



Title	蘇歩青氏ヨリ平川淳康氏へ
Author(s)	蘇, 歩青
Citation	全国紙上数学談話会. 1935, 69, p. 7-10
Version Type	VoR
URL	https://doi.org/10.18910/74211
rights	
Note	

Osaka University Knowledge Archive : OUKA

<https://ir.library.osaka-u.ac.jp/>

Osaka University

289. 蘇歩青氏ヨリ平川淳康氏へ

平川淳康學兄

十月五日

蘇歩青

—7—

拝啓、最近の日本數學輯報第十二卷第二号に發表せられ
 た貴著 "The affine breadth and its relation
 to the relative breadth" を面白く拝見致しました。
 擬似二重法線の卵形線を定める問題は今から約十年前に荻原
 伸次氏が盛んに研究を試みられたのですが未だ解決されてゐ
 ないと思ひます、貴著の定理44(や45にあるのですが定理
 の中に parallel を書き落したやうと思はれます) が丁度
 その特殊の場合に対する解答となるわけです。

私は昨年度の微分幾何學の講義の中で同定理を普通の方
 法で証明しました、勿論 affine breadth の考へから導
 いたものではありませんが其證明はさほど複雑でないようで
 すから御参考にでも申上がませう。

卵形線ノ点ノ polar tangential coordinates
 (ρ, φ) ノ用ヒレバ

$$(1) \quad x(\varphi) = \rho(\varphi) \sin \varphi + \rho'(\varphi) \cos \varphi,$$

$$y(\varphi) = -\rho(\varphi) \cos \varphi + \rho'(\varphi) \sin \varphi.$$

今 s ノ擬似曲線長トシ、 ρ ノ曲率半径トスルトキ、

$$\frac{ds}{d\varphi} = \rho^{\frac{2}{3}} = (\rho + \rho'')^{\frac{2}{3}},$$

従ツテ

$$(2) \quad \begin{aligned} \frac{dx}{ds} &= \rho^{\frac{1}{3}} \cos \varphi, & \frac{d^2x}{ds^2} &= \frac{1}{3} \rho^{-\frac{4}{3}} \left[\frac{d\varphi}{d\varphi} \cos \varphi - 3\rho \sin \varphi \right], \\ \frac{dy}{ds} &= \rho^{\frac{1}{3}} \sin \varphi, & \frac{d^2y}{ds^2} &= \frac{1}{3} \rho^{-\frac{4}{3}} \left[\frac{d\varphi}{d\varphi} \sin \varphi + 3\rho \cos \varphi \right]. \end{aligned}$$

トナル。

点 $(x(\varphi), y(\varphi))$, 擬似法線が点 $(x(\varphi+\pi), y(\varphi+\pi))$

ヲ通ルタメニ必要ニシテ且ツ充分ナル條件ハ明カニ

$$(3) \frac{d^2x}{ds^2} : \frac{d^2y}{ds^2} = \{x(\varphi) - x(\varphi+\pi)\} : \{y(\varphi) - y(\varphi+\pi)\}$$

トナル故

$$D(\varphi) = p(\varphi) + p(\varphi+\pi)$$

トオキ, 且ツ (1) ヲ利用スルコトニ依ツテ (3) ハ

$$(4) D(\varphi) \frac{dp}{d\varphi} + 3\varphi \frac{dD(\varphi)}{d\varphi} = 0$$

トナル、コレヲ積分シテ

$$(4') p(\varphi) [D(\varphi)]^3 = \text{const.}$$

ヲ得ル、然ルニ

$$D(\varphi) = D(\varphi+\pi)$$

故ニ

$$(5) p(\varphi) = p(\varphi+\pi)$$

一方ハ

$$\frac{d}{d\varphi} \left\{ \frac{1}{2} (x(\varphi) + x(\varphi+\pi)) \right\} = \frac{1}{2} \{ p(\varphi) - p(\varphi+\pi) \} \cos \varphi = 0,$$

$$\frac{d}{d\varphi} \left\{ \frac{1}{2} (y(\varphi) + y(\varphi+\pi)) \right\} = \frac{1}{2} \{ p(\varphi) - p(\varphi+\pi) \} \sin \varphi = 0.$$

コレハニ平行切線ノ切点, 結び付ケガ定点ヲ中点トスルコト

ヲ示ス。

結局考フル所ノ卵形線ノ擬似法線が定点ヲ通レコトナ

ルカラ 橙円デナケレバナラナイ。(*)

以上ハ申上グベキ事柄、全体ダスが蛇足ト存シナガラ御覧、程ア願ヒマス。

嵌具

(*) 比定理ヲ用ヒナクテモ、直接 = (4') カテ $\lambda = \rho^{-\frac{1}{3}}$ トオキ、
 $\text{affinkrümmung} = \lambda^3(x+x'') = \text{const.}$
ヲ証明スルコトが出来ル。

————— X —————

(以上書信原文ノマニダス)

[註] 本定理ハ W. Lüss 氏、次ノ論文中=アル特別ナモ、テ彼ハ

Über affine Geometrie XL: Eiflächen konstanter Affinbreite; Math. ann., 96 (1927).

一於テ一般ノ場合ヲ取扱ツテキマスガ、ソノ間違ガアルコトヲ萩原氏が物理学校雑誌デ指摘サレテキマス。併シ此ノ書信中、定理ハソノ特別ナモノトシテ証明サンテキマス。私ノ論文=於テハ之ヲ参照スベキ記号ヲ校正ノ際落シマシタ、勿論 parallel ヲ落シタコトモ私ノ不注意=ヨルモノテアリマス。

(平川)