



Title	On quasiinvariants of S_n of hook shape
Author(s)	土田, 忠義
Citation	大阪大学, 2010, 博士論文
Version Type	
URL	https://hdl.handle.net/11094/57626
rights	
Note	著者からインターネット公開の許諾が得られていないため、論文の要旨のみを公開しています。全文のご利用をご希望の場合は、 〈a href="https://www.library.osaka-u.ac.jp/thesis/#closed"〉 大阪大学の博士論文について 〈/a〉 をご参照ください。

The University of Osaka Institutional Knowledge Archive : OUKA

<https://ir.library.osaka-u.ac.jp/>

The University of Osaka

論文審査の結果の要旨

氏名	つち だ よし 義 土 田 忠 義
博士の専攻分野の名称	博 士 (理 学)
学位記番号	第 23933 号
学位授与年月日	平成22年3月23日
学位授与の要件	学位規則第4条第1項該当 情報科学研究科情報基礎数学専攻
学位論文名	On quasiinvariants of S_n of hook shape (対称群の準不変式の自由基底の構成について)
論文審査委員	(主査) 教授 伊達 悦朗 (副査) 教授 日比 孝之 准教授 山根 宏之 准教授 三木 敬

論文内容の要旨

本論文は対称多項式(不変式)の一つの一般化である, 対称群の準不変式環のある部分加群の自由基底の構成について述べたものである. 準不変式とはコクセター群とコクセター群の共役類から非負整数への写像を与えることにより定義される. 対称群はコクセター群とみなすことができ, この場合には非負整数を与えることで定義される. 非負整数 m に対する n 次対称群の準不変式の集合を QI_m と表すことにすると, QI_m は環をなし, 対称多項式環を部分環として含むことが分かる. また Etingof-Ginzburg により, QI_m の環としての構造が調べられており, さらに QI_m は対称多項式環上の自由加群で階数が $n!$ となることが示された.

準不変式概念は, 1990年代に Chalykh-Veselov-Feigin により量子 Calogero-Moser-Sutherland 模型の研究過程で導入された. この量子模型は可積分であるが, 結合定数が非負整数の場合にはその積分が増えることが知られている. 準不変式はその増えた積分に対応しており, その具体形を求めることに興味がある.

準不変式の具体形でこれまで与えられたのは, Feigin-Veselov が研究した二面体群(対称群では3次対称群)の場合のみであった. 最近 Bandlow-Musiker により n 次対称群の準不変式環がヤング標準盤に応じて直和分解できることを示し, 形が $(n-1, 1)$ のヤング標準盤に対応する部分加群の自由基底を構成した. 本論文では, Bandlow-Musiker の考えた部分加群を含むより多くの部分加群に対して自由基底を構成できるかを考えた.

第一章から第三章では基本的な記号や事実, 上述の先行結果等をまとめた.

第四章では一般の鉤型と呼ばれる形をしたヤング標準盤に対応する部分加群の自由基底を構成した.

第五章では Calogero-Moser-Sutherland 模型のハミルトニアン, 本稿で定義した多項式への作用の公式を与えた. これは Bandlow-Musiker の多項式における公式を拡張したものでもある.

第六章では $(2, 2)$ 型の標準盤の自由基底を構成した. これにより, 第四章の結果と併せて4次対称群の準不変式環の全ての自由基底を与えることができた.

本論文では対称多項式(不変式)の一般化である準不変式環のある部分加群の自由基底の構成について述べられている. 準不変式はコクセター群とコクセター群の共役類から非負整数への写像を与えることにより定義される. 対称群はコクセター群とみなすことができこの場合には非負整数を指定することにより準不変式が定義される.

非負整数 m に対応する n 次対称群の準不変式とは複素数係数の n 変数多項式 f で任意の互換 (i, j) に対して $(i, j)f = f$ が $(x_i - x_j)^{2m+1}$ で割り切れるものをいう. これらの全体を QI_m と表すことにすると, これらは m に関して減少列となっている. また対称多項式は QI_m に含まれる. QI_m の環としての構造も調べられており, 階数が $n!$ であることも知られている.

この準不変式概念は量子 Calogero-Moser-Sutherland 模型の研究から1990年代に導入されたものである. この量子模型は積分可能であるがその結合定数が整数の場合にはその積分が増えることが知られている. 準不変式はその増えた積分に対応しておりその具体形を求めることに興味がある.

これまで準不変式の具体形が与えられているのは二面体群の場合だけであったが, 最近 Bandlow-Musiker により対称群の場合に準不変式環が Young 標準盤に応じて直和分解できることを示し, 二行のフック型の場合にその直和成分の基底を与えた.

本論文で土田君は彼らの結果を一般のフック型の標準盤に拡張した. 併せて, $(2, 2)$ 型の標準盤の基底も構成し, 4次対称群の場合に準不変式の自由基底をすべて与えた.

よって, 博士(理学)の学位論文として価値のあるものと認める.