_1}$$

(2 • 4 1)

 $\tau = \tau_3 = L_1 + 2 D + L_2 \quad \text{VCT}$

 $\zeta = -L_2$

$$\eta = -L_{2} + 1 - e^{-D - L_{2}} - e^{-L_{1} - D - L_{2}} + e^{-L_{1} - 2D - L_{2}}$$

$$\xi = D^{2} + DL_{1} - \frac{1}{2}L_{2}^{2} + L_{2} - 1 + e^{-D - L_{2}} + e^{-L_{1} - D - L_{2}} - e^{-2D - L_{1} - L_{2}} \left\{ 2 \cdot 42 \right\}$$

 $\tau = \tau_4 = L_1 + 2 D + 2 L_2 \quad \text{if } \tau$

ł.

$$\zeta = 0$$

$$\eta = -1 + 2 e^{-L_2} - e^{-D - 2L_2} - e^{-L_1 - D - 2L_2} + e^{-L_1 - 2D - 2L_2} \equiv 0$$

$$\xi = -L_2^2 + D^2 + DL_1 + 1 - 2 e^{-L_2} + e^{-D - 2L_2} + e^{-L_1 - D - 2L_2}$$

$$- e^{-L_1 - 2D - 2L_2} \equiv \xi_1$$

$$(2 \cdot 43)$$

第2・14図に示すように $\tau = \tau_4$ では $\zeta = 0$, $\eta = 0$, $\varepsilon = \varepsilon_1$ にならなければ ならない。よって(2・43)式から

$$-1+2e^{-L_{2}}-e^{-D-2L_{2}}-e^{-L_{1}-D-2L_{2}}+e^{-L_{2}-2D-2L_{2}}=0$$

$$D^{2}+DL_{1}-L_{2}^{2}=\xi_{1}$$

となる。(2・44)式はまたつぎのようになる。

$$1+\sqrt{(1-e^{-D})(1-e^{-\frac{L_{2}^{2}+\xi_{1}}{D}})}=e^{L_{2}}$$
(2・44)

$$1 + \sqrt{(1 - e^{-D})(1 - e^{-L_1 - D})} = e^{\sqrt{D(L_1 + D) - \xi_1}}$$
 (2.45)

D, ξ_1 を与えれば(2・45)式からL₁ およびL₂,したがって τ_1 , τ_2 , τ_3 , τ_4 を求めることができる。D, ξ_1 は δ_{max} , u_{max} , K, T および旋回しよう とする角 ϕ_1 を指定すれば定まる。さらに τ_1 , τ_2 , τ_3 , τ_4 が定まれば, $t = T\tau$ によって最適切換時刻 t_1 , t_2 , t_3 , t_4 を求めることができる。

(2) 応答のおそい船

第2・15図の τ_1 , τ_2 , τ_3 , τ_4 , τ_5 における解はつぎのようになる。 $\tau = \tau_1 = D$ にて

$$\zeta = D$$

$$\eta = D - 1 + e^{-D}$$

$$\xi = \frac{1}{2}D^{2} - D + 1 - e^{-D}$$
(2 • 46)

$$\tau = \tau_{4} = L_{1} + 3D + L_{2} / C \tau$$

$$\zeta = -D$$

$$\eta = -D + e^{-L_{2}} - e^{-L_{2}^{-2D}} - e^{-L_{1}^{-L_{2}^{-2D}}} + e^{-L_{1}^{-L_{2}^{-3D}}}$$

$$\xi = -DL_{2} + D + DL_{1} + \frac{1}{2}D^{2} - e^{-L_{2}} + e^{-L_{2}^{-2D}} + e^{-L_{1}^{-L_{2}^{-2D}}}$$

$$-e^{-L_{1}^{-L_{2}^{-3D}}}$$

$$\left. -e^{-L_{1}^{-L_{2}^{-3D}}} \right\} (2 \cdot 49)$$

第2・15 図に示すように $\tau = \tau_s$ では $\varsigma = 0$, $\eta = 0$, $\varsigma = \varsigma_1$, に なら なけれ ばならない。したがって(2・50)式から

$$(1-e^{-D})(1+e^{-L_{1}-L_{2}-3D}) = (1-e^{-2D})e^{-L_{2}-D}$$

$$D(L_{1}-L_{2}) = \xi_{1}$$
(2.51)

あるいは、

$$(1-e^{-D})(1+e^{-3D}\cdot e^{-(L_1+L_2)}) = (1-e^{-2D})e^{-D}\cdot e^{-L_2}$$
 (2.52)

 $L_1 - L_2 = \xi_1 / D$

応答の速い船の場合(2・45)式から求めたと同様,応答のおそい船の場合は (2・52)式から L_1, L_2 を求め,したがって $\tau_1, \tau_2, \tau_3, \tau_4, \tau_5$ を定め,さ らに最適切換時刻 t_1, t_2, t_3, t_4, t_5 を求めることができる。

2•4•5 数 值 計 算

応答の速い船およびおそい船について計算した結果はつぎのとおりである。 (1) 応答の速い船

一例として,海上保安大学校練習船新「こじま」について計算した。新「こ じま」の要目はつぎのとおりである。

排水量:1,193.2 ton, 喫水線長: 66 m

舵面積 (A_R) : 6.23 m^a, 舵面積比 $A_R/L \times d = \frac{1}{34.62}$

この船は δ_{max} の値にもよるが, $(2 \cdot 29)$ 式で検討してみると第2 · 14図の 応答の速い船に属する。最高 1 6.9 kt の船であるが, 1 3.2 kt における $\delta =$ 15°および 2 5°の Z操縦試験の結果から求めた操縦性指数 T,K の値はつぎ のとおりである。

 $\delta = 15^{\circ} O E$ T = 8.31 sec , K = 0.1047 $\frac{1}{2}$

 $\delta = 25^{\circ} O E$ T = 5.7 sec, K = 0.0806 $\frac{1}{1 ec}$

この指数を用い船が13.2 kt で直進中, $\phi = 90^{\circ}$ 回頭し,新コースに最短時間で入るための操舵切換点の時間と,そのときの旋回角 ϕ を計算して示したものが第2・16図である。ただし第2・16図の —— は $\delta_{max} = 15^{\circ}$, umax = $15^{\circ}/7.2$ sec, —— は $\delta_{max} = 25^{\circ}$, umax = $25^{\circ}/9.2$ sec の場合のものである。

第2・17図の――およびーーーは, 舵輪角に対する実際舵角の遅れを考慮に 入れた操舵号令発令時刻の舵角, ならびにそのときの旋回角の値を示したもの である。

(2) 応答のおそい船

ある貨物船^[14]の満載状態について計算した。この船の要目はつぎのとおり である。

 $L \times B \times D \times d_{m} = 150^{m} \times 20.5^{m} \times 12.9^{m} \times 9.28^{m}$ $\triangle = 19,000^{\text{ton}}, \quad V = 18^{\text{kt}}, \quad \triangle L^{2}d = 0.089,$ $K' = 1.25, \quad T' = 1.55$ $K = \frac{V}{L}K' = 0.077 \frac{1}{\text{sec}}$ $T = \frac{L}{V}T' = 24.3 \quad \text{sec}$

となる。この船で使用舵角 $\delta_{max} = 10^\circ$,使用操舵速度 $u_{max} = 10^\circ / 5$ see とし、 旋回角 $\phi = 90^\circ$ の場合の最適操舵を計算してみる。

 $\xi_1 = \frac{\psi}{K T^2 u_{\text{max}}} = 1.013$, $D = \frac{\partial_{\text{max}}}{T u_{\text{max}}} = 0.2055$

となるので,(2・29)式で検討してみると,第2・15図の応答のおそい船 になる。この場合の最適操舵の計算結果を示したものが第2・18図である。 2・4・6 実船実験結果

(1) 結 果

(2) 誤差の原因

第2・19図,第2・20図に見るように、 $\delta_{max} = 15^{\circ}$ の操舵では、計算値 と実測値は、きわめてよく一致している。このわずかの差は、風の影響と考え られる。

第2・21図,第2・22図の $\delta_{max}=25^\circ$ のときは計算値と実測値の時間差 が、 $\delta_{max}=15^\circ$ のときに比べ、わずかではあるが大きくなっている。しかし 右旋回のときも左旋回のときも、 ϕ がほとんど1 $^\circ$ ~2 $^\circ$ の範囲内の誤差で90 $^\circ$ 旋回していることは、充分満足すべきものと思う。これらわずかの差の原因は、 風だけではなく他にもあるものと考えられる。手動操舵では実際の舵角を計算 のとき用いた値に正確に一致させることは不可能である以上、この程度の誤差 はやむをえないものと考えられる。

第3章 最適操舵法から見た 最適操舵速度

船の操舵機の操舵速度については,従来船舶設備規程や日本海事協会, A.B. 等の船級協会で規定している。

これらの規則は,いずれも要約すれば「28秒以内に片玄35°から他玄30° まで転舵するに充分なもの」という画一的なものであり,船の大小,操縦性指 数の値などによる相違はないのである。数百トンの小型船でも数十万トンのタ ンカーでも,また操舵に対する応答の速い旋回圏の小さな船でも,応答のおそ い旋回圏の大きな船でも,同じ規則が適用されるのである。

操舵機の力量は,操船者の立場から言えば,大きければ大きいほど操舵速度 が速くなるから好ましいが,他方設計者の立場から言えば,船の操縦運動性能 とマッチした最適力量をもつ操舵機を装備することが望まれるわけである。

従来操船に際し,あて舵の量はわが国はもちろん諸外国においても商船,軍 艦を問わず7°とされている。これは常用舵角15°の約半分である。このあて 舵7°についてはなんら理論的根拠はなく,ただ第2章2・2・2で述べたよう に比較的小型で応答の速い船では,あて舵を充分とることが実際上むずかしい こと,および旧海軍にあった「半量修正」という思想によったもののようであ る。

自動制御の最適制御理論に基づく最適操舵法によれば,操船に際しての操作 量すなわち舵角は,与えられた範囲にわたって正負とも最大限に利用すべきで ある^[11]。 あて舵は「半量」の7°に限るべきではなく,常用舵角なら正負 とも15° 一杯に用いるべきである。本章ではこのような観点から,船の操縦 運動性能にマッチした最適な操舵速度を求めることとする。

· 3 • 1 最適操舵速度

船の操舵の形は応答の速い船では第2・12図,応答のおそい船では第2・13 図に示すようになる。

操舵機の力量は,大きければ大きいほど操舵速度が大きくなり,操船上は望 ましいけれども,操舵機の大きさや駆動電動機の所要動力などの点から考えれ ば,できるだけ小さなものにしたい。このような見地からすれば,操船にあた って,ある与えられた操舵速度と舵角を最大限に利用することが要求される。 すなわち与えられた操舵速度を用いて操舵する場合,使用舵角の絶対値を Dと すれば,あて舵も-D-杯まで用いることである。

一方必ずしも変針時間を最短にするものではないが,実用上最も妥当な目安 と考えられるので,第2・13図のL₂=0となるような操舵速度を標準として 取る。つまり操舵機力量と船の操縦運動性能とのマッチングポイントとして, 「あて舵は-D-杯までとることが可能でなければならないが,-D-杯まで とったら直ちに舵中央にもどすこととし,-D-杯のままある時間保持する必 要はない」こととする。

この考えから,ある与えられた条件のもとで操舵機をフルに用い,かつ最適 操舵を行なうには,第2・12図のbのような操舵をすることになる。

第2・14図の応答の速い船の場合には(2・45)式,また第2・15図の応 答のおそい船の場合は(2・52)式の成り立つことが示されている^[15]。すな わち応答の速い船では

$$1 + \sqrt{(1 - e^{-D})(1 - e^{-\frac{L_2^2 + \xi_1}{D}})} = e^{L_2}$$

$$1 + \sqrt{(1 - e^{-D})(1 - e^{-L_1 - D})} = e^{\sqrt{D(L_1 + D) - \xi}}$$

応答のおそい船では

$$(1 - e^{-D})(1 + e^{-L_1 - L_2 - 3D}) = (1 - e^{-2D})e^{-L_2 - D}$$

D $(L_1 - L_2) = \xi_1$

が成り立つ。第2・12図の bのような操舵をするには,応答の速い船の場合

-38-

は $(2 \cdot 45)$ 式で $L_{2}=D$ に,応答のおそい船の場合は $(2 \cdot 52)$ 式で $L_{2}=D$ に f れば $L_{2}=D$ に f れば $L_{2}=D$ に f ない $L_{2}=D$ に $L_{2}=D$ に

$$1 + \sqrt{(1 - e^{-D})(1 - e^{-D} \cdot e^{-\xi_1 / D})} = e^{D}$$
 (3 • 1)

$$(1 - e^{-D})(1 + e^{-3D} \cdot e^{-L_1}) = (1 - e^{-2D})e^{-D}$$
 (3.2)

 $(3 \cdot 1)$ 式の場合,船がその舵角に対する定常旋回角速度に達するほどの旋回 角 ϕ を対象とするときは、 ξ_1 は D に比べてかなり大きく、また D > 0 である ので $e^{-D}e^{-\xi_1/D} \ll 1$ となる。同様に $(3 \cdot 2)$ 式の場合 L_1 も D に比べて相当大 きいので $e^{-3D}e^{-L_1} \ll 1$ となる。よって $(3 \cdot 1)$, $(3 \cdot 2)$ 式はつぎのように なる。

$$1 + \sqrt{(1 - e^{-D})} = e^{D}$$
 (3.3)

$$(1 - e^{-D}) = (1 - e^{-2D}) e^{-D}$$
 (3.4)

なお(3・3)式はつぎのようにしても求められる^[16]。 応答の速い船の 第2・14 図で $L_2 = D$,応答のおそい船の第2・15 図で $L_2 = 0$ にすると,あ て舵 – D に対する旋回角速度 η は第3・1 図のようになる。 舵を一定角速度で 動かしている間は,船はランプ入力をうけていると考えられるから,(2・26) 式の $\eta' + \eta = \zeta$ で $\zeta = \tau$ なるランプ入力に対する応答は(2・27)式となる。 すなわち,

 $\eta(\tau) = \tau - 1 + e^{-\tau}$

上式で $\tau = 2 D とすると$ $\eta(2D) = 2 D - 1 + e^{-2D}$ (3・5)

となり,またあて舵一杯から舵中央までもどす間の 7 は

 $\eta(-D) = -D - 1 + e^{D}$ (3.6)

となる。そして第3・1 図から

 η (2D) + η (-D) \equiv D

(3 • 7)

が成り立つように D を定める。したがって(3・5),(3・6)および(3・7) 式から,つぎの式が成り立つ。

$$e^{D} + e^{-2D} - 2 = 0$$
 (3.8)

この(3・8)式は(3・3)式 $1+\sqrt{1-e^{D}}=e^{D}$ と同じもおである。

よって(3・3)式あるいは(3・4)式からDを求めることができ,D=;₁/T であるので,船の操縦性指数の一つTが与えられれば,操舵に必要な時間;₁, したがって操舵速度が定まり,これをもとにして操舵機の力量を決定すること ができる。

操縦性指数 к, тの値は, z 操縦試験の結果から求められるものであるが, 一次系近似式の成立を前提とすれば操舵速度,したがって₁の値によって影響 されない。よって船の操縦性指数の一つ Tが定まれば,(3・3),(3・4)式 から D,したがって₁を求めることができ,その結果その船の操縦運動性能に マッチした最適操舵速度を決定することができる。(3・3)式および(3・4) 式から Dを求めると,いずれも D=0.48 となる。よって転舵所要時間は,そ の船の Tの48% が最適であるということになる。このことは使用舵角の大小 にかかわらず成り立つ。なぜならば使用舵角が小さければ,船の回頭角速度は 小さく,大きければ回頭角速度も大きくなるので当然なことである。

しかし操舵機の力量を決定する場合は,使用舵角の最大値は35°であるの で,35°について⁴ を求め,これを設計の基準とすべきものと考える。なお 船によっては,Tの値は積荷の状態,船の速度や使用舵角の大小によって,著 しく異なるものもあるので,このような場合,操舵機力量決定の計算に際して は,その船の考えうる最小のTを用いるべきであろう。

T に対する t_1 および 2 t_1 の関係を第3・2 図に示す。

3・2 最適操舵速度の検討

前節で求めたように舵中央からあて舵一杯までの所要時間は, T の 0.48 倍 となるので, 片玄35°から他玄30°までの転舵所要時間は T の 0.96 倍と なる。したがって最適操舵速度の基準は「片玄35°から他玄30°までの転舵 所要時間は, その船の操縦性指数の一つ T の 0.96倍」ということになる。

従来の「片玄35°から他玄30°まで28秒」という基準は, T が29秒程度 の船に適していることを,第3・2図から知ることができる。多くの船が1万 トン以下であって,数十万トンの巨大船が出現する以前に,この基準が定めら れたものであることを考えれば,このことは当然なことであろう。

またこの基準によれば Tの小さな捕鯨船などは,従来の基準に比べ操舵速度 が速くなるので,一見奇異に感ぜられる。しかしながらこのことは,現に「片 玄35°から他玄30°まで7秒」 で操舵している捕鯨船が,かなりあるという ことを考えると,当然なことで,この基準はむしろ現実の理論的裏づけとなっ ていると考えることができる。捕鯨船では操舵速度を大きくし,船の操縦運動 に対する応答を速くすれば,それだけ捕獲率が上がり利潤が高まるからであろ う。

他方 T の大きな巨大船の場合は、この基準によると従来の基準に比べ、操舵 速度は一見著しくおそくなるように考えられる。しかしながら巨大タンカーな どの場合、Z 操縦試験の結果によると、舵角 δ_0 を10°,15°,20°と大きく するにしたがってT は小さくなり、35° Z 操縦試験結果からのT が最も小さ くなっている。一例として L×B×D が276m×43m×22.2mのD.W. 162,000 tonのタンカーの16.5kt,35° Z 操縦試験の場合のT は32.4 秒となっている^[14]。 前述のように操舵機力量決定に際して用いるT は、そ の船の最小の T であるべきであるので、操舵時間 ϵ_1 , したがって最適操舵速 度は従来のものに比べ、それほどおそくはならない。このタンカーでは「片玄 35°から他玄 30°まで31秒」程度になる。

-41-

3・3 最適操舵速度の実際的推定法

前述の考察は,操縦性指数の一つ Tが既知であるという前提で進めてきた。 しかしながら Tの値は,船体,機関が完成し操舵機の取りつけが終って試運転 を行ない,その際の Z操縦試験結果をまって,はじめて決定されるものである。 操舵機なしては Z操縦試験もできず,したがって Tを求めることはできない。 前述の考察はこのような矛盾を含んている。

そこで最適操舵速度の実際的推定法としては,つぎのような方法が考えられる。

船体の長さ,幅,喫水,肥瘠係数や舵面積などの値が定まれば,経験的に K, T のおおよその値が推定できる。したがって船の速度を与えれば,T のおおよ その値を知ることができる。このTをもとにし,それの48%を t₁ とすれば よい。

3・4 最適操舵における舵の切換時刻^[16]

ここでは最適操舵速度を用いて,ただ1回のあて舵によって所定の回頭角を 旋回し終わる操舵を,最適操舵とすると,第3・3図の切換点①,②,③,④ の時刻は,つぎのように簡単に求めることができる。

 $t_{\textcircled{2}} = 0.4.8 \text{ T} + \psi_{1} / \text{K} \delta_{\text{max}}$ $t_{\textcircled{3}} = 1.4.4 \text{ T} + \psi_{1} / \text{K} \delta_{\text{max}}$ $t_{\textcircled{3}} = 1.92 \text{ T} + \psi_{1} / \text{K} \delta_{\text{max}}$ $(3 \cdot 9)$

なお③の時刻における η の値は, つぎのように求めることができる_oD=0.48 のとき

 $\eta(2 D) = 2 \times 0.48 - 1 + e^{-2 \times 0.48} = 0.848$

したがって

 $\frac{\eta (\ 2 \text{ D})}{\text{D}} = \frac{0.3 \text{ 4 3}}{0.4 \text{ 8}} = \ 0.7 \text{ 1 5}$

すなわちこのような操舵速度ならば,どんな旋回性能の船でも,船の旋回角速 度がその舵角に対する定常旋回角速度の約72%だけ減少した点で,あて舵を もどし始め,舵中央にもってゆけばよいことになる。

3·5 数值計算

(1) 応答の速い船

応答の速い船について,操舵機の力量を増加し最適操舵を実施した場合を計 算し,増加前と比較したものが第3・4図である。t₁を7.2 秒から4 秒に短縮 しても,操舵所要時間,したがって変針所要時間は,操舵機力量増加前の77.2 秒に対し増加後は73.3 秒となり,約4 秒しか短縮できない。

(2) 応答のおそい船

応答のおそい船について,操舵機の力量を減少し最適操舵を実施した場合を 計算し,減少前と比較したものが第3・5図である。¹ を5秒から11.7 秒に 延ばしても,操舵所要時間,したがって変針所要時間は,操舵機力量減少前の 159.2秒に対し減少後は163.8秒となり,5秒しか延びていない。この5秒 弱の延びは160秒に比べ,わずかである。

以上2つの例から,操舵機の力量を増減することにより操舵速度を増減した

結果,変針所要時間は4~5秒短縮あるいは延長されることを知った。操舵機 力量の増減が何%程度か求めなければ,明確な結論を出すことはできないが, 力量減少によって変針所要時間が数秒程度しか延びないことから,応答のおそ い船の操舵機の力量を減少し操舵速度を船の操縦運動性能にマッチさせた場合 のメリットは,大きいように考えられる。

第4章 操舵速度と衝突回避性能

前章では最適操舵法におけるあて舵の見地から操舵速度を求めたが,操舵速 度を衝突回避性能という観点から見ることもできる。

船の衝突については、制限水路航行中の船の衝突を、気体分子の衝突に対比 し気体分子運動論を適用した研究^[17]、2船をそれぞれその長さに等しい直径 の円でおきかえ、海上衝突予防法上の義務船のみが避航運動を行なう場合、両 円が接するときを衝突の限界とみなした研究^[18]、衝突回避のための2船間の 相対運動論^[19~21]、艦艇の衝突回避運動論^[22]、2船の針路交角を種々に 変えて衝突の確率を求めた研究^[23]などがある。これらは海上交通工学にお ける水路の交通量と交通容量の問題、あるいは操船者の立場からみた衝突回避 の方法論、さらに2船の針路交角、距離を種々に変えて各場合の衝突確率を求 め衝突回避作戦や衝突回避のための操縦性能を定性的に論じたものなどであっ て、衝突回避のため操舵装置のもつべき性能を定量的に取り扱ったものは、ま ったく見あたらない。

衝突回避のため船の具備すべき操縦性能を定めるにあたり,両船の最初の距離,方位角および針路交角をどのように設定するかは,議論の分かれるところ である。

古くから操船者の間では,経験に基づくつぎのような衝突回避の操船法が行 なわれている。真向かいに行き会う2船が,船の長さLの数倍の至近距離で相 手船を発見したときは,面舵一杯をとり相手船の船首がかわった点で,取舵一 杯をとり,キックを利用して両船の船尾の接触を防ぐ。また針路上同程度の至 近距離に障害物を発見したときも,同様な操船法をとる。一方最近,数年間に わたる海難審判庁裁決録による衝突事例の研究^[24]が行なわれ,衝突前なん らかの回避措置をとったときの2船間の距離が明らかにされた。これによると 3 L が現実的にもっともきびしい条件であるように理解される。

ここでは、衝突回避のため船のもつべき操縦性能の一つをとりあげているの で、両船の相互位置は極限の状態について考えなければならない。したがって この場合は、海上衝突予防法第21条但書の「……… 衝突を避けるため最善の 協力動作をしなければならない」状態とみなされる。このような極限の状態で は、両船をその長さに等しい円で近似することは適当でなく、ここでは両船を 小判型図形に近似した。そして2つの小判型図形の接するときをもって、衝突 とみなした。

本章では、このようにして真向かいに行き会う場合両船間距離を現実的に最 もきびしい条件に設定し、この条件のもとで衝突回避のために船のもつべき回 頭遅れの限界値を求め、この値から、0°から35°まで操舵するのに要する時 間と船の操縦性指数の1つTとの関係を、定量的に求めることとする。また針 路交角をもつ場合は、方位角と針路交角を種々に変えて組み合わせ、各組み合 わせにつき、真向かいに行き会う場合から求めた回頭遅れの限界値を適用し、 そのときの衝突回避のために必要な2船間の限界距離を求めてみる。

4・1 回避措置をとったときの2船間距離

昭和38,39年度海難審判庁裁決録からとった衝突事例について、トン数別 に、衝突回避のための措置をした衝突前の距離に対する衝突発生割合を示した のが第4・1表^[24]である。第4・1表は、同航、反航、横切、霧中を含めた ものである。この第4・1表は、回避措置をした衝突前の距離として、L~3L、 3L~6L という表示をしているので明確ではないが、おおよそ3Lを中心と して発生割合がピークに達していると考えられ、このことは各トン数別船舶に 共通している。ことに小型鋼船と思われる100トン以上500トン 未満の船 舶には、この傾向が著しく現われている。海難審判庁裁決録の衝突事例による したがってここでは,回避措置をした衝突前の2船間距離を3Lと設定する。 なお問題を簡単にするため,2船は同じ長さで速さも同じ同形船であるとし, 2船間距離は真向かいに行き会う場合は船首から船首までとしたので,中央か ら中央までは4Lとなる。また2船が針路交角をもつ場合は,義務船の中央か ら権利船の中央までとする。

4・2 真向かいに行き会う場合の回頭遅れ

回頭遅れの考えは, Tを進路安定性を表わす指数, ⁴ を舵中央から指定舵角 をとり終るまでの時間とすれば,船が操舵開始後(T+⁴/2)秒だけ直進し, その後回頭し始めるというものである。

2船が真向かいに行き会う場合は、アドバンスよりも、むしろ回頭遅れの方が、衝突回避に強く影響を与える。針路交角がある場合でも、アドバンス中に 占める回頭遅れの割合が、普通の船ではおおよそ2/3 もあるので、やはり回 頭遅れは重視されるべきであろう。

衝突2船は大きさ,性能ともにまったく同じ同形船とし,そして両船を小判 型図形に置き換えることにする。真向かいに行き会う2船が,船の長さ Lの3 倍のところで相手船を初認し,ただちに回避措置として互いに面舵一杯をとっ たものとする。ここでは問題を簡単にするために,互いに船首がかわった点で 取舵一杯をとりキックを利用して船尾の接触を避ける操舵は考えないことにす る。この場合,もし衝突を回避できなかったとすれば,両船が同じ速さの同形 船であるから,第4・1 図に示すように衝突の起こる点は 3 L の中央 1.5 L の ところである。また両船とも原針路から船体が完全にぬけ出さなければ衝突は 起きるから,両船の接触場所は互いに船尾左玄側となる。ここで,

L: 船の長さ(m), B: 船の幅(m), ℓ_{P} : 重心と転心との距離(m)

V:船の速さ(m/sec), ψ:回転角(deg), T:進路安定性を表わす指数(sec)
 K:旋回力を表わす指数(1/sec), t₁:舵中央から指定舵角を取り終るまでの時間(sec), t₂:衝突が起こるまでの時間(sec), δ:指定舵角(deg)
 とする。もし衝突が起こるとすれば,第4・1図からつぎの(4・1),(4・2)
 式が成り立つことがわかる。

$$\int_{0}^{t_{2}} V \cos \psi dt - (\ell_{P} + \frac{L-B}{2}) \cos \psi = 2 L - \ell_{P} \qquad (4 \cdot 1)$$

$$\int_{0}^{t_{2}} V \sin \psi dt - (\ell_{P} + \frac{L-B}{2}) \sin \psi = \frac{B}{2}$$
 (4.2)

また回頭角ψはつぎの式で表わされる。

$$\Psi = \mathbf{K}\delta_{0} \left\{ t - (\mathbf{T} + \frac{t_{1}}{2}) + e^{-t/\mathbf{T}} (e^{t}\mathbf{1}^{\mathbf{T}} - 1)\frac{\mathbf{T}^{2}}{t_{1}} \right\}$$
(4.3)

実際には ϕ は小さいので, $\cos \phi = 1$ とすると(4・1)式から

$$t_2 = \frac{1}{V} (2.5 \text{ L} - \frac{\text{B}}{2})$$
 (4 • 4)

となり、またsin ψ = ψとすると、(4・2)、(4・3)式から

$$K\delta_0 V \int_0^{t_2} \{ t - (T + \frac{t_1}{2}) e^{-t/T} (e^{t_1/T} - 1) \frac{T^2}{t_1} \} dt$$

 $-K\delta_0 (\ell_P + \frac{L-B}{2}) \{ t_2 - (T + \frac{t_1}{2}) + e^{-t_2/T} (e^{t_1/T} - 1) \frac{T^2}{t_1} \} = \frac{B}{2}$ (4・5)

となる。(4・4),(4・5)式からつぎの(4・6)式が求まる。
T(2L-\ell_P)(1+
$$\frac{t_1}{2T}$$
)+T{VT-(VT+ ℓ_P + $\frac{L-B}{2}$)e^{-(2.5L-B/2)/VT}}
×(1-e^tVT) $\frac{T}{t_1}$ =($\frac{1.5L}{2}$ + $\frac{B}{4}$ - ℓ_P)($\frac{2.5L-B/2}{V}$)- $\frac{B}{2K\delta_0}$ (4・6)

$$4 \cdot 6) \overrightarrow{R} / (2 \tan 7)$$

$$C_{1} = T (2 L - \ell_{P}) , C_{2} = T \{ VT - (VT + \ell_{P} + \frac{L - B}{2}) e^{-(25 L - B/2)/VT} \}$$

$$C_{3} = (\frac{1.5L}{2} + \frac{B}{4} - \ell_{P}) (\frac{2.5L - B/2}{V}) - \frac{B}{2 K \delta_{0}} , \kappa = \frac{t_{1}}{T}$$

とおくと (4・6)式は

$$C_1 (1 + \frac{\kappa}{2}) + C_2 (1 - e^{\kappa}) \frac{1}{\kappa} = C_3$$

$$\frac{C_1}{2C_2} \kappa^2 + \frac{C_1 - C_3}{C_2} \kappa + 1 = e^{\kappa}$$
 (4 • 7)

となる。(4・7)式からL, B, ℓ_{P} , K, T, V, δ_{0} が与えられると,

\kappa = t_1 / Tを求めることができる。このときの κ の値は,衝突する限界のT **に** 対する t_1 の値である。この δ_0 / t_1 より速い操舵速度で操舵すれば,衝突は起こ らない。そしてこのときの限界回頭遅れは VT(1 + $\frac{\kappa}{2}$) であり,回頭遅れを この限界値以下に押えれば,衝突は回避できる。

なお(4・7)式の根のうち VT(1+ $\frac{\kappa}{2}$)<1.5 L を満足するもののみをとるの は当然である。また $i_1=0$,すなわち操舵速度無限大と仮定すると $\kappa = 0$ と なり、VT<1.5 L となる。したがって(4・7)式は T<1.5 L/Vを満足するT をもつ船にのみ適用される。

4・3 針路交角のある場合の限界距離

針路交角のある場合については,第4・2 図に示すような5 つの基本的 衝突 状態が考えられる^[22]。 このうち追い越しは,ここでは両船が同じ速力であ るので,除外する。したがって,主として横切りの場合につき,方位角と針路 交角を種々に変えて組み合わせ,各場合につき操舵時間¹ を変え,そのときの 衝突回避限界距離を求めてみる。

海上衝突予防法第21条によれば「…… 2隻の船舶のうち1隻が他の船舶の 進路を避けなければならない場合は,他の船舶は,その針路および速力を保た なければならない」し,さらに切迫した極限の状態では「ただし,その船舶は, なんらかの事由により両船舶が間近かに接近したため進路を避けなければなら ない船舶の動作のみでは衝突を避けることができないと認めたときは,衝突を 避けるために最善の協力動作をしなければならない」ことになっている。つま り比較的余裕のあるときは権利船に針路および速力の保持を,極限状態では最 善の協力動作を命じている。

したがって,この場合は権利船が針路および速力を保つときと,協力動作を するときとの2つに分けなければならない。 権利船が針路および速力を保持した場合を,第4・3図に示す。第4・3図で

θ: 義務船からみた権利船の方位角

φ: 2 船の針路交角

とする。第4・3 図における権利船左玄側の航跡を示す直線が(4・8)式であ り,義務船船尾左玄側の航跡を示す円が(4・9)式である。したがって(4・ 8)式の直線と(4・9)式の円が交わらないことが衝突回避のための条件であ る。そこで(4・8)式の直線と(4・9)式の円とが交わらないで接するときの 限界の回頭遅れ V(T + $t_1/2$)を求め,船の回頭遅れがこの限界の回頭遅れよ り小さくなるように,操舵機力量を増加し, t_1 を減少すれば衝突は避けられる。

第4・3 図に示すように,義務船の中央から権利船中央までの距離を nL と する。第4・3 図から,自己の針路を直進する権利船の左玄船側の軌跡を表わ す式は,

$$y = n L (\cos \theta + \sin \theta \cdot \cot \phi) - \frac{B}{2} \csc \phi - x \cdot \cot \phi \qquad (4 \cdot 8)$$

となり,義務船が右旋回して定常旋回運動に入ったときの船尾左玄船側の軌跡 を表わす式は,

$$(x - \frac{V}{K\delta_0})^2 + \{y - V(T + \frac{t_1}{2}) - \ell_P\}^2 = \{\frac{B}{2} + \sqrt{(\frac{V}{K\delta_0})^2 + (\ell_P + \frac{L - B}{2})^2}\}^2$$
 (4.9)

となる。(4・8)式の直線と(4・9)式の円が接するときが衝突の限界である ので、その限界のときの回頭おくれを求める。(4・8)、(4・9)式から、 $(x - \frac{V}{K\partial_0})^2 + \{nL(\cos\theta + \sin\theta \cdot \cot\phi) - \frac{B}{2} \csc\phi - x \cdot \cot\phi - V(T + \frac{t}{2}) - \ell_P\}^2 = \{\frac{B}{2} + \sqrt{(\frac{V}{K\partial_0})^2 + (\ell_P + \frac{L-B}{2})^2}\}^2$ ここで $R = \frac{V}{K} = nL(\cos\theta + \sin\theta \cot\phi) - \frac{B}{2} \cos\phi - d\phi$

$$\mathbf{k} = \frac{1}{K\delta_{0}}, \ \mathbf{k}_{1} = \frac{1}{\Pi L} \left(\cos \theta + \sin \theta \cdot \cot \phi \right) - \frac{1}{2} \csc \phi - \ell_{p}$$
$$\mathbf{k}_{2} = \cot \phi \ , \ \mathbf{k}_{3} = \frac{1}{2} + \sqrt{\frac{V}{K\delta_{0}^{2}} + \left(\ell_{p} + \frac{L-B}{2} \right)^{2}}, \ \gamma = V(T + \frac{t_{1}}{2})$$

とすると, つぎのようになる。

 $(x - R)^{2} + (k_{1} - \gamma - k_{2}x)^{2} = k_{3}^{2}$ (4・10) (4・10)式から xを求めると、

$$x = \frac{(R + k_1 k_2 - \gamma k_2) \pm \sqrt{(R + k_1 k_2 - \gamma k_2)^2 - (1 + k_2^2)(R^2 + \gamma^2 + k_1^2 - 2k_1 \gamma - k_3^2)}}{(1 + k_2^2)}$$

となる。(4・8)式の直線と(4・9)式が接するためには(4・10)式の*は 重根でなければならない。したがって回頭遅れrは,つぎのようになる。

$$\gamma = k_1 - k_2 R \pm k_3 \sqrt{1 + k_2^2} \qquad (4 \cdot 1 1)$$

船の実際の運動から考えて(4・11)式の負号をとり,回頭遅れは,つぎの式 となる。

$$V (T + \frac{t_1}{2}) = nL(\cos\theta + \sin\theta, \cot\phi) - \frac{B}{2} \csc\phi - \ell_P$$

$$- \frac{V}{K\delta_0} \cot\phi - \left\{\frac{B}{2} + \sqrt{\frac{V}{K\delta_0}^2 + (\ell_P + \frac{L-B}{2})^2}\right\} \sqrt{1 + \cot^2\phi} \quad (4 \cdot 12)$$

したがって衝突が起こらないためには

$$V(T + \frac{t_1}{2}) < nL(\cos\theta + \sin\theta \cdot \cot\phi) - \frac{B}{2} \csc\phi - \ell_P$$

- $\frac{V}{K\delta_0} \cot\phi - \left\{\frac{B}{2} + \sqrt{\left(\frac{V}{K\delta_0}\right)^2 + \left(\ell_P + \frac{L-B}{2}\right)^2}\right\} \sqrt{1 + \cot^2\phi} \quad (4 \cdot 13)$

でなければならない。あるいは回頭遅れが定まっているときには,衝突の起こ らないためのnの値は

$$\mathbf{n} > \frac{\mathbf{V}\left(\mathbf{T} + \frac{t_{1}}{2}\right) + \frac{\mathbf{B}}{2}\operatorname{casec}\phi + \ell_{\mathrm{P}} + \frac{\mathbf{V}}{\mathbf{K}\delta_{0}}\cot\phi + \left\{\frac{\mathbf{B}}{2} + \sqrt{\left(\frac{\mathbf{V}}{\mathbf{K}\delta_{0}}\right)^{2} + \left(\ell_{\mathrm{P}} + \frac{\mathbf{L} - \mathbf{B}}{2}\right)^{2}}\right\}\sqrt{1 + \cot^{2}\phi}}{\left(\cos\theta + \sin\theta \cdot \cot\phi\right)\mathbf{L}}$$

となる。

4・3・2 権利船が協力動作をする場合

極限状態の協力動作には速力の変更は当然含まれているが,ここでは速力は 一定として,操舵のみによる協力動作をとることにする。

この場合は θ と φ の組み合わせにより,第4・4 図に示すような,いくつかの協力動作が考えられる。両船ともに右回頭,義務船左回頭権利船右回頭およ

-51-

 $(4 \cdot 14)$

び両船とも左回頭である。義務船の左回頭は,法第19条「2隻の動力船が, 互いに進路を横切る場合であって,衝突のおそれがあるときには,他の船舶を 右玄側に見る船舶は,他の船舶の進路を避けなければならない」の違反になる ように考えられるが,この場合は極限状態であるので,法第21条但書の「… …… 最善の協力動作をしなければならない」に該当するから,法第19条違反 にはならない。

両船が衝突する限界は,第4・4 図に示すように両船船尾外側の航跡を示す 円が,互いに接するときである。第4・4 図(a)の両船とも右回頭の場合,義務 船権利船それぞれの旋回中心の座標を x_1 , y_1 および x_2 , y_2 とすると,

$$x_{1} = \frac{V}{K\delta_{0}}$$

$$y_{1} = V \left(T + \frac{t_{1}}{2}\right) + \ell_{P}$$

$$x_{2} = -\left\{V \left(T + \frac{t_{1}}{2}\right) + \ell_{P}\right\} \sin\phi + \frac{V}{K\delta_{0}}\cos\phi + nL\sin\theta$$

$$y_{2} = \left\{V \left(T + \frac{t_{1}}{2}\right) + \ell_{P}\right\}\cos\phi + \frac{V}{K\delta_{0}}\sin\phi + nL\cos\theta$$

$$(4 \cdot 15)$$

となる。したがって,

$$x_{1} - x_{2} = \left\{ V \left(T + \frac{t_{1}}{2}\right) + \ell_{P} \right\} \sin \phi - \frac{V}{K\delta_{0}} (\cos \phi - 1) - nL \sin \theta$$

$$y_{2} - y_{1} = \left\{ V \left(T + \frac{t_{1}}{2}\right) + \ell_{P} \right\} (\cos \phi - 1) + \frac{V}{K\delta_{0}} \sin \phi + nL \cos \theta \right\}$$

$$(4 \cdot 16)$$

また両船の旋回中心距離は

$$2\left\{\frac{B}{2}+\sqrt{\frac{V}{K\delta_0}}\right)^2+\left(\ell_{P}+\frac{L-B}{2}\right)^2\right\}$$

であるので,つぎの式が成立する。

$$\left\{ \left\{ V \left(T + \frac{t_{1}}{2} \right) + \ell_{P} \right\} \sin \phi - \left(\frac{V}{K \delta_{0}} \right) (\cos \phi - 1) - nL \sin \theta \right\}^{2} + \left\{ \left\{ V \left(T + \frac{t_{1}}{2} \right) + \ell_{P} \right\} (\cos \phi - 1) + \frac{V}{K \delta_{0}} \sin \phi + nL \cos \theta \right\}^{2} = \left\{ 2 \left\{ \frac{B}{2} + \sqrt{\left(\frac{V}{K \delta_{0}} \right)^{2} + \left(\ell_{P} + \frac{L - B}{2} \right)^{2}} \right\} \right\}^{2}$$

$$(4 \cdot 17)$$

(4・17)式は nL に関し,二次の方程式となるので,それからnL を求める と,

$$\mathbf{n} \mathbf{L} = -\left[\frac{\mathbf{V}}{\mathbf{K}\delta_{0}}\left\{\sin\left(\theta + \boldsymbol{\phi}\right) - \sin\theta\right\} + \left\{\mathbf{V}\left(\mathbf{T} + \frac{t_{1}}{2}\right) + \boldsymbol{\ell}_{\mathbf{P}}\right\}\left\{\cos\left(\theta + \boldsymbol{\phi}\right)\right\}\right\}$$

-53-

$$\frac{-\cos\theta}{h} + \sqrt{\left[\frac{V}{K\delta_{0}}\left\{\sin\left(\theta+\phi\right)-\sin\theta\right\} + \left\{V\left(T+\frac{t_{1}}{2}\right)+\ell_{p}\right\}\right]}}{\times\left\{\cos\left(\theta+\phi\right)-\cos\theta\right\}\right]^{2}+2\left(\frac{V}{K\delta_{0}}\right)^{2}\left(1+\cos\phi\right)-2\left\{V\left(T+\frac{t_{1}}{2}\right)\right\}}}{\left(1+\ell_{p}\right)^{2}\left(1-\cos\phi\right)+4\left\{\left(\frac{B}{2}\right)^{2}+\left(\ell_{p}+\frac{L-B}{2}\right)^{2}\right\}}}$$

$$(4.18)$$

となる。nL は正でなければならないので,(4・17)式のnLの根のうち, 平方根の前の符号の正のみをとったのが(4・18)式である。同様にして,第 4・4図(b),(d)の義務船左回頭権利船右回頭の場合は,

$$nL = -\left[\frac{V}{K\delta_{0}}\left\{\sin\left(\theta+\phi\right)+\sin\theta\right\}+\left\{V\left(T+\frac{t_{1}}{2}\right)+\ell_{p}\right\}\left\{\cos\left(\theta+\phi\right)-\cos\theta\right\}\right\}$$

$$+\frac{V\left[\frac{V}{K\delta_{0}}\left\{\sin\left(\theta+\phi\right)+\sin\theta\right\}+\left\{V\left(T+\frac{t_{1}}{2}\right)+\ell_{p}\right\}\left\{\cos\left(\theta+\phi\right)-\cos\theta\right\}\right]^{2}}{+2\left(1-\cos\phi\right)\left(\left(\frac{V}{K\delta_{0}}\right)^{2}-\left\{V\left(T+\frac{t_{1}}{2}\right)+\ell_{p}\right\}^{2}\right\}+4\left(\frac{V}{K\delta_{0}}\right)\left\{V\left(T+\frac{t_{1}}{2}\right)+\ell_{p}\right\}\sin\phi}{+4\left\{\left(\frac{B}{2}\right)^{2}+\left(\ell_{p}+\frac{L-B}{2}\right)^{2}+BV\left(\frac{V}{K\delta_{0}}\right)^{2}+\left(\ell_{p}+\frac{L-B}{2}\right)^{2}\right\}}$$

$$(4 \cdot 19)$$

となる。さらに第4・4図(c)の両船とも左回頭の場合は

$$nL = + \left\{ \frac{V}{K\delta_{0}} \left\{ \sin\left(\theta + \phi\right) - \sin\theta \right\} - \left\{ V(T + \frac{t_{1}}{2}) + \ell_{p} \right\} \left\{ \cos\left(\theta + \phi\right) - \cos\theta \right\} \right\} + \frac{V\left[\frac{V}{K\delta_{0}} \left\{ \sin\left(\theta + \phi\right) - \sin\theta \right\} - \left\{ V(T + \frac{t_{1}}{2}) + \ell_{p} \right\} \left\{ \cos\left(\theta + \phi\right) - \cos\theta \right\} \right]^{2}}{\frac{+2\left(\frac{V}{K\delta_{0}}\right)^{2} \left(1 + \cos\phi\right) - 2\left\{ V(T + \frac{t_{1}}{2}) + \ell_{p} \right\}^{2} \left(1 - \cos\phi\right) + 4\left\{ \left(\frac{B^{2}}{2}\right)^{2} + \left(\ell_{p} + \frac{L - B}{2}\right)^{2} + B\left[\sqrt{\frac{V}{K\delta_{0}}\right]^{2} + \left(\ell_{p} + \frac{L - B}{2}\right)^{2}} \right\}}$$

$$(4 \cdot 20)$$

となる。各場合とも,衝突が起こらないためには,nLは(4・18),(4・ 19),(4・20)式で求まる値より大きくなければならない。

4·4 数 值 計 算

小型鋼船の操縦性指数 K,T のデータはきわめて少なく,とくに衝突回避に 用いる35°のような大舵角については,皆無のようである。そこでここでは $5^{\circ},10^{\circ},15^{\circ}$ Z操縦試験により求めた K,T の値から,舵角に対する $1_{/K'},$ $1_{/T'}$ のグラフをかき,外挿法によって35°に対するK',T'を出し,これから K,T の値を定めた。 計算例の小型鋼船の要目は第4・2 表のとおりである。比較のため海上保安 大学校練習船新「こじま」についても計算した。新「こじま」の K, T につい ては,35°Z操縦試験のものがないので25°Z のものを代用することとした。 各船とも $\ell_{p} = L/3$ とし,使用舵角は35°とした。

4・4・1 3L で真向かいに行き会う場合

 $(4 \cdot 7)$ 式の C_1 , C_2 , C_3 を A_1 , B_1 船について計算し, $(4 \cdot 7)$ 式から回頭 遅れが 1.5 L より小さい κ の値を求めた。 A_1 船では $\kappa = 0.755$, B_1 船では 0.23 新「こじま」では 1.490 となった。 るのに要する時間 t_1 は, つぎのようになる。

A₁ 船 : $t_1 = 0.755$ T = 0.755×3.7 ≒ 2.8 sec

 B_1 船 : $t_1 = 0.323$ T = 0.323×7.7 ≒ 2.5 sec

新「こじま」: t₁ = 1,490 T = 1,490×5,7 ≒ 8.5 sec

また回頭遅れ($T' + t'_{1/2}$) は

A₁ 船: $(T' + t'_1/2) = T \frac{V}{L} (1 + \frac{\kappa}{2})$ = $3.7 \times \frac{3.35}{29.6} (1 + \frac{0.755}{2}) = 0.58$ B₁ 船: $(T' + t'_1/2) = T \frac{V}{L} (1 + \frac{\kappa}{2})$ = $7.7 \times \frac{4.53}{30} (1 + \frac{0.323}{2}) = 1.35$ 新下こじま」: $(T' + t'_1/2) = T \frac{V}{L} (1 + \frac{\kappa}{2})$ = $5.7 \times \frac{6.8}{66} (1 + \frac{1.490}{2}) = 1.02$

となり,いずれも1.5以下となっている。 4・4・2 針路交角のある場合

(1) 権利船が針路および速力を保持するとき

 $(4 \cdot 14)$ 式によって衝突の起こらないための n の値を求める。この場合, t_1 としては,操舵速度無限大すなわち $t_1 = 0$,真向かいに行き会いの場合求め た $t_1 = 2.8 \text{ sec}$, 2.5 sec および 8.5 sec , さらに現行規程の $t_1 = 14 \text{ sec}$ の3 つにつ いて計算した。また θ と ϕ については,第4・3 表の8つの組み合わせについ て行なった。計算結果を第4・3表に示す。第4・3表から,操舵機力量をいか に増大し操舵速度を大きくしても, A_1 , B_1 船ではnを 3.4 以下にはできないこ とがわかる。 t_1 を 2.8 sec, 2.5 sec あるいは 8.5 sec にとると, $t_1 = 0$ のとき に比べ, nは θ と ϕ の組み合わせによって 0.2 ~ 0.7 と, わずかながら増大する。 t_1 を現行の 14 sec にすると, さらに 0.8 ~ 2.9 とかなり増大する。

小型船では,舵角35° という大舵角のときのTを用いるため,Tの値は小 さくなるので,回頭遅れに及ぼす¹ の影響は大きく,したがって 衝突回避に 与える¹ の影響もまた大きくなる。nがおおよそ3以下では,この場合衝突は 不可避である。

(2) 権利船が協力動作をするとき

第4・4 表に示す $\theta \geq \phi$ の組み合わせについて, nの値を求めた。この場合 も $t_1 = 0$ にしても,同航横切の $\theta = 60^\circ, \phi = 45^\circ$ および $\theta = 75^\circ, \phi = 45^\circ$ のときは別にして, A_1, B_1 船では n は 3.7 より小さくならない。また $t_1 = 0$ の ときの n に比べ, $t_1 = 2.8 \sec, 2.5 \sec, 8.5 \sec$ にしたときの n は,おおよそ Q.3 ほど大きくなっている。これに反し, $t_1 = 2.8 \sec, 2.5 \sec, 8.5 \sec$ のときの n に 比べ, $t_1 = 14 \sec$ のときの n は,おおよそ 0.9 増大している。

なお第4・4 表中, B₁ 船で θ = 45°, ϕ = 120°, t_1 = 14 sec のときnが 求まらないのは, (4・20)式の平方根の中が負になるからである。このこと はB₁船では t_1 =14 sec のとき, θ = 45°, ϕ = 120° の組み合わせでは衝突 が起こらないことを意味している。このとき第4・4 図(c)の場合両船とも回 避のための操舵をせず,互いに原針路上を直進すれば衝突は起こらない。(4・ 18), (4・19), (4・20)式とも,平方根の中の正負により,衝突の存在 が判別できる。

第4・4表中,回頭欄の R-R は義務船右回頭権利船右回頭, L-R は義務船

左回頭権利船右回頭,L-L は両船とも左回頭を意味している。

第5章 操舵機馬力一定の条件下で 操舵速度がアドバンスと回 頭遅れに及ぼす影響

第3章および第4章で操舵速度を求めたので,この操舵速度をもとにして操 舵機力量を決定すれば,船の操縦運動性能にマッチした操舵機となるであろう。

操舵機馬力一定の条件下で,操舵時間がアドバンスと回頭遅れに及ぼす影響 については,すでに日本海難防止協会報告書^[25]に発表されている。日本海難 防止協会報告書における計算では,舵軸トルクを舵面積比 a の 1.5 乗に比例さ せているが,このことは舵のアスペクト比が一定であるということを条件とし ている。しかしながら実際には舵面積の大幅の増加は,アスペクト比の低下を まねかざるをえず,これを考慮することが必要となる。

舵面積を大幅に増大するのに際し, 舵の高さ一定という制限は, 実状に即しているものと考えられる。そこで本章では, 舵高さ一定という制限下で, 舵面積の変化に伴うアスペクト比の変化を考慮にいれた場合, 操舵機馬力一定の条件下で操舵時間がアドバンスと回頭遅れに及ぼす影響を検討する。

5・1 舵アスペクト比の影響を考慮しない場合

日本海難防止協会報告書に発表されているアスペクト比の変化を考慮しない 場合の結論の要旨は,つぎのようである。

操舵機馬力を一定に押えて操舵時間を増すと,すなわちゆっくり舵をとると 舵軸トルクを大きくとることができるから,大きい舵を装備できる。操舵時間 の増加はアドバンスを増大し,舵面積の増加はアドバンスを減少させることを 考えると,操舵機馬力一定の条件下にアドバンスを最小ならしめる操舵時間と 舵面積の組み合わせが存在するはずである。この最適値問題はつぎのようにし て解かれる。

-57-

旋回航跡の面から考えてみると,最大アドバンスは近似的に次式で示される。

$$\frac{\text{Max } D_{\text{A}}}{\text{L}} = \frac{\text{V}}{\text{L}} \left(T + \frac{t_1}{2} \right) + \frac{\text{R}_{\text{S}}}{\text{L}} = \frac{\text{V}}{\text{L}} \left(T + \frac{1}{K\delta_0} \right) + \frac{\text{V}}{\text{L}} \cdot \frac{t_1}{2}$$
$$= T' + \frac{1}{K\delta_0} + \frac{t'_1}{2}$$
(5.1)

ここに Rs は定常旋回半径, t₁ は操舵に要する時間である。また

$$\mathbf{K}' = \mathbf{K}/(\frac{\mathbf{V}}{\mathbf{L}}), \mathbf{T}' = \mathbf{T}(\frac{\mathbf{V}}{\mathbf{L}}), t_1 = t_1(\frac{\mathbf{V}}{\mathbf{L}}) \ \mathcal{CBS}_0$$

R/L は宝田の図表^[26]を数式化すると, B/d = 2.50 , イーブンキールの場 合に対し

$$\frac{R}{L} = \frac{0.0070}{(1-0.070/(\nabla/L^2d))} \cdot \frac{1}{a}, a = \frac{A_R}{Ld}$$
(5 • 2)

となる。

一方,普通操船程度の舵角による旋回におけるT'指数は,舵面積比に大きく 影響されるが,35°旋回におけるT'指数は舵面積比の大小にはほとんど関係 しないので,一定とみなしてよい。その理由は35°旋回のような強い運動で は速力低下が大きく,そのために推進器スリップが強く,これが舵位置におけ る横流れによる舵力減少を打ち消してしまうので,見掛上,舵の旋回抵抗が消 失するからである。

ここでは多数実船資料による実績に従い,35°旋回におけるT'指数として つぎの値を用いる。

瘠型船 ▽/L²d=0.10 ℃対し T'=1.2

肥大船 ▽/L²d=0.13 に対し T'=1.0

また操舵機馬力を P,水の密度を P とすれば,操舵機馬力の無次元値 P は次式 となる。

$$P = \frac{\alpha^{1.5}}{t'_1} = \frac{H}{(\rho/2)LdV^3} \cdot C_P$$
 (5.3)

したがって $t'_1 = a^{15} / P \ge a_0(5 \cdot 1), (5 \cdot 2) \Rightarrow \downarrow U(5 \cdot 3)$ 式からアドバンス $D_a d_a$

$$\frac{D_{A}}{L} = T' + \frac{0.0070}{(1-0.070/(\nabla/L^{2}d))} \cdot \frac{1}{\alpha} + \frac{\alpha^{1.5}}{2P}$$
(5・4)
となり, D_A/L を最小にするaは

- 59-

$$\log a = \frac{1}{2.5} \log \left[\frac{0.007}{1 - 0.070 / (\nabla / L^2 d)} P - \frac{1}{0.75} \right]$$
 (5.5)

となる。同じく最適操舵時間 t_1 は

$$t_1 = \left(\frac{L}{V}\right) \frac{\alpha^{15}}{P} \tag{5.6}$$

が得られる。実績に従い,第5・3 図,第5・4 図中の表に示すように,代表的 な船舶数種類を選び,現状と同等の操舵機馬力を与えて操舵時間,を変化し, アドバンスの変化の模様とそのときの aを(5・4),(5・6)式で計算すると, 第5・3 図,第5・4 図に点線で示す曲線群が得られる。小型船では現状よりも 速い操舵と小さい舵が,大型船では現状よりもおそい操舵と大きい舵が,アド バンスに関するかぎり有利であるという結論が得られている。

つぎに回頭おくれについては,普通程度舵角の操船におけるr'指数は舵面積 比の増加とともに減少するから,この場合には回頭遅れを最小にする操舵時間 と舵面積比との組み合わせが存在する。

多数実船の10^oZ操縦試験の結果を $(L^2 d/\nabla) \cdot (A_R/Ld) \cdot (1/K')$ 対(1/T')および A_R/LdK' 対 A_R/Ld の形に整理した資料 [14] からT' を求めると

 $T' = \frac{0.27 \nabla / L^2 d}{(A_R / L d) - 0.20 (\nabla / L^2 d - 0.075)}$ (5・7) となる。したがって5°~15°操舵における回頭遅れの無次元値は大略次式で

表わされる。

 $(T + \frac{t}{2}) \frac{V}{L} = \frac{0.27 \nabla L^2 d}{(A_R/Ld) - 0.20 (\nabla L^2 d - 0.075)} + \frac{a^{15}}{2F} \cdot \frac{\delta_0}{35}$ (5・8) ここに t_1 は δ_0 だけ操舵するのに要する時間である。 アドバンスの場合と同様 第5・5 図中の表に示す船につき, (5・7), (5・8)式によって計算すると 第5・5 図に点線で示す曲線群が得られる。この曲線群から,回頭遅れに関す るかぎり,小型船では操舵時間を短くし舵面積を小さくすることは得策ではな い。これはアドバンスのほうからの結論とは逆である。大型船ではアドバンス からの結論と同様,操舵時間を長くしても舵面積の増加をはかることが得策で ある。 5・2 舵アスペクト比の影響を考慮した場合の操舵機馬力

舵高さ一定という現実の条件から起こるアスペクト比の変化を考慮にいれる と、5・1 に述べてある結論には、ある程度の修正が必要となるであろう。以 下これを検討する。

操舵機馬力=直圧力×舵軸から圧力中心までの距離×操舵速度×常数 いま舵面積を A_R , 舵高さをh = -定とすると, 舵の横幅は A_R /h となるので 舵軸から圧力中心までの距離は A_R に比例する。

直圧力の式は種々あるが,アスペクト比えを考慮したものに,つぎに示す岡田の式^[27]がある。

 $N = \frac{\rho}{2} V^{2} A_{R} \left\{ 2.4.1 \left(1.3 - \frac{1}{2\lambda} \right) \left(1 - w_{a} \right)^{2} \left(1 + \cancel{k} \cdot S^{1.5} \right) \right\} \sin a'$

このほか藤井の式 ^[28]がある。藤井の式は岡田の式のなかの 2.41 (1.3 $-\frac{1}{8\lambda}$)が 6.13 $\frac{\lambda}{\lambda+2.25}$ となっている。試みに両者を比較してみたところ,第5・1 図 に示すような差がでた。そこで両者の結果を,アスペクト比の異なる各種の舵 について行なった Fischer の実験結果 ^[29] と比較してみた。岡田の式は, λ が 0.8,1 のような小さいところで,藤井の式は λ が 2,3,5 のような大 きいところで,比較的よく合うことがわかった。そこで式の形は,あとで用い るのに便利なため,岡田の式の形をとり ,1.0 0 $\leq \lambda \leq 2.50$ で両者よりも,さ らに Fischer の結果とよく一致する式を,新たに求めた。結果は第5・1 図 の実線で示したものであり,次式となる。

$$3.88(0.99 - \frac{1}{2\lambda})$$
 (5.9)

(5・9)式を用いると操舵機馬力は次式となる。

$$-61 -$$

$$\begin{split} &= \frac{\rho}{2} \, \mathbf{V}^3 \, \frac{\mathbf{L}^2 \, \mathbf{d}^2}{\mathbf{L}} \cdot \ \mathbf{0.99} \, \mathbf{C}'_{\mathrm{N}} \cdot \mathbf{C}_1 \cdot \mathbf{C}_2 \cdot \frac{\boldsymbol{a}^2}{t'_1} \cdot \, \mathrm{const} \\ &\quad -\frac{\rho}{2} \cdot \mathbf{V}^3 \cdot \frac{\mathbf{L}^3 \, \mathbf{d}^3}{\mathbf{L}} \cdot \frac{\mathbf{C}'_{\mathrm{N}} \cdot \mathbf{C}_1 \cdot \mathbf{C}_2}{2 \, \mathrm{h}^2} \cdot \frac{\boldsymbol{a}^3}{t'_1} \, \, \mathrm{const} \\ &\geq \mathbf{L} \, \mathbf{b} \, \mathbf{b} \, \mathbf{b} \, \mathbf{b} \, \mathbf{b} \, \mathbf{c} \, \mathbf{0.99} \, \mathbf{C}'_{\mathrm{N}} \cdot \mathbf{c}_1 \cdot \mathbf{C}_2 \, \cdot \, \mathrm{const} = \mathbf{1} \, \mathbf{b} \, \mathbf{c}_{\mathrm{P}_1} \quad \mathbf{b} \, \mathbf{b} \, \mathbf{b} \, \mathbf{b} \, \mathbf{c} \, \mathbf{b} \, \mathbf{b} \, \mathbf{c} \, \mathbf{c}_1 \cdot \mathbf{c}_2 \cdot \mathbf{const} = \mathbf{1} \, \mathbf{c}_{\mathrm{P}_1} \quad \mathbf{b} \, \mathbf{b} \, \mathbf{c} \, \mathbf{b} \, \mathbf{c} \,$$

$$P = \frac{\rho}{2} \, \mathrm{L} \, \mathrm{d}^2 \, \mathrm{V}^3 \cdot \frac{1}{C_{\mathrm{P}_1}} \cdot \frac{u}{t_1'} - \frac{\rho}{2} \, \mathrm{L} \, \mathrm{d}^2 \, \mathrm{V}^3 \cdot \frac{1}{C_{\mathrm{P}_1}} \cdot \frac{\mathrm{L} \, \mathrm{d}}{\mathrm{1.98 \, h^2}} \cdot \frac{u}{t_1'}$$

あるいは

$$t'_{1} = \frac{\rho}{2} \operatorname{Ld}^{2} \operatorname{V}^{3} \cdot \frac{1}{H^{2} \operatorname{C}_{\operatorname{P}_{1}}} \cdot a^{2} - \frac{\rho}{2} \operatorname{Ld}^{2} \operatorname{V}^{3} \cdot \frac{1}{H^{2} \operatorname{C}_{\operatorname{P}_{1}}} \cdot \frac{\operatorname{Ld}}{1.98 \operatorname{h}^{2}} \cdot a^{3} \quad (5 \cdot 10)$$

a³

となる。ここで操舵機馬力の無次元値 P,を次式のようにおく。

$$P_1 = \frac{H \cdot C_{P_1}}{\rho / 2 \cdot L d^2 V^3}$$
 (5.11)

よって

またaは,操舵機馬力P1が与えられたとき,操舵時間 なを変化すると,それ に対応した値が次式から求められる。

$$\frac{1}{1.98} \cdot \frac{Ld}{h^2} \cdot \frac{1}{t'_1} a^3 - \frac{1}{t'_1} a^2 + P_1 = 0 \qquad (5 \cdot 13)$$

5・3 アドバンスを最小にする舵面積比

アドバンスは(5・1),(5・2)および(5・12)式からつぎのようになる。

$$\frac{D_{A}}{L} = T' + \frac{0.0070}{(1-0.070/(\nabla/L^{2}d))} \cdot \frac{1}{a} \cdot \frac{t'_{1}}{2}$$

$$= T' + \frac{0.0070}{(1-0.070/(\nabla/L^{2}d))} \cdot \frac{1}{a} \cdot \frac{a^{2}}{2P_{1}} - \frac{Ld a^{3}}{3.96 h' P_{1}} \quad (5 \cdot 14)$$

よって D_A/L を最小にする a は次式から求められる。

$$\frac{Ld}{1.32h^2P_1} \cdot a^4 - \frac{1}{P_1} \cdot a^3 + \frac{0.0070}{(1-0.070/(\nabla/L^2d))} = 0 \quad (5 \cdot 15)$$

5 • 4 回頭遅れを最小にする舵面積比

回頭遅れは(5・7)および(5・12)式からつぎのように示される。

$$(T' + \frac{t'_{1}}{2}) = \frac{0.27 \, \nabla / L^{2} d}{a - 0.20 \, (\nabla / L^{2} d - 0.075)} \cdot \frac{1}{2P_{1}} \cdot \frac{\delta_{0}}{35} \left(1 - \frac{L d}{1.98 h^{2}} a\right) a^{2} \left(5 \cdot 16\right)$$

よって $(T' + \frac{t'_{1}}{2})$ を最小にする a は次式から求められる₀

$$\frac{\mathrm{Ld}}{1.32\,\mathrm{h}^{2}\mathrm{P}_{1}} \cdot a^{4} - \left\{\frac{1}{\mathrm{P}_{1}} + \frac{\mathrm{Ld}}{3.3\,\mathrm{h}^{2}\mathrm{P}_{1}} \cdot \left(\nabla / L^{2}\,\mathrm{d} - 0.0\,7\,5\right)\right\} a^{3} \\ + \frac{0.4}{\mathrm{P}_{1}} \left(\nabla / L^{2}\,\mathrm{d} - 0.0\,7\,5\right) + \frac{\mathrm{Ld}}{3\,3\,\mathrm{h}^{2}\mathrm{P}_{1}} \left(\nabla / L^{2}\,\mathrm{d} - 0.0\,7\,5\right)^{2}\right\} a^{2} \\ - \frac{0.0\,4}{\mathrm{P}_{1}} \left(\nabla / L^{2}\,\mathrm{d} - 0.0\,7\,5\right)^{2} a + \frac{3\,5}{\delta_{0}} \cdot 0.2\,7 \quad \nabla / L^{2}\,\mathrm{d} = 0 \qquad (5 \cdot 17)$$

-62 -

5·5 数 值 計 算

 $(5 \cdot 13), (5 \cdot 14)$ および $(5 \cdot 15)$ 式は係数 Ld/h² が定まらないと 計算できない。そこで Ld/h² = $(d/h)^2 (L/d)$ とし, d/h および L/d を多 数の実船資料から求めることにした。L/d は次式に示す日本海難防止協会報 告書のものを用いた。

 $\begin{cases} \log 20 \cdot d / L = 0.59 - 0.23 \quad \log L \\ 2 \cdot d / L = 0.114 \end{cases} \begin{cases} 200 \ge L \ge 10 \\ 300 \ge L \ge 200 \end{cases}$ (5.18)

a/n の資料はないので,約150隻の実船資料を集めた。それが第5・2 図である。第5・2図から標準として次式が求まる。

h/d = 0.635 + 6.14/L (5 • 19)

 $(5 \cdot 18)$ および $(5 \cdot 19)$ 式を用いることによって, $(5 \cdot 13)$ 式から各 t'_1 に対応する a を, さらに $(5 \cdot 15)$ 式から D_A/L を最小にする a を求めることができる。

(5・13),(5・14)および(5・15)式から求めたアドバンスの計算結 果は,第5・3図,第5・4図の実線群である。また(5・16)式から求めた回 頭遅れの計算結果は第5・5図の実線群である。

アドバンスに関しては,第5・3図および第5・4図から,アスペクト比の影響を考慮した場合は,考慮しない場合に比べ,つぎのことが言いうる。

(1) L が30~100m程度の小型船では,アドバンスの最小値は,さらに 小さくなる。しかしLが150m以上の大型船では,きわめてわずかではある が,大きくなる。 (2) アドバンスが最小値になるときの操舵時間 t₁の値は,L が 30~100m 程度の小型船の場合は小さくなるが,150m以上の大型船では大きくなる。

ŝ.,

(3) 舵面積比aの値は,現行規程の片玄操舵時間 $t_1=15$ 秒より小さい場合には,いずれの船でも大きくなるが, $t_1=15$ 秒より大きい場合には,小型船では小さくなるが,大型船では大きくなる。このことは(2)にあるようにアドバンスが最小値になるときの t_1 の値が,大きくなることから当然である。

回頭遅れに関しては,第5・5図からアスペクト比の影響を考慮した場合は, 考慮しない場合に比べ,つぎのことが言いうる。

(4) L が 50 m の小型船については,現行規程の $t_1 = 15$ 秒より小さい場合には回頭遅れは小さくなるが, $t_1 = 15$ 秒より大きい場合には一般に大きくなる。しかしその差はわずかである。

(5) L が 100 m の船については,差はわずかであるが,L が 200 m の船 は操舵時間 t_1 が大きくなるに従って差は大きくなる。L が 100 m の船につい ては t_1 を 45 秒,L が 200 m の船については t_1 を 39 秒で計算を打ち切った のは, t_1 がそれぞれ 40 秒,35 秒になると, λ が 1 以下になり,(5 · 9)式 の精度が低下するからである。

論

本研究で得られた主要な結論はつぎのとおりである。

1. 電動油圧操舵機の先進角、したがって操舵機時定数の影響は、船の進路安定性を表わす指数 Tが小さい船ほど顕著に現われる。操舵機時定数は2秒程度であるので、Tが10秒前後の小型船、捕鯨船、巡視船などは、操舵装置の他の部分はそのままとして先進角のみを減少することにより、船の操縦性能を改善することができる。

舵の慣性モーメントがあまり大きくないので,現在用いられている先進角 の値 5°~10°では,舵運動部分による始動時の慣性抵抗モーメントは,舵の計 画最大舵軸トルクの数百分の一にすぎない。この見地からすれば先進角は 5° ~10°よりも,はるかに小さくしてもよい。先進角を零にすると舵の始動 時の角加速度が非常に大きくなるので,零にはできない。先進角減少の限界 は,テレモータ受動筒からポンプの間ならびに舵柄からポンプの間にあるリ ンク機構と緩衝ばねの設計にある。先進角の最小値は,現在の 5°~10°の $1/2 \sim 1/3$ が限度のようである。

船の横流れ角を考慮に入れれば、小型船の場合先進角をつけ転舵終期の舵の角速度を減少して、電動機負荷の軽減をはかる必要はない。

2. 無次元化した船の操縦運動方程式を用いて,位相面上に操縦運動のトラジ エクトリを描いた図を作っておくと,船の操縦性指数 T,K の値で,使用舵 角に応じ各船固有のあて舵最適切換点を容易に決定できる。ただこの方法で は実際のてい形操舵をく形操舵で近似置換せざるを得ないので,使用舵角が 大きくなると計測値と実測値との誤差が大きくなる。
これに反しポントリャーギンの最大原理を用いた最適操舵法は,位相面に よる方法に比べ,はるかに精度の高いことが確かめられた。それは最大原理 によると精密なてい形操舵で理論計算が進められるから,誤差を生じないの である。この最大原理を用いた方法によれば,捕鯨船や巡視船のように速い 応答を要求される船でも,また応答のおそい巨大船でも,最適操舵が高い精 度で実現できる。

- 3. 操舵速度に関し,操舵装置は現行規程の「28秒以内に片舷35度から他 玄30度まで転舵するのに充分なもの」という画一的な基準でなく,その船 の操縦運動性能にマッチした力量にすべきである。最適操舵法のあて舵の観 点からすると,最適操舵速度の基準は「片玄35度から他玄30度までの操 舵所要時間は,その船の操縦性指数の1つTの0.96倍」とすべきである。
- 4. 操舵時間 1-1 を,船首間 3 L 真向かいに行き会う場合から求めることは,衝 突回避に対する有効性および海難審判裁決事例に照らして妥当と考えられる。

針路交角のある場合は,船首間 3 L 真向かいに行き会う場合から求めた t_1 を用いたときのn値を,現行規程の $t_1 = 14$ 秒のときのn値と比較すると, 計算例の小型鋼船では1程度小さくなっているので, t_1 を小さくすることは 衝突回避に有効である。しかしながら $t_1 = 0$ に短縮したときのn値は,真向 かいに行き会う場合から求めた t_1 を用いたときのn値に比べ,わずか0.3程 度しか小さくならないので, $t_1 = 0$ は操舵機馬力無限大を意味することから メリットはないと言える。

針路交角をもつ行き会いの場合は,権利船の針路速力保持,協力動作のいずれを問わず,いかに操舵機力量を増大しても,中央間3Lでは衝突は不可避である。針路交角をもつことが多いとみられる衝突事例からみれば,3L

の距離でも回避できる性能をもつことが要望されるが、3 Lで回避するには 操舵機力量を増大して t₁を短縮するだけでは回避は不可能で、Tの減少、さ らに Kの増大にまたなければならない。つまり操舵機の問題からはなれて船 体と舵の問題となる。

第4・3表および第4・4表からわかるように、 $\theta = 22.5^{\circ}$ のときは $\phi = 105^{\circ} \sim 140^{\circ}$ の範囲では、権利船は針路および速力を保持し、むしろ協力 動作をしないほうが、より安全である。 $\theta = 22.5^{\circ}, \phi = 150^{\circ}$ および $\theta = 45^{\circ}, \phi = 90^{\circ} \sim 120^{\circ}$ では協力動作をするほうが、はるかに有効である。

5. 小型鋼船の3L真向かい衝突回避の条件から求めた操舵時間2:1 と最適操 舵のあて舵の観点から求めた24 とを比較すると,船にもよるが一般的には, 前者は後者の0.98Tより幾分大きくなるようである。このことと最適操舵 速度のメリットとを考慮すると,小型船では3L真向かい衝突回避の条件か ら求めた操舵速度を採用し,また巨大船では最適操舵のあて舵の観点から求 めた操舵速度を採用するのがよいと考えられる。

6 操舵時間とアドバンスとの関係に関しては,舵軸トルクに対するアスペクト比の影響を考慮すると,考慮しないときに比べ,定量的には若干の差異は出るが,定性的には同じ結論となる。すなわち現行規程 = 14秒に対し,小型船は操舵速度を大きく,舵面積を小さくし,大型船では操舵速度を小さく,舵面積を大きくしたほうが有利である。

回頭遅れに関しては,アスペクト比の影響を考慮すると,考慮しないとき に比べ,小型船では若干の差異はあるが,定性的には同じである。大型船で は実状に即した操舵時間の範囲ー例えば50秒以内--では回頭遅れの最小値 は存在しないと考えられる。

- 66 -

なおアスペクト比一定の条件下では, f₁ を大きくするに従って舵面積を増 大すると,やがてキールラインより下に舵が出てくる。大型船では舵面積を 大きくしたほうが有利であるので,このような可能性が大きい。小型船につ いては,アドバンス,回頭遅れともアスペクト比の影響を考慮しても考慮し ない場合に比べ,定量的には若干の差はあるが,定性的には同じで,現行規 程14秒よりも操舵速度を大きくし,舵面積を小さくしたほうが有利である。

本論文を完結するにあたり懇篤なる御指導を賜わった大阪大学工学部中村彰 一教授に対し,深く感謝の意を表する。また本研究の遂行にあたり終始指導助 言を賜わった広島大学・大阪大学野本謙作教授,有益な助言を賜わった東京工 業大学寺野寿郎教授,東京大学工学部元良誠三教授,東京大学工学部北森俊行 助教授に感謝の意を表する。さらに実船実験につき,海上保安大学校練習船「 こじま」乗組員各位の御協力に対し感謝の意を表する。

以上

付録

Z 操縦試験による船の操縦性指数 の算定法について

緒言

船の操縦運動は,つぎに示すように一次系に近似でき,そして旋回力を表わ す指数 K と,進路安定性を表わす指数 T とは,Z 操縦試験から逐次近似法によ って求められることが報告されている^[2]。

 $T \frac{d\psi}{dt} + \dot{\psi} = K \delta$

また旋回試験においても同様に一次系近似ができ,定常旋回状態における前 記の指数 K_s , T_s は,定常旋回角速度 $\dot{\phi}_s$ と,船の肥瘠度,舵面積比などよりなる 係数 A_n とから求められることが報告されている ^[3]。

前者の場合は z 操縦試験結果から逐次近似による計算,後者の場合は旋回試験結果のほかに係数 & を必要とする。

ところで自動制御論的見地からみれば, z 操縦は一種のオンーオフサーボメ カニズムによるオンーオフ動作であり, z 操縦の Zig-Zag 曲線をみると, 船 は制御機構一この場合は操舵手一によって自励振動を起こしており, 持続振動 状態にあるものと考えることができる。そこでこのことに着目し z 操縦をオン ーオフ動作とみなし, これに非線形制御理論を適用した。非線形制御理論によ るオンーオフサーボメカニズムの解析には種々あるが, ここではKochenburger の記述関数⁽³⁰⁾と位相面を利用する方法⁽³¹⁾とを用いた。まず記述関数法に より T, K の概算値を求め, これをもとにし, さらに位相面を利用して T, K の値を決定した。この方法によれば, z 操縦による船の運動曲線さえ与えられ れば計算ができ, そのうえ計算が簡単であり, かつあらかじめ位相面を用意し ておくと, ただちに T, K の値を求めることができる便利さがある。 6・1 操舵機構の伝達関数

船の操縦運動は次式に示すように一次系に近似できる。

$$T \frac{d\psi}{dt} + \dot{\psi} = K\delta \qquad (6 \cdot 1)$$

ここに $\dot{\phi}$ は船の旋回角速度, δ は実際の舵角, \mathbf{r} は船の進路安定性を表わす指数, \mathbf{K} は旋回力を表わす指数である。またコンパスは積分機構として作用しているので,船とコンパスを組み合わせた要素は線形となり,これを $\mathbf{G}_{\mathrm{L}} = \mathbf{G}_{\mathrm{s}} \cdot \mathbf{G}_{\mathrm{c}}$ で表わせば線形要素伝達関数はつぎのようになる。

$$G_{L}(s) = \frac{K}{s(1+Ts)}$$
 (6 • 2)

2 操縦試験では第6・1 図に示すように一定舵角+ δ_0 やとり、その位置に舵角を 保持し、船が回頭して旋回角 ϕ が舵角+ δ_0 に等しくなったとき、一定操舵速度 で反対玄に $-\delta_0$ だけ転舵し、その位置に舵角を保持し船が回頭し ϕ が $-\delta_0$ に等 しくなったとき、再び反対玄に $+\delta_0$ だけ転舵し、このような操作を繰り返す。 この場合船の手動操縦系のブロックダイヤグラムは第6・2 図になり、操舵手 はヒステレシス特性をもつ非線形要素として作用していることになる。いま操 舵手と操舵機とを組み合わせた非線形要素の伝達関数を $G_R = G_Q G_B$ とし、船と コンパスを組み合わせた線形要素の伝達関数を $G_L = G_S G_C$ とすれば、第6・2 図は第6・3 図のようになる。

このように不連続性が対称な要素で、それへの入力信号の平均値が要素の対称の中心と一致して起こり、かつ不連続要素からの出力信号の加えられる船が 低域フィルタ特性をもつものと考えられる場合、線形系に対する周波数応答法 が近似的に応用できるのである。この場合の不連続要素は第6・4図(a)のよ うなヒステレシス特性とみることができる。この要素に同図(b)に示す入力

 $\psi = \psi_0 \sin \omega t \qquad (6 \cdot 3)$

が加えられたときは、操舵に要する時間を考慮すると、定常出力は同図(。)のてい形波になる。てい形波出力 δ の入力 ϕ に対する遅れ角r'は、

$$\gamma' = (\sin \frac{-1 h'}{\psi_0}) + \mu$$
 (6 • 4)

となる。つぎにこのてい形波 8 をフーリエ級数で表わせば

$$\delta(t) = \frac{4 \delta_0}{\pi} \left\{ \left(\frac{\sin \mu}{\mu} \right) \sin \omega t + \frac{1}{3^2} \left(\frac{\sin 3\mu}{\mu} \right) \sin \omega t + \dots + \frac{1}{(2n+1)^2 a} \left(\frac{\sin (2n+1)\mu}{\mu} \right) \sin (2n+1)\omega t + \dots \right\} \right\}$$
(6.5)

となる。ここで第1項の基本波調和成分のみをとり,高調波を無視することに する。高調波成分は基本波成分に比べて小さいこと,および出力信号の加えら れる船は低域フィルタとみなすことができるので,高調波成分の減衰量の大き いことなどを考慮すれば,この処置は理解できるものである。よってこのよう なヒステレシス特性の非線形要素の近似伝達関数 G_R(4)は,

$$G_{R}(\psi_{0}) = \frac{4 \delta_{0}}{\pi \psi_{0}} \left(\frac{\sin \mu}{\mu}\right), \angle -\{(\sin \frac{-1 h'}{\psi_{0}}) + \mu\}$$

$$(6 \cdot 6)$$

$$E_{T} = \delta_{0} \delta_{0}$$

$$-G_{\rm R}^{-1}(\psi_0) = \frac{\pi\psi_0}{4\delta_0} \left(\frac{\mu}{\sin\mu}\right), \, \sum \left\{ (\sin^{-1}\frac{{\rm h}'}{\psi_0}) + \mu \right\} - \pi \qquad (6 \cdot 7)$$

となる。(6・6)式から明らかなように G_R は ϕ_0 の関数である。第6・5 図は $G_R(\phi_0)$ と $G_L(s)$ とを用いたブロックダイヤグラムである。

第6・5 図に示すこの不連続制御回路の一巡周波数特性は,

$$G(\phi_0, j\omega) = G_R(\phi_0) \cdot G_L(j\omega) = \frac{4 \cdot \delta_0}{\pi \phi_0} \left(\frac{\sin \mu}{\mu} \right), \left(\frac{-\{(\sin^{-1} \mathbf{h}') + \mu\}}{\phi_0} + \mu \right) \frac{K}{j\omega(1+j\omega T)} (6 \cdot 8)$$

となる。安定限界条件は

$$1 + G(\psi_0, j\omega) = 0 \qquad (6 \cdot 9)$$

であるので,G(ψ_0 , $j\omega$)=-1となる。よって

$$G_{\rm I}(j\omega) = -G_{\rm R}^{-1}(\psi_0)$$
 (6.10)

したがって(6・2),(6・7)および(6・10)から次式が成立する。

$$\frac{\mathrm{K}}{\mathrm{j}\omega(1+\mathrm{j}\omega\mathrm{T})} = \frac{\pi\psi_0}{4\delta_0} \left(\frac{\mu}{\sin\mu}\right)_{\mathbf{y}} \sum_{\mathbf{x}} \left\{ (\sin^{-1}\frac{\mathrm{h}'}{\psi_0}) + \mu \right\} - \pi \qquad (6\cdot11)$$

6・2 極線図とT,K

もしTおよびKが既知で伝達関数 $G_{L}(j\omega)$ がわかっているならば、(6・11)

式左辺の $G_{L}(j\omega)$ は線形要素を一括した伝達関数のベクトル軌跡として, $\omega=0\sim$ ∞ に対し極線図上に描かれる。(6・11)式右辺もまた振幅 ϕ_{0} の変化に対する 軌跡として同じ極線図上に描かれる。したがって第6・6 図に示すように $G_{L}(j\omega)$ の軌跡と $-G_{R}^{-1}(\phi_{0})$ の軌跡とを一つの極線図上に描くならば,両軌跡の交点

が(6・11)式を表わすわけである。このことから逆にTおよびKが不明な場合,G_Lの形がわかっているときは、(6・11)式の成立する状態で系を作動させ、その試験成績から ϕ_0 、 δ_0 , \mathbf{n}' 、 μ および ω を求め、TとKを決めることができるはずである。(6・11)式の成立する状態では、系は一定振幅 ϕ_0 、振動数 ω の自励振動を起こしていることになる。もしなんらかの原因で振幅 ϕ が ϕ_0 より小さくなったとしても、やがて ϕ は増大し第6・6 図の交点 E における振幅、すなわち ϕ_0 になって持続振動となる。また逆に ϕ が ϕ_0 より大きくなったときでも、やがて ϕ は減少し、交点 E の振幅 ϕ_0 に落ち着き持続振動となる^[32]。

そこで ψ_0 , δ_0 , \mathbf{h}' , μ をZ操縦試験曲線から求め, それらを(6・11)式 右辺に入れれば- $\mathbf{G}_R^{-1}(\psi_0)$ 軌跡上の1点を確定することができ,一方そのときの ωを同様に試験曲線から読みとって(6・11)式左辺に入れると, **T**および **K** はつぎのようにして算出することができる。

$$G_{\rm L}(\mathbf{j}\,\omega) = \frac{\mathbf{K}}{\mathbf{j}\,\omega(1+\mathbf{j}\,\omega\,\mathrm{T})}$$
$$= -\frac{\mathbf{K}\,\mathrm{T}}{1+\omega^2\,\mathrm{T}^2} - \mathbf{j}\,\frac{\mathbf{K}}{\omega(1+\omega^2\,\mathrm{T}^2\,)} \qquad (6\cdot12)$$

よって,

$$-\frac{\mathrm{KT}}{1+\omega^{2} \mathrm{T}^{2}} = \frac{\pi\psi_{0}}{4\delta_{0}} \left(\frac{\mu}{\sin\mu}\right) c_{0} \mathrm{s} \left\{ (\sin^{-1}\frac{\mathrm{h}'}{\psi_{0}}) + \mu - \pi \right\}$$
$$= -\frac{\pi\psi_{0}}{4\delta_{0}} \left(\frac{\mu}{\sin\mu}\right) c_{0} \mathrm{s} \left\{ (\sin^{-1}\frac{\mathrm{h}'}{\psi_{0}}) + \mu \right\}$$
(6.13)

$$-\frac{K}{\omega(1+\omega^{2}\mathbf{T}^{2})} = \frac{\pi\psi_{0}}{4\delta_{0}} \left(\frac{\mu}{\sin\mu}\right) \sin\left\{\left(\sin^{-1}\frac{\mathbf{h}'}{\psi_{0}}\right) + \mu - \pi\right\}$$
$$= -\frac{\pi\psi_{0}}{4\delta_{0}} \left(\frac{\mu}{\sin\mu}\right) \sin\left\{\left(\sin^{-1}\frac{\mathbf{h}'}{\psi_{0}} + \mu\right)\right\} \qquad (6\cdot14)$$

よって,

$$T = \frac{1}{\omega} \cot \{ (\sin^{-1} \frac{h'}{\psi_0}) + \mu \}$$
 (6.15)

$$-72 -$$

$$K = \frac{\pi \psi_0}{4\delta_0} \left(\frac{\mu}{\sin \mu} \right) \cdot \omega \cdot (1 + \omega^2 T^2) \cdot \sin \left\{ \left(\sin^{-1} \frac{h}{\psi_0} \right) + \mu \right\}$$
 (6 • 16)

なお(6・13),(6・14)式右辺は,それぞれ極線図上の軌跡交点の実軸, 虚軸の読みを表わす。

6・3 位相面によるT,Kの決定

6·3·1 位 相 面

Kochenburgerの記述関数法により求められたT,Kは,高調波成分を無視 したものであるので,精度はかならずしも高いとは言い難い。そこで記述関数 法によるT,Kの値をもとにして,位相面を用いその精度を高めることにする。

Z操縦の場合, 舵角 δ は $\pm \delta_0$, $\pm \frac{\delta_0}{t_1}$ tの4種に分けられる。ここに t_1 は舵角 0 から δ_0 までの所要時間である。したがって船の操縦運動方程式は次式で示さ れる。

 $T \frac{d\dot{\psi}}{dt} + \dot{\psi} = + K \frac{\partial_0}{t_1} t \qquad 0 \le t \le t_1 \qquad (6 \cdot 17)$ $= + K \partial_0 \qquad t_1 \le t \le t_2 \qquad (6 \cdot 18)$ $= + K \partial_0 - K \frac{\partial_0}{t_1} t \qquad t_2 \le t \le t_3 \qquad (6 \cdot 19)$ $= - K \partial_0 \qquad t_3 \le t \le t_4 \qquad (6 \cdot 20)$

(6・17)~(6・20)式の解から、¢を横軸、¢を縦軸とした位相面に多数 の曲線の群ができる。この場合(6・17)、(6・19)式の曲線は複雑となり かつ転舵切換時間が比較的短く、全体に与える影響が少ないと考えられるので 第6・7 図の点線に示すような置き換えをする。第6・7 図の斜線を施した部分 の操舵効果は、互いにかなり相殺されるものと考えられるので、この置き換え の全体に与える影響はきわめて少ないものと言うことができる。したがって (6・17)~(6・20)式はそれぞれつぎのようになる。

$$T \frac{d \dot{\psi}}{d t} + \dot{\psi} = 0 \qquad 0 \le t \le t_1 \qquad (6 \cdot 21)$$
$$= + K \delta_0 \qquad t_1 \le t \le t_2 \qquad (6 \cdot 22)$$

$$= 0 t_2 \le t \le t_3 (6 \cdot 23)$$

$$= -K\delta_0 \qquad t_3 \leq t \leq t_4 \qquad (6 \cdot 24)$$

ただし Z 操縦試験の最初の出発の時は、($6 \cdot 2 1$)式のように $\delta = 0$ では発動 しないので、($6 \cdot 2 2$)式のように + $K \delta_0$ を与えるものと考える。

 $(6 \cdot 21) \sim (6 \cdot 24)$ 式を無次元化し,位相面に一般性を持たせるほうが 便利である。いま $t = T \tau$, $\psi = T K \delta_0 x$ とおいて変数を変換すると, (6 · 21) ~ (6 · 24)式はそれぞれ次式で表わされる。

 $\frac{dx'}{d\tau} + x' = 0$ (6.25)

$$= +1$$
 (6 • 26)

$$= 0$$
 (6 • 27)

$$= -1 \qquad (6 \cdot 28)$$

初期条件を $\tau = 0$ で $x' = x'_0$, $x = x_0$ とおいて上式を解くと(6・25), (6・27)式は,

$$x' = x'_0 e^{-\tau}$$
 (6.29)

$$x = x_0 + x_0' - x_0' e^{-\tau}$$
 (6.30)

となる。よって(6・29),(6・30)式からrを消去すると、

$$c = x_0 + x_0' - x'$$
 (6.31)

となる。また(6・26),(6・28)式を解くと

$$x' = (x_0' \pm 1) e^{-\tau} \mp 1$$
 (6.32)

$$\boldsymbol{x} = (\boldsymbol{x}_{0} + \boldsymbol{x}_{0}' \pm 1) - (\boldsymbol{x}_{0}' \pm 1) e^{-\tau} \mp \tau \qquad (6.33)$$

となる。また (6.32)式から

$$\log_{e} |x' \pm 1| = \log_{e} |x'_{0} \pm 1| - \tau$$
 (6.34)

(6・34)式を用い(6・32),(6・33)式からτを消去すると

$$\mathbf{x} = \mathbf{x}_{0} + \mathbf{x}_{0}' + \log_{e} |\mathbf{x}_{0}' \pm 1| - \mathbf{x}' \pm \log_{e} |\mathbf{x}' \pm 1|$$
 (6.35)

となる。よって(6・31)および(6・35)式はそれぞれ

$$\boldsymbol{x} = \boldsymbol{C}_1 - \boldsymbol{x}' \tag{6 \cdot 36}$$

-74-

ただし $C_1 = x_0 + x'_0$ $x = C_2 - x' \pm \log (x' \pm 1)$ (6.37)

ただし $C_2 = x_0 + x'_{0 \mp \log e^{-1} x'_{0 \pm 1}}$ となる。なお(6・37)式の場合について、時間 τ は(6・32)式のところで 初期条件 $\tau = 0$ でx' = 0 とおくと、

$$\boldsymbol{x}' = \pm \, \mathrm{e}^{-\tau} \, \mp \, \mathbf{1} \tag{6.38}$$

となり, x'軸上に時間 τ を目盛ることができる。

第6・8 図はx を横軸, x'を縦軸とする位相面に(6・36)式および(6・ 37) 式を満足する直線および曲線の群を描いたものである。すなわち c_2 を 種々に変えることにより,(6・37)式は図の実線で示す曲線群で表わされ, c_1 を変えることにより(6・36)式は図の点線で示す直線群で表わされる。 第6・8 図の τ 目盛は(6・38)式によりx' 軸上に目盛ったもので,この目盛 は(6・37)式の曲線群のみに対するものであり,(6・36)式の直線群に対 するものは別に用意しなければならないのであるが,ここでは用いないので省 略した。

- 6・3・2 位相面の利用
 - T,Kの値を位相面から求めるにはつぎの順序による。

 - い Z 操縦の曲線から転舵終了時における旋回角 ϕ_2 (第6・1 図の t_3 などに おける ϕ の値)を求めておく。
 - (c) 転舵開始に対応する切換開始線の x_1 はこのとき $\phi_1 = \delta_0 = n$ であるから、 T,Kの概算値を T_1 ,K₁とすれば、

$$\boldsymbol{x}_{1} = \frac{\boldsymbol{\psi}_{1}}{\boldsymbol{T}_{1}\boldsymbol{K}_{1}\boldsymbol{\delta}_{0}} = \frac{1}{\boldsymbol{T}_{1}\boldsymbol{K}_{1}}$$

$$x_2 = \frac{\varphi_2}{\mathrm{T_1 K_1 \delta_0}}$$

(a) x - x 面上に切換線x1, x2 を書き入れる。そうすると第6・8 図太線
 のようにx - x 面上に閉曲線が描ける。これが Z 操縦における船の運動の
 軌跡である。

田 x - x'面上の転舵開始点②におけるx'の値 x'_{2} を読みとる。 $x'_{2} = \frac{4}{\delta_{0}K}$ であるから求める指数Kは次式で決定される。

$$K = \frac{\psi_{0}}{\delta_{0} x_{0}^{\prime}} \qquad (6 \cdot 39)$$

であるから, 求める指数 T は次式で決定される

$$T = \frac{T_0}{4 \tau_{m}} \qquad (6 \cdot 40)$$

6・4 T, Kの位相面による修正

第6・8図の位相面は,転舵時の方程式(6・17),(6・19)式を(6・ 21),(6・23)式に置き換えたことを除外すれば,(6・21)~(6・24) 式の解をそのまま描いたものであるから,記述関数法と異なり精度は高い。し たがって位相面から求めたTは,充分信頼できるものと考えられる。

また K についてはつぎのことが言いうる。船の運動は (6・1)式で表わされるが,定常旋回では, $\frac{d\dot{\psi}}{dt} = 0$ であるから $\dot{\psi} = K\delta$,したがって K = $\frac{\dot{\psi}}{\delta}$,すなわち旋回力指数 K は定常旋回の角速度 $\dot{\psi}$ を舵角で割ったものに等しい。ところで Z 操縦においては,転舵開始時刻 t_1 の旋回角速度は定常旋回の角速度にきわめて近いと言うことができるけれども,かならずしも 100%一致しておらず船によっては 9%以上のものもあるし,90%程度のものもあると考えられ

る。このことからx - x'面より $x'_{@}$ を読みとり(6・39)式を計算することは $\dot{\varphi}_{@}$ を修正してKを決定していることになる。

なお, x - x' 面の曲線は対数目盛を用いているので, x'目盛の1 に近いところや, τ 目盛の数値の大きなところは読みにくく,そのうえ不正確である。そこでx - x' 面の曲線を描くとき用いた数表を別途用意し,図上から読みにくいところは,これらの数表を用いて出すと,正確に決めることができる。

6·5 数 值 計 算

以上の理論をもとにして,貨物船,タンカー,巡視船など4隻について計算 を行なった。

6・5・1 記述関数法によるT,Kの概算値

Z 操縦記録から δ_0 (= h), ψ_0 , $\dot{\psi}$ および転舵所要時間 t_1 を読みとり,(6 ・15),(6・16)式による計算を行なった結果を第6・1表にまとめた。 6・5・2 位相面によるT, Kの決定

概算値のT,Kをもとにして,位相面に転舵切換線 $x = x_1, x_2$ を入れて, 船の運動軌跡を描き,この軌跡から $x'_{(2)}$ (第6・8 図の②点の縦軸をx'目盛で 読んだ値) および $^{1}/_{4}$ 周期に相当する $\tau_{(0)}$ (第6・8 図の④点の縦軸を τ 目 盛で読んだ値)を読みとり,またz操縦曲線から転舵開始時の旋回角速度 $\dot{\phi}_{(2)}$ を読みとれば,(6・39),(6・40)式からT,Kが決定される。これらを まとめたものが第6・2表である。

なお切換線は T, Kの概算値によって決められるのであるから,概算値が多 少変化すると切換線の位置をまた多少移動する。したがって x'_②の値は変化す るが,その程度はきわめて小さく,Kに与える影響は無視できる程度である。 また T に与える変化も小さい。

6・5・3 実測値と計算値の比較

(6・17)~(6・20)式の解はそれぞれ次式のように求められる。

$$0 \leq t \leq t_{1}$$

$$\dot{\psi} = \frac{K\delta_{0}}{t_{1}} \{ t - T (1 - e^{-t/T}) \}$$

$$(6 \cdot 41)$$

$$\psi = \frac{K\delta_{0}}{t_{1}} [\frac{t}{2} - T \{ t - T (1 - e^{-t/T}) \}]$$

$$(6 \cdot 42)$$

$$t_{1} \leq t \leq t_{2}$$

$$\dot{\psi} = \mathbf{K} \,\delta_0 + (\dot{\psi}_1 - \mathbf{K} \,\delta_0) \,\mathbf{e}^{-t/\mathbf{T}} \tag{6.43}$$

$$\psi = K \,\delta_0 t + \psi_1 + T \,(\dot{\psi}_1 - K \,\delta_0) \,(1 - e^{-t/T}) \tag{6.44}$$

ただし $\dot{\phi}_1$, ϕ_1 は $t = t_1$ における旋回の角速度と角度を表わす。

$$t_{2} \leq t \leq t_{3}$$

$$\dot{\psi} = K \,\delta_{0} - \frac{K \,\delta_{0}}{t_{1}} t + \frac{K \,\delta_{0}}{t_{1}} T + (\dot{\psi}_{2} - K \,\delta_{0} - \frac{K \,\delta_{0}}{t_{1}} T) e^{-t/T} \qquad (6 \cdot 45)$$

$$\psi = K \,\delta_{0} t - \frac{K \,\delta_{0}}{t_{1}} \cdot \frac{t^{2}}{2} + \frac{K \,\delta_{0}}{t_{1}} T t + \psi_{2}$$

$$+ T (\dot{\psi}_{2} - K \,\delta_{0} - \frac{K \,\delta_{0}}{t_{1}} T) (1 - e^{-t/T}) \qquad (6 \cdot 46)$$

ただし $\dot{\phi}_2$, ϕ_2 は $t = t_2$ における旋回の角速度と角度を表わす。

 $t_{3} \leq t \leq t_{4}$ $\dot{\psi} = -K \delta_{0} + (\dot{\psi}_{0} + K \delta_{0}) e^{-t/T} \qquad (6.47)$

$$\psi = -K \,\delta_0 t + \psi_3 + T \,(\dot{\psi}_3 + K \,\delta_0) \,(1 - e^{-t/T})$$
(6.48)

ただし $\dot{\phi}_3$, ϕ_3 は $t = t_3$ における旋回の角速度と角度を表わす。

第6・2表のT, Kを用い, (6・41)~(6・48)式によってZ曲線を計算 によって求めたものと, 実測値と比較してみる。

第6・9 図(a),(b),(c),(d)はそれぞれ船 A_2 , B_2 ,C,Dのもので あり,図の実線は実測値,鎖線は計算値を表わす。図示のように A_2 , B_2 ,Dは 比較的よく一致し、Cは行き過ぎが多少目立つけれども、途中はかなりよく一 致している。もともと船の操縦運動を(6・1)式のように一次式で表現するこ と自体近似であるので、この式をもとにしたT,Kがこの程度実測値と一致す れば、その精度はまず満足すべきものと考えてよい。 (1)記述関数法によって概算値を出し,位相面で修正するこの方式で求めた T,Kの値は,充分を精度をもっている。

論

結

-78-

- (2)記述関数法による T, Kの概算値の計算は簡単であり, また無次元数 x
 x'の位相面を1枚作っておけば, どんな Z 操縦にも利用でき, ただちに
 T, Kの値を算出することができる。
- (3)転舵時の操縦運動方程式(6・17),(6・19)式を(6・21),(6・23)式のように置き換えず(6・17),(6・19)式をそのまま位相面に描いたものを用いれば,精度を一段と高めうる可能性がある。

記 号 表

- A 操舵機ラム断面積
- A_R 舵面積
- a 舵前縁より舵軸中心までの距離
- B 船の幅
- B_R 舵の幅
- b 油圧ポンプの最大偏心量
- $D = \frac{\delta \max}{T u \max}$
- d 吃水
- h 舵の高さ
- IP 操舵機馬力
- K 旋回力を表わす指数
- K 旋回力を表わす指数の無次元値
- k 舵輪角に対するテレモータ受動筒変位の比例定数

L 船の長さ

- ℓ_P 船の重心と転心との距離
- N 舵に加わる直圧力
- n 義務船権利船間距離をLの倍数で表わした数
- P アスペクト比の影響を考慮しないときの操舵機馬力の無次元値
- P₁ アスペクト比の影響を考慮したときの操舵機馬力の無次元値
- Q_P 油圧ポンプ吐出量
- Q_{Pmax} 油圧ポンプ最大吐出量
- Q_R 舵軸トルク
- R 舵柄半径

R	定常旋回半径
8	

- s 複素演算子
- T 進路安定性を表わす指数
- T[/] 進路安定性を表わす指数の無次元値
- T_E 操舵機時定数
- * 時間
- *1 舵中央から指定舵角を取り終わるまでの時間
- *1 舵中央から指定舵角を取り終わるまでの無次元時間
- u 操舵速度
- umax 操舵速度の最大値
- v 船の速度
- V_R 舵にあたる水流の速度

 $v = u/u \max$

- x 油圧ポンプの偏心腕変位
- X₀ ラム変位
- x 舵前縁より圧力中心までの距離
- ▼ テレモータ受動筒変位
- α 舵面積比 $\alpha = \frac{A_R}{Ld}$
- る 舵角
- δ_α 先 進 角
- ồmax 舵角最大值
- δ₀ 指定舵角

 δ^* 舵 角 輪 δ $= Tu_{max}$ ζ $\dot{\psi}$ η KTu_{max}

7 P	佃上ホンフ谷積効率
θ	義務船からみた権利船の方位角
κ	$= t_1 / T$
λ	舵のアスペクト比
ξ	$= \frac{\psi}{\mathrm{KTu}_{\mathrm{max}}}$
ρ	水の密度
τ	= t / T
φ	義務船と権利船の針路交角
ψ	旋回角
Ω	旋回角速度
ω	角周波数

▽ 船の排水容積

-81-

参考文献

- [1] 樋口道之助:操舵テレモータの起動筒と受動筒との行程差について 造船協会誌,346号,1958, P.261
- [2] 野本謙作,田口賢士:船の操縦性について(2)

造船協会論文集,101号,1957, P.57

(3) 元良誠三:船の操縦性指数について

造船協会論文集,104号,1958, P.63

〔4〕 岡田正次郎: 舵性能に及ぼす操舵速度の影響について

造船協会論文集,103号,1958,P.81

- (5) Arche M. Nickerson, Vernon A. Olsen: Steering Gears and Their Selection, 1952
- [6] 志波久光:模型試験による舵の研究

造船協会論文集,106号,1959, P.35

- [7] 舵軸トルク測定小委員会:実船における舵軸トルク測定について 造船協会誌,348号,1958,P.383
- [8] R.Oldenburger: Optimum Nonlinear Control, Trans, ASME, Vol. 79, No.3, 1957, P. 527
- [9] L.S.Pontryagin, V.G.Boltyanskii, R.V.Gamkrelidze, E.F.Mishchenko著, K.N. Trirogoff訳: the Mathematical

Theory of Optimal Processes, J. Wiley, 1962

〔10〕 高橋安人:最大原理による最適制御論

計測と制御,3巻,1号,1964,P.1

[11] 山本平彌:船の最適操舵法について

日本航海学会誌, 30号, 1963, P.65

[12] R.Bellman : Dynamic Programmig, Princeton Univ. Press. 1957

- [13] 高橋安人ほか:ポントリャーギン最大原理の応用若干,計測と制御
 2巻,5号,1963, P.318
- [14] 野本謙作:船の操縦性

造船協会誌,424号,1964, P.794

[15] 山本平彌:船の最適操舵法

造船協会論文集,121号,1967, P.20

〔16〕 山本平彌:船の操舵機の最適舵角速度

海上保安大学校研究報告,第2部, 1967, P. 119

- [17] 藤井彌平: 避航と衝突の確率について
 - 日本航海学会創立20周年記念論文集, 1968, P.63
- [18] 鞠谷宏士:船の衝突回避限界について

日本航海学会誌,36号,1967,P.87

- (19) J. Garcia-Frias : the Sector Rule and the Collision Problem, the Journal of the Institute of Navigation, Vol. 18, No. 2, 1965, P. 141
- (20) J.S. Morrel : the Physics of Collison at Sea, the Journal of the Institute of Navigation, Vol. XIV, No. 2, 1961, P. 163
- (21) Relative Movement and the Collision Problem, the Journal of the Institute of Navigation, Vol. X, No. 2, 1957, P. 184
- (22) Davis Newton Lott : Collision Prevention, D. Van

Nostrand Co., Newyork, 1947

[23] 大久保功,松尾稔:船の衝突に関する確率的な研究

東大卒業論文, 1965

[24] 長沢彰三: 衝突の実態

日本航海学会誌,41号,1969, P.7

- [25] 日本海難防止協会:航海設備等の基準および改善に関する研究報告書 1966
- [26] 宝田直之助:実船解析による旋回性能の研究

造船協会論文集,110号,1961,P.57:111号,1962,P.73

- [27] 岡田正次郎:船の背後に置かれた舵の性能に関する実験結果について 造船協会論文集,105号,1959, P.57
- [28] 藤井 斉: 舵特性に関する実験的研究

大阪大学提出学位論文, 1961

- [29] Fischer, H. : Berchnung der Ruder-Kraft, W.R.H., Vol. 19, 1938
- (30) R.J. Kochenburger : A Frequency Responce Method for Analyzing and Synthesizing Contactor Servomechanism, Trans, AIEE, Vol. 69, 1950, P. 270
- [31] L.A.MacColl: Fundamental theory of Servomechanism,V. Nostrand, Newyork, 1945

[32] 高橋安人:自動制御理論

岩波書店, 1954, P. 169

図表目次

have a star		
弗1章		頁
第1 • 1表	舵の要目	1
第1 • 1 図	操舵機のブロック線図	2
第1 • 2 図	操舵機の伝達関数	2
第1 • 3 図	手動操舵のプロック線図	2
第1 • 4 図	操舵機時定数と旋回軌跡との関係	3
第1 · 5 図	舵輪角と舵角	4
第1 · 6 図	舵角と舵軸トルクとの関係	4
第1・7図	操舵機時定数と舵輪角,舵角および	
	舵角速度との関係	5
第1 • 8 図	舵角と操舵馬力	. 6
第1・9図	先進角と舵の回転モーメント	7
第1・10 図	操舵機のリンク機構	8
第2章		
第2 · 1表	旧「こじま」の要目	9
第2 • 1 図	操舵の置き換え	10
第2・2図	操縦運動の位相面表示	11
第2 · 3 図	位相面上の最適制御	12
第2 · 4 図	最適制御の時間的経過	13
第2 · 5 図	切換時期の早遅	13
第2・6図	切換点の計算値(旧とじま))	14

第2·7 図 操舵号令発令時刻 15

第2 • 8 図	切換点の移動	15
第2・9図(a)	旧「こじま」実験結果	16
	$(\delta :+15^{\circ} \rightarrow -15^{\circ})$	
第2・9図(b)	旧「こじま」実験結果	17
	$(\delta : +15^{\circ} \rightarrow -7^{\circ})$	
第2・9図(c)	旧「こじま」実験結果	18
	$(\delta : +20^{\circ} \rightarrow -7^{\circ})$	
第2・9図(d)	旧「こじま」実験結果	19
	$(\delta : +30^{\circ} \rightarrow -7^{\circ})$	
第2•10 図	線形系の最適制御の型	20
第2•11 図	応答の形	20
第2・12 図	応答の速い場合	21
第2・13 図	応答のおそい場合	21
第 2 • 14 図	入力	22
	(応答の速い船)	
第 2 • 15 図	入力	23
	(応答のおそい船)	
第2•16 図	最適切換点の計算値	24
	(応答の速い船)	
第2•17 図	実際の操舵号令発令時の舵角と旋回	25
	角(応答の速い船)	
第2・18 図	最適切換点の計算値(応答のおそい船)	26
第2•19 図	計算値と実測値の比較(取舵15度)	27
第2・20 図	計算値と実測値の比較(面舵15度)	28
第 2・21 図	計算値と実測値の比較(取舵25度)	29

第2・22図 計算値と実測値の比較(面舵25度)

第	3章				
, , ,	第 3	•	1 図	最適操舵速度におけるあて舵	31
	第 3	•	2 🗵	片玄35度から他玄30度までの	
				最適操舵時間とTとの関係	31
	第 3	•	3 図	最適操舵法	32
	第 3	•	4 図	応答の速い船の計算	33
	第 3	•	5 図	応答のおそい船の計算	33
第	4 章				
E E	第 4	•	1表	衝突前の2船間の距離	34
E.	第 4	•	2表	計算例の小型鋼船の要目	35
85 5	第 4	•	3表	権利船が針路、速力を保つときの	
				n の値	36
4 5	第 4	•	4表	権利船が協力動作をするときのn	
				の値	37
5 5		•	1 図	真向かいに行き会う場合	38
ム 夕	育 4	•	2 図	針路交角のある場合の基本的衝突状態	39
5	育 4	•	3 図	権利船が針路,速力を保持する場合	40
с Я	育 4	•	4 図(a)	権利船が協力動作をする場合	4 1
				$(\theta = 225^{\circ}, \phi = 135^{\circ}, R - R)$	
角	育 4	• '	4 図(ъ)	権利船が協力動作をする場合	42
				$(\theta = 45^{\circ}, \phi = 105^{\circ}, L - R)$	
贫	6 4	•	4 図(c)	権利船が協力動作をする場合	43

30

 $(\theta = 45^{\circ}, \phi = 120^{\circ}, L - L)$

第4・4図(d) 権利船が協力動作をする場合 44 $(\theta = 60^{\circ}, \phi = 45^{\circ}, L-R)$

第5章

第5 • 1 図	アスペクト比と直圧力の係数	4 5
第5・2図	船の長さと吃水に対する舵高さの比	
	との関係	46
第5・3図	操舵機馬力一定の条件下で操舵時間	
	がアドバンスに及ぼす影響	47
	(小型鋼船およびタンカー)	
第5・4図	操舵機馬力一定の条件下で操舵時間	
	がアドバンスに及ぼす影響	48
	(一般貨物船)	
第5 • 5 図	操舵機馬力一定の条件下で操舵時間	
	が回頭遅れに及ぼす影響	49

49

附 録

第6 • 1表	記述関数法によるT,Кの概算値	50
第6・2表	位相面によるエ,Kの値	5 1
第6 • 1 図	z 操縦試験記録	52
第6・2図	手動操縦系	53
第6・3図	線形,非線形伝達関数の分離	53
第6・4図	非線形要素の入出力の関係	54
第6 • 5 図	非線形伝達関数と線形伝達関数	54

第6・6図	極線図上の伝達関数軌跡	55	
第6 • 7 図	操舵の近似置き換え	55	
第6・8図	位相面上でのリミットサイクル	56	
第6•9図(a)	Z 操縦試験の実測値と計算値との比較	57	
第6・9図(Ⴆ)	z 操縦試験の実測値と計算値との比較	58	
第6・9図(c)	z 操縦試験の実測値と計算値との比較	59	
第6•9図(d)	z 操縦試験の実測値と計算値との比較	60	

第1・1表舵の要目

最大舵軸 ト ル ク Q _{P max} (ton-m)	2.6	4 8.6	1 1 4.0
舵輪角速度 0°×/t-1 (rad/8ec)	0.051	0.061	0.061
舵柄半径 R (<i>C</i> m)	26	56	15
操舵機ラ▲ 断 面 積 A (cnt)	154	572	6 6 0 × 2
油圧ポンプ 最大吐出量 QP max (c着 / ^{B B C})	212	2,090	6,650
先進角 da (rad)	0.125(=7.15\$	0.113(=6,5°)	0.113(=6.5°)
舵の賃 性 モーメント Ic (Kg.m.8ec)	8 9.2	2,7 8 7.0	6,685.2
バランス 比	1 ⁄2.02	1 ⁄2.52	1 ⁄2.79
舵 面 積 A _R (加)	3.2 6	2 0.4 0	3 2.8 2
数 イ 人	450	1 7,0 0 0	46,850

-1-



第1・1図 操舵機のブロック線図



第1・2図 操舵機の伝達関数



第1・3.図 手動操舵のブロック線図

-2-



第1・4図 操舵機時定数と旋回軌跡との関係

-3-







第1・6図 舵角と舵軸トルクとの関係

-4-



第1・7図 操舵機時定数と舵輪角,舵角および舵角速度との関係

-5-





第1・8図 舵角と操舵馬力

- 6 -



第1・9図 先進角と舵の慣性抵抗モーメント

-7-



第1・10図 操 舵 後 の リンク 機 構

-8-

K (1/Sec)	0.0 9 4 8
T (389C)	1 6.9
最大速力 (ct)	16.18
主機機軸馬力 × 軸数	1600 ×2
(m)	9.1
ぞ (m) (m)	7 2.5
ト - - -	1,109.6

第2・1表 旧「こじま」の 要

ш

-9-



-10-



第2・2図 操縦運動の位相面表示

-11-


1 1

第2・3図 位相面上の最適制御

-12-



-13-

専題の 裳 Ŗ



第2・6図 切換点の計算値(旧「とじま」)

-14-



第2.7 図 操舵号令発令時刻



第2・8図 切換点の移動

-15-



第2・9図(a) 旧「こじま」実験結果(∂:15゚→-15°

-16-



第2・9図(p) 旧「こじま」実験結果(8:+15。→ -7

-17-



第2・9 図(o) 旧「こじま」実験結果(∂:+ 20.→-7°

- 18 -



-19-



第2・10図 線形系の最適制御の型

- (a) バンバン制御
- (b) 零つきバンバン制御

(c) 連続制御



第2・11図応答の形





第2・12図応答の速い場合



第2・13図 応答のおそい場合



第2・14 図 入力 ひ に対する状態変数の形(応答の速い船)



第2・15図 入力 V に対する状態変数の形(応答のおそい船)



第2・16図 最適切換点の計算値(応答の速い船)

- 24 -



第2・17図 実際の操舵号令発令時の舵角と旋回角(応答の速い船)



第2・18図 最適切換点の計算値(応答のおそい船

-26-



第2・19図 計算値と実測値の比較(取舵15度

-27-



第2・20図 計算値と実測値の比較(面舵15度

-28-



第2・21図 計算値と実測値の比較(取舵25度)



-30-



第3・1図 最適操舵速度におけるあて舵



第3・2図 片玄35度から他玄30度までの最適操舵時間とエとの関係



-32-



E. alar

第3・4図 応答の速い船の計算



T=24.3 sec, K=0.0771^V_{sec},
$$\delta_{max} = 10^{0}$$

: $t_1 = 5^{sec}$, $D = \frac{t_1}{T} = 0.206$
: $t_1 = 11.7^{sec}$, $D = \frac{t_1}{T} = 0.48$

第3・5図応答のおそい船の計算

-33-

第4・1表 衝突前の2船間の距離

94.9% 92.6% 100% 67.3% 85.5% 7 5.1 % 100トン以上 500トン未満の船舶 5トン以上 20トン未満の船舶 3,000トン以上の船舶 1.7 %32.5%12.0%9.4 % 8.0 % 4.0 % 3.4 % 4 1.0 % 53.6% 1 7.5 % 3.4 % 14.6% 2 0.0 % 3 2.7 % 3 2.7 % 1 3.5 % 비 4 5L~10L $6 L \sim 10 L$ $L \sim 3 L$ $L \sim 3 L$ $L \sim 3 L$ 3 L~5 L 3 L~6 L 3 L~6 L ш 10L 以 *m* 0 以 0 m∼L *m* 0 0 *m*∼L Ч 0 10L 9 1.9 % .89.4% **> 9 0.7 %** 5 6.1 % 79.3% 20トン以上100トン未満の船舶 74.5% 500トン以上 3,000トン未満の船舶 船舶 5 トン 未満の 9.4 % 3 3.3 % 4.0 % 5.7 % 1 1.4 % 4 2.1 % 1 6.2 %4 6.7 % 1.0 % 9.3 % 12.6% 3 1.5 % 3 5.2 % 1 2.6 % 8.1 % 2 1.0 % ᅬ $10L \sim 200m$ 6L~10L $6 L \sim 10 L$ Ą 3 L~6 L 6 L 以上 **3L以下** $L \sim 3 L$ 3L~6L $L \sim 8 L$ $3L \sim 6L$ ш ш ш 0 m~L $0 m \sim L$ 200m0 0 0

-34-

第4・2 表 計算例の小型鋼船の要目

K ($^{1}\!$	0.0547	0.1720	0.0806
T (sec)	3.7	7.7	5.7
V (kt)	6.5	8.8	1 3.2
$L \times B \times D (m)$	29.6× 7.6×3.3	3 0.0× 5.5×2.5	$6\ 6.0 imes 1\ 0.8 imes 5.4$
船	Å۱	B 1	新「こじま」

-35-

第4・3表 権利船が針路、速力を保つときのnの値

Ċ

45	120	9.4	9.9	1 2.0	8.3	9.0	1 1.9	2.6	9.1	1 0.0
4 5	105	6.6	7.0	8.2	5.4	5.7	7.4	5.2	6.0	6.5
45	0.6	5.7	5.9	6.8	4.4	4.7	5.9	4.5	5.1	5.5
2 2.5	150	0.7	7.6	1 0.0	8.6	9.3	1 2.6	6.9	8.6	9.7
2 2.5	140	4.5	4.8	6.2	4.9	ນ .ອ	7.2	4.1	5.0	5.6
2 2.5	135	4.2	4.5	5.7	4.3	4.7	6.3	3.7	4.5	5.0
2 2.5	120	4.0	4.2	5.1	3.6	3.8	5.1	3.3	3.9	4.3
2 2.5	105	4.2	4.4	5.2	3.4	3.6	4.7	3.3	3.8	4.1
οθ	$t_1 (Sec) \phi^{\circ}$	0	2.8	14	0	2.5	14	0	8.5	. 14
鄂	殆		A1			B		斱「	こしょ	њŢ

公理	οθ	2 2.5	2 2.5	2 2.5	2 2.5	2 2.5	4 5	4.5	45	0 9	7.5
₽ ₽		105	120	135	140	150	06	105	120	4 5	4 5
Ψ	t ₁ (sec) g	R-R	R-R	R-R	R-R	R-R	L-R	L-R	L-L	L-R	L-R
	0	4.4	4.8	4.9	5.1	5.7	3.4	4.3	3.7	1.5	1.5
4 ¹	2.8	4.5	4.5	5.2	5.5	6.0	3.7	4.5	3.8	1.6	1.6
	14	5.2	5.3	6.4	6.8	7.5	4.6	5.5	4.0	2.1	2.1
	0	3.7	4.0	4.9	5.2	5.7	3.5	4.0	3.3	1.9	1.9
B1	2.5	3.8	4.3	5.3	5.5	6.1	3.8	5.0	3.5	2.1	2.1
	14	4.4	5.4	6.8	7.3	6.7	5.0	6.3	1	2.7	2.7
新「	0	3.4	3.5	4.2	4.4	4.9	3.0	3.5	3.0	1.5	1.5
と い ひ ギ	8.5	3.9	4.1	4.7	5.0	5.9	3.6	4.2	3.4	1.8	1.8
щŢ	14	4.2	5.8	5.5	5.9	6.6	4,0	4.7	3.6	2.0	2.0

第4・4表 権利船が協力動作をするときのnの値

-37 -



-38-



第4・2図 針路交角のある場合の基本的衝突状態



第4・3図 権利船が針路,速力を保持する場合



第4・4 図(a) 権利船が協力動作をする場合(θ =22.5, ϕ =135,R-R)

-41-



-42-





-44-

-45-



第5・1図 アスペクト比と直圧力の係数








第 6・1 表 記述関数法によるT,Kの概算値

	~ •		·······		·····
算 値	K1 (1/8ec)	0.0612	0.0495	0.116	0.0451
蒑	$T_1 (sec)$	9.0	3 8.7	9.7	12.5
$(\sin^{-1} - \frac{h}{d^{0}}) + \mu$ -180°0		-115°28′		-1 1 9°2 9′	-1 1 6°8′
$(\text{Sin}^{-1} \frac{h'}{\phi_0}) + \mu$		6 4°3 7′	4 6°5 2′	6 0°3 1′	6 3°5 2′
$\sin^{-1} \frac{h'}{\phi_0}$		4 9°3 2′	3 7°1 8′	2 7°1′	5 0°2 2'
$rac{\pi}{4} rac{\psi_0}{\partial_\circ} rac{\mu}{\sin\mu}$		1.04	1.30	1.8 3	1.0 3
遅れ角	π	1 5°5′	9°3 4′	3 3°3 0′	1 3°3 0′
転舵所 要時間 t1 (Sec)		2	9	1 0.5	9
周期	To (Sec)	120	226	1 1 2.5	160
旋回角	¢°	2 1°	က် က	6 6°	2 6°
統色	$\delta_{\mathbf{o}}(=\mathbf{h}')$	1 6°	2 0°	30°	2 0°
部名		$\mathbf{A}_{\mathbf{z}}$	B2	C	D

-50 -

第6・2表 位相面法によるエ, Kの値

.

1100

ì

К	(1/sec)	0.0503	0.0506	0.133	0.0402
T (Sec)		8.3	3 0.0	1 1.0	1 2.1
₩ ₁		3.6	1.87	2.8	3.3
¢. *x		0.995	0.93	0.975	0.995
s_2		2.39	0.8.6	1.9 5	2.3 1
x_{1}		1.81	0.6 0	0.8.9	1.78
周 T。	(Sec)	120	226	112.5	160
転舵開始時の 旋回角速度 ��の (deg/ _{Sec})		0.83	0.94	3.8 9	0.2.0
転舵終了時 の旋回角 度 ゆ ₂		2 1°	2 8.5°	6 6°	2 6°
概 算 値	$K_1(1\!\!/_{\text{Sec}})$	0.0612	0.0495	0.116	0.0451
	T _{1(Sec})	9.0	3 3.7	9.7	1 2.5
船名		A_2	B₂	JU	D

-51-



第6•1 図 Z 操 縦 試 験 記 録

-52-



第6·2図 手 動 操 縦 系



G_R=G_Q•G_E:非線形要素伝達関数 G_L=G_S•G_C:線形要素伝達関数

第6・3図 線形,非線形伝達関数の分離



第6・4 図 非線形要素の入出力の関係



第6・5図 非線形伝達関数と線形伝達関数

-54-



第6。6図 極線図上の伝達関数軌跡



第6・7図 操舵の近似置き換え



第6・8図 位相面上でのリミントサイクル

-56-



第6・9図(a) Z操縦試験の実測値と計算値との比較

-57-



第6・9 図(b) Z操縦試験の実測値と計算値との比較



Z操縦試験の実測値と計算値との比較 第6・9図(c)



離上の

第6・9図(a) Z操縦試験の実測値と計算値との比較