

| Title | 自由落下の法則をめぐるコイレのデカルト解釈につい て |
|--------------|--------------------------------|
| Author(s) | 山形,賴洋 |
| Citation | メタフュシカ. 2000, 31, p. 1-8 |
| Version Type | VoR |
| URL | https://doi.org/10.18910/66628 |
| rights | |
| Note | |

The University of Osaka Institutional Knowledge Archive : OUKA

https://ir.library.osaka-u.ac.jp/

The University of Osaka

山形賴洋

『ガリレイ」において、コイレはガリレイと比較してデカルトを論じ、デカルトが自由落下の法則を誤って理解している。コイレの論難は、デカルトは物理現象を極端に幾何学化する余り、時間を空間化し、その結果、落下時間に正比例学化する余り、時間を空間化し、その結果、落下時間に正比例学化する家下する物体の速度を、落下距離に正比例すると誤って結論した、と要約できるだろう。時間の空間化とは、まさしくべルクソン的図式であるが、このコイレの批判はそれ自身のうちにいくつかの重大な疑問点を押し隠しているように思われる。その疑問点を摘出することが、この論考の第一の目的である。その疑問点を摘出することが、この論考の第一の目的である。その疑問点を摘出することが、この論考の第一の目的である。その疑問点を摘出することが、この論考の第一の目的である。下した距離に正比例すると誤って理解していたするならば、デカルトの言明の内部で理解不可能な矛盾が生じることになる事力ルトの言明の内部で理解不可能な矛盾が生じることになる事なルトの物体の落下に関する考察は現実の物理現象と合致していなど、デカルトの言明の内部で理解不可能な矛盾が生じることになる事なルトの物体の落下に関する考察は現実の対理現象と合致していなが、

を読むことが可能であることを示すところにある。を読むことが可能であることを示すところにあると取ってはなのように、落下の速度が落下の距離に正比例すると取ってはならない。第二の目的は、さらに積極的に、デカルトが落下の法のように、落下の速度が落下の距離に正比例すると取ってはないのはもちろんのこと、それ以前に、デカルトの考察自体がそいのはもちろんのこと、それ以前に、デカルトの考察自体がそ

デカルト理論のコイレによる解釈

を手短に書き記している。「石が一個、AからBへ一時間かか(Cogitationes Privatae, A.T., vol, X, p.219sq.)のなかの覚え書きである。この覚え書きのなかで、デカルトは、数日前、ベークマある。この覚え書きのなかで、デカルトの『私的考察』コイレが取り上げるのは、デカルトの『私的考察』

た場合、その空間を通過するのに石はどれだけの時間を要する 速度を失わないものとする。ところで、彼によれば、真空中で きつけられており、しかも、先行する引力によって付加された か、これが出された問題である。」(EG.11-31) 運動するものは、永久に運動する。ある一定の空間が与えられ って落ちるとしようと、彼は言う。石は常に同じ力で大地に引

そこで注意しなけばならないことは、空間が小さければ、それ ADEによって表される時間において走破されるだろうし、また 空間の差異は、 が表す運動もそれだけ遅くなるということである。ところで、 DBは、DEBCによって表される時間において走破されるだろう。 いて、ABCは空間 デカルトの答えは次の通りである。「直角二等辺三角形にお 運動の差異を表している。したがって、ADは (運動)を表す。頂点Aから底辺BCまでの

かるだろう。」(EG.II-32) 走破するのにDBを走破す るときの3倍の時間がか ある。したがって、ADを

直角二等辺三角形の頂点 Aから底辺BCへの辺AB Dは、ACを斜辺とする の中点である。し

ADEはDEBCの3分の1で Α D В Figure 1

さの総和が3倍になったのだから、空間DBは3倍速く通過さ ら、次のように彼が結論するのも全く当然のことである。〈速 れた空間(行程)を表していたのが、デカルトにとっては、 表していたのであるが――彼(デカルト)にとっては、当然の された運動を、その速さが経過した時間に比例するのではなく ネディティやミシェル・ヴァロンがしたように ―― 一様に加速 とによってデカルトは での時間の排除 度の幾何学化、空間化、 れるだろう。時間は見いだされるが、 動体の運動、すなわち実現された〈速さの総和〉を表す。だか なる。三角形ADEやABCは、ベークマンにとっては、走破さ したがって、問題は行程の各点において速さを決定することと る。ある軌跡が、ある〈一様に変化する〉速さで走破される。 こととして、走破された軌跡を表す。かくして問題は変えられ 「線分ADB ――それは、ベークマンにとっては経過した時間を と記す(EG.11-33)。詳しいコイレの解説は以下の通りである。 イレは、デカルトは「言うなれば、本能的に、時間を抹殺する」 たがって、AD=DBである。デカルトのこの答えを評して、 まうのである。」 (Ibid.) て走破した道のりに比例して増加する運動のごとく、考えてし ――、過程の因果的、 時間の排除 **―かつてガリレイが、また彼以前にべ** しかし遅きに失する。 物理的側面を無視するこ 為すべきでないところ

正しくは、経過時間に正比例する落下物体の速度を、デカル

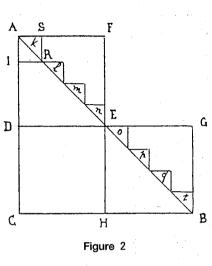
疑問として提出したい。解釈に対して、われわれは次の点を解釈である。このコイレの解釈に対して、われわれは次の点をトは、落下距離に正比例すると誤解したというのが、コイレの

返している。コイレが言うように (EGIL-40)、デカルトは、ガ 間の二乗に正比例するとするガリレイの説を是認した上で、 年8月14日付のメルセンヌ宛の手紙で、物体の落下の距離は時 認めなければならないような根拠がどこかにあるのだろうか。 ことは、物体は例えば100メートルの距離を落下すると10 るから、コイレが物体の落下距離を間違って表していると主張 この本の中に見つけることはできなかった。二等辺三角形であ トの言葉を読んだこともない。しかも、デカルトは、1634 それどころか、落下速度が距離に正比例すると明言するデカル ることになる。果たして、そのような主張をデカルトのものと とによって、落下の距離と速度とが完全に等しいと主張してい けではなくて、それ以上にデカルトは、二等辺三角形を使うこ レが言うような、単に落下の速度が距離に正比例すると言うだ 0メートルの速度を得るということになる。このことは、コイ するABと、B点での速度を表すBCとは等しくなる。という 辺三角形でなければならないのかについてのコイレの説明は、 角三角形ではなくて、「二等辺」直角三角形である。なぜ二等 「すなわち」(c'est-à-dire)として、今見たばかりの自説を繰り デカルトが問題解決のために使っている三角形は、任意の直

リレイの説を誤解していて、間違った自説と混同していたのだらうか。ちなみに、ガリレイも最初、落下の速度は落下の距離ための図示に使っている三角形は、直角三角形ではあるが、そのの頂角は、コイレの訳では、「ある任意の角度」(un angleの頂側は、コイレの訳では、「ある任意の角度」(un angleの頂側は、コイレの訳では、「ある任意の角度」(un angleの頂側は、コイレの訳では、「ある任意の角度」(un angleの頂側は、コイレの訳では、「ある任意の角度」(un angleの頂側は、コイレの訳では、「ある任意の角度」(un angleの頂側は、コイレの訳では、「ある任意の角度」(un angleの頂側は、コイレの説を誤解していて、間違った自説と混同していたのだり、

一方、ベークマン自身も、自分がデカルトに出した問いとデカルトの答えとを書き残している。問いの形も答え方もいくらカルトは間違っているけれども、ベークマンの日記の記録は正しいのである。というのも、ベークマンはデカルトとは異なって、落下の速度は落下の時間に正比例することを扱いながらデガルトに次の質問をしたのである。「私の原理、すなわち真空中では運動状態にあるものは永久に運動することを認め、さらには、地上と落下する石との間は真空であると仮定したうえらには、地上と落下する石との間は真空であるとして、1時間で走破する距離はいくらになるか。」(EGIL-28)

計算が可能となる」(EGII-29)。 あり、その結果、「問題は正しく解かれ、落下にかかる時間のコイレの見解では、デカルトの推論のベークマンによる翻案でデカルトの答えは次の通りであるが、しかし、この答えは、



「これらのmoments(momenta)は不可分であるから、物体がその落下において、1時間のうちに飛び越す空間は、ADEであるう。(落下して)2時間で飛び越す空間は、時間比の二乗である、すなわちADとACの比の二乗であるADE対ACBである。物体が1時間で落下する空間のmomentを、ある大きさ、る。物体が1時間で落下する空間の地の二乗であるADEが表さい。3時間で飛び越す空間は、時間比の二乗飛び越す、すなわちAFEGBHCDである。しかし、ADEである。もてAFEとで構成されている。そしてAFEGBHCDはACBに飛び越す、すなわちAFEGBHCDである。しかし、ADEで

いる。 加えることのAFEとEGBすなわちAFEの2倍とで構成されて

したがって、もしmomentがAIRSであるならば、空間の割合はADEプラスklmn対ACBプラスklmnopqtすなわちまたもやはADEプラスklmn対ACBプラスklmnopqtすなわちまたもやはADEプラスklmn対ACBプラスklmnopqtすなわちまたもやはADEプラスklmn対ACBプラスklmnopqのこと)が付け加えに、複数の等しい大きさ(klmnとklmnopqのこと)が付け加えられる。しかし、これら付加される等しい大きさは、空間のmomentが零になるとき、これら付加される大きさも零となる。さて、物体が1時間で落下する空間と、それが2時間で落下する空間との比は三角形ADEとACBとの比に等しい。

それゆえもし落下する物体が2時間で1000ピエを飛び越すことが経験で知られたとするならば、三角形ABCは1000ピエを含むだろう。ゆえにACとADとの二乗比、すなわち4別に対応するだろう。ゆえにACとADとの二乗比、すなわち4対1が成り立つので、1000対250すなわちACBとADEも成り立つ。」(EGII-29-31)

moment (momentum)については、われわれはここではある意

の差分である。」(EG.II-30-31)われわれの解釈は後に示すようい言を解説して、「デカルトが語っている個々のmomentは、〈瞬間〉(instant)ではなくて、まさしくガリレイが語っている〈速むの程度〉と同じものである。それはある運動ないしは瞬間的な速さ、運動の最小、あるいはこう言った方がよければ、運動な速さ、運動の最小、あるいはこう言った方がよければ、運動はできない。というのは、この語の翻訳は同図もとに、翻訳するのを控えた。というのは、この語の翻訳は同

に、これとは異なる。

この解法をコイレは「きれいで正しい解決である。走破される空間は時間の二乗に比例することが承認される。しかしこれはデカルトの解決ではない。」と言う(EGLI31)。確かに、微小momentを考えることによって、正方形で表される落下空間を、正三角形に書き換える技法は見事である。しかし、ベークマンの説明には分からないことが多い。まず、どうして、物体の落下距離を単なる長方形ではなくて、ほかならぬ正方形で表すのの落下距離と2時間の落下距離と比が1対3(正方形1個対同の落下距離と2時間の落下距離と比が1対3(正方形1個対同の充下距離を単なる長方形ではなくて、ほかならぬ正方形で表すののかの理由が明らかにされていない。第2に、どうして、1時間の不下距離を単なる長方形ではなくて、ほかならぬ正方形で表すのかので、この比は、問題の三角形が2等辺三角形であった場合にいった。この比は、問題の三角形が2等辺三角形であった場合にのか。この比は、問題の三角形が2等辺三角形であった場合にのか。この比は、問題の三角形が2等辺三角形であった場合にのか。3番目に、これは小さいことであるが、100の平方根がどうして100なのか。

う一度、丁寧にベークマンの日記の該当箇所を読んでみよう。 比例することを明確に表していると彼が考えるからであろう。 ことだろう。全体として、コイレが賞賛するような、きれいな 間に対応する線分ACとなる。 Dにおいて2等分すれば、 ADが び越すことが経験で知られたとするならば、三角形ABCは10 に達したときのガリレイの場合と同じく、時間を表しているか ていたのに対して、ベークマンにおいては、正しい落下の法則 もっと、具体的に言えば、図示に使われた三角形において、頂 正しい解決とはとても言うことができない。にもかかわらず、 しろ結論であろう。もし最初からそのことが分かっているなら ADEも成り立つ。」(EG11-30-31) ち4対1が成り立つので、1000対250すなわちACBと 1時間に対応するだろう。ゆえにACとADとの二乗比、すなわ 00ピエを含むだろう。したがって、その平方根100が2時 読むからである。しかしながら、ほんとうにそうだろうか。も らである。少なくとも、コイレはそのようにこの三角形の図を 点から底辺への垂線が、デカルトにおいては落下距離を表現し コイレが褒め称えるのは、この解法が、落下速度が落下時間に ば、答えはそれ以上の論証を待たずに、すぐさま暗算で出せた 上に引用したベークマンの日記の冒頭に出てくるが、これはむ 「それゆえ、もし落下する物体が2時間で1000ピエを飛

まず指摘しなければならないことは、すぐ上で見たとおり、

momentという用語を説明してコイレは、それを「速さの程度」のの「速さの程度」の総和を表現していることになる。「かくして、図形(三角形なしは長方形)は、文字どおり、momentsので、図形(三角形なしは長方形)は、文字どおり、momentsのの「速さの程度」の総和を表現していることになる。「かくしいるように、三角形は「1000ピエを含む」ものとして、そいるように、三角形は「1000ピエを含む」ものとして、そいるように、三角形は「1000ピエを含む」ものとして、そいるように、三角形は「1000ピエを含む」ものとして、その面積は、落下物体の落下距離を含意している。コイレのの面積は、落下物体の落下距離を含意している。コイレのかるように、三角形は「1000ピエを含む」ものとして、そいるように、三角形は「1000ピエを含む」ものとして、それを「速さの程度の総和を表わしているが、この総和とは落下距離のことにほかなられるように、対しているが、この総和とは落下距離のことにほかなられるように、三角形の面積は無数の速さの程度の総和を表わしているが、この総和とは落下距離のことにほかなられるように、対しているには、大力によっている。

間1時間の落下距離を計算している。

要するに、もし縦軸に時間がとられているならば、2時間

角形ではそのようになっているのである。さらに、もし同じく のて、それを線分ACの値として、その後で、その値を時間の 2時間に対応させるという、回りくどい手続きを取るのだろう が、最初から、線分ACは落下時間の2時間を表すとすればそ が、最初から、線分ACは落下時間の2時間を表すとすればそ れで済むことではないのか。実際、落下距離が落下時間の二乗 に正比例することを図示する、物理の教科書でよく知られた三 角形ではそのようになっているのである。さらに、もし同じく

ACが時間を表しているとするならば、すぐにその半分の中点を使って、1000対250であることを求めて、そこから、落下時間の比は、それそれの三角形の辺の比の二乗に等しいことところが、ベークマンの日記において実際行われていることは、ところが、ベークマンの日記において実際行われていることは、を取って、その中点を落下時間の1時間としないのだろうか。

ACの半分1時間として中点Dを置き、二つの相似な三角形の 面積比を辺の二乗の比として、落下時間1時間の距離を直接求 めることができるにもかかわらず、ベークマンの日記では、まず、縦軸に当たる線分ACの長さを計算しているのである。 可イレが主張するような時間を表しているのではなくて、2時間の落下距離を三角形の面積で表現したときその一辺となるような空間的な量を表しているということである。しかもこの空間的な量は、落下時間と対応する、正確に言えば、正比例する 量である。そのことは、1時間の落下時間が、2時間の落下時間に対応するACの半分の線分ADで表現されることから読みとることができる。線分ACが表している、空間と時間との性格 ることができる。線分ACが表しているその量とは何か。これが をある意味で同時に合わせ持っているその量とは何か。これが

解決すべき第1の問題である。

形が図解のために選ばれたのか。これが第2の問題である。こまで問題を返すと、なぜ、この場合長方形ではなくて、正方には無数の微小な正方形の総和として考えられているから、そには無数の微小な正方形の総和として考えられているから、それが図三角形なのか。日記では、二等辺三角形は、最終的第二に、ベークマンの日記の解説においても、コイレは一言

手がかりとなる。 手がかりとなる。 手がかりとなる。 手がかりとなる。

性質上、CBはACに等しいから、素直に考えて、垂直なACもmomentの解釈において同意している。他方、二等辺三角形の速さを表している。このことに関しては、コイレも彼の行な成分は、落下のそのときどきの、あるいは落下の各点での、ところで、この二等辺三角形において底辺ならびに底辺に平ところで、この二等辺三角形において底辺ならびに底辺に平

の面積は、それぞれの速さで通過した空間、すなわち落下の距 の速度を表しているが、その速度の総和は、すなわち、三角形 体的には、問題の三角形で、底辺に平行な成分はそれぞれ落下 速さは、運動は、直ちに、空間と置き換えることができる。具 の任意の辺は、空間的なものでなければならない。ところで、 を物体の落下の距離と置くからである。面積を表現する三角形 ンの日記の説明にはっきり記されているように、三角形の面積 たのだろうか。その理由は、明快である。すなわち、ベークマ どうして、速度ではなくて、最初から時間を縦軸にとらなかっ とになる。それでは、両者が入れ替え可能なものであるならば、 落下の速度を表すACは同時に落下の時間をも表現しているこ しているならば、落下の速度は落下の時間に正比例するから、 重要なことは、もしACが底辺成分と同じく落下の速度を表現 に使われる三角形は二等辺三角形以外にはありえない。しかも、 CBと同じく落下の速さを表現しているとするならば、模式図 また速さを表していると解釈すべきではないか。もし、ACが

ように考えると、三角形の面積が表す、速度の総和は、そのまて使える。すなわち目盛りgを時間1秒とおくのである。その離gを単位にとって縦軸を目盛れば、そのまま時間の単位とししている。落下の速度は、加速度gと時間の積であるから、距まとめると、二等辺三角形の垂直な辺ACは落下の速度を表まとめると、二等辺三角形の垂直な辺ACは落下の速度を表

離を表している。

ま一定の時間内での落下の距離となる。

三角形の面積は落下の距離を表していると今言ったが、この 三角形の面積の比を使って、二つの落下の距離の比を求める のである。しかし、問題となっているのは、相似な二つの二等 のであるから、両方の三角形の面積の成分となっていると とであるから、両方の三角形の面積の成分となったが、この 三角形の面積は落下の距離を表していると今言ったが、この

以上が、デカルトが図示に使った二等辺三角形のもっとも合いとする落下の法則の定式化された次の式を順次変形することたわけではなく、そうすることで誤りを犯したわけでもない。速さを取ったのである。したがって、三角形は、等しい二辺がいさを取ったのである。したがって、三角形は、等しい二辺がいまさを取ることによって、確かにデカルトは、時間の成分を直接のパラメータとしては使わなかったけれども、時間を無視したわけではなく、そうすることで誤りを犯したわけでもない。速さを取ることによって、確かにデカルトは、時間の成分を直接のパラメータとしては使わなかったけれども、時間の成分を直接のパラメータとしては使わなかったけれども、時間を無視したわけではなく、そうすることで誤りを犯したわけでもない。速さいとする落下の法則の定式化された次の式を順次変形することによって、問題の三角形のわれわれの解釈にまでを到達することを証明しよう。

両辺に gを掛けると、sg=1/2gt"×g. t"=t×tだから、s=1/2gt" (s:落下距離、g:加速度、t":時間の二乗)

現されている。 駅=1/2gt×t×g=1/2gt×gt=1/2(gt)×(gt)、時刻tにおける速 がデカルトの二等辺三角形の面積で表されているものである。 がデカルトの二等辺三角形の面積で表されているものである。

な速度ではなくて、速度の二乗にほかならない。 Sg=1/2(v×v)だから、変形して、2gs=v×v したがって、デカ ルトにおいて、距離に正比例するのは、コイレが主張するよう ルトにおいて、距離に正比例するのは、コイレが主張するよう ルトにおいて、単なる速さでも、また、速さの一定の和でもなく、 の表している。また、 である速さでも、また、速さの一定の和でもなく、 の表している。また、

注

(1) A. Koyré, Études galiléennes II, La loi de la chute des corps, Descartes et Galilee, Hermann et Cie, Éditeurs, Paris 1939. 省略記号 EG. II (やまがたよりひろ 哲学哲学史・教授)

8