



Title	同一の次元関数をもつホモトピー表現について
Author(s)	長崎, 生光
Citation	大阪大学, 1987, 博士論文
Version Type	
URL	https://hdl.handle.net/11094/35330
rights	
Note	著者からインターネット公開の許諾が得られていないため、論文の要旨のみを公開しています。全文のご利用をご希望の場合は、大阪大学の博士論文についてをご参照ください。

The University of Osaka Institutional Knowledge Archive : OUKA

<https://ir.library.osaka-u.ac.jp/>

The University of Osaka

氏名・（本籍）	なが	さき	い	みつ
学 位 の 種 類	長	崎	生	光
学 位 記 番 号	理	学	博	士
学 位 授 与 の 日 付	第	7	6	2
学 位 授 与 の 要 件	号	4		
	昭 和 62 年 3 月 26 日			
	理学研究科数学専攻			
	学位規則第 5 条第 1 項該当			
学 位 論 文 題 目	同一の次元関数をもつホモトピー表現について			
論 文 審 査 委 員	(主査)			
	教 授 中岡	稔		
	(副査)			
	教 授 永尾	汎	教 授 宮西	正宜
			助教授 川久保勝夫	

論 文 内 容 の 要 旨

G は有限群とする。有限次元 G -CW 複体 X が次の条件をみたすとき、 X を G のホモトピー表現という：任意の部分群 H に対して H 固定点集合がその次元と同一の次元をもつ球面とホモトピー同値または空集合である。トムディックとペトリエはホモトピー表現の安定理論を研究しライティネン是非安定理論を研究したが、ホモトピー表現の研究の一つの目標はその G -ホモトピー型を分類することにある。

本論文の目的は、同一の次元関数をもつホモトピー表現の G -ホモトピー型の個数（以後単に G -ホモトピー型の個数という）を決定することにある。

ライティネン是非安定ピカル群の中に一つの不変量を定義し、それを調べることによりホモトピー表現の G -ホモトピー型を区別できることを証明した。この結果が本論文の出発点となる。

1 節ではライティネンの結果を踏まえ、 G -ホモトピー型の個数は非安定ピカル群の位数を越えない事を証明する。

2 節ではある条件の下、例えば G が奇数位数巾零群のとき、 G -ホモトピー型の個数は非安定ピカル群の位数に等しいことが証明される。証明は非安定ピカル群の任意の元がライティネンの不変量として実現されることを示すことによってなされる。

3 節では非安定ピカル群の位数を決定する。まず非安定ピカル群がバーンサイド環のある部分環のピカル群と同型であることを示し、さらにピカル群のマイヤー・ヴィトリス完全系列を利用して代数的に位数を決定する。特に G の位数が奇数のとき、非安定ピカル群の位数は G の構造と次元関数から得られる情報とオイラー関数を用いることによって完全に決定される。以上の結果から、 G が奇数位数巾零群のとき、我々の目的である G ホモトピー型の個数は完全に決定される。

4節では有限G-CW複体のホモトピー型をもつホモトピー表現（これを有限ホモトピー表現という）について同様の問題を考察する。この場合、トムディックとペトリーによって与えられた有限性の条件を考慮しなければならない。一般には有限性の条件は複雑なため有限ホモトピー表現のG-ホモトピー型の個数を決定することは困難であるが、Gが奇数位数アーベル群のときはスワン準同型を用いてその個数を記述することができる。

論文の審査結果の要旨

本論文は、群のホモトピー表現のホモトピー型を、奇数位数の巾零群の場合について、決定したものである。ここに、有限群Gのホモトピー表現とは、GがCW複体Xに作用し、Gの任意の部分群Hに対して、H不動点集合 X^H が空集合または球面とホモトピー同値であることを意味する。ホモトピー表現の安定理論については、トム・ディックとペトリーによって研究され、その非安定理論はライティネンによって道が開かれた。本論文では、この非安定理論がさらに発展させられている。少し詳しく述べると次のようである。

Gの各部分群Hに $(X^H \text{の次元}) + 1$ を対応させる関数を次元関数という。本論文では、まず、同一の次元関数をもつホモトピー表現のG-ホモトピー型と、一方純粹に代数的に定義される非安定ピカル群との間に1対1対応がつくことを示す。次に、この非安定ピカル群は、Gのバーンサイド環の部分環のピカル群であることと、マイヤー・ヴィトリス完全列を用いて、その位数を決定する。

表現のホモトピー型の分類や、ホモトピー表現のホモトピー型の分類は、変換群論における中心的研究課題の一つで、斯界のトップクラスの人々のアタックしているものである。長崎君のこの業績は彼らにできなかった問題を解決したものであり、理学博士の学位論文として十分価値あるものと認める。