



Title	VietorisノWegegruppe トČech, HurewiczノHomotopiegruppe
Author(s)	小松, 醇郎
Citation	全国紙上数学談話会. 1936, 77, p. 15-18
Version Type	VoR
URL	<a href="https://doi.org/10.18910/74262">https://doi.org/10.18910/74262</a>
rights	
Note	

*The University of Osaka Institutional Knowledge Archive : OUKA*

<https://ir.library.osaka-u.ac.jp/>

The University of Osaka

339. Vietoris, Wegegruppe と Čech,  
Hurewicz, Homotopiegruppe.

小松醇郎 (阪大)

高次元 Homotopie = 関シテ 別々 = 導入サレタ 群デ  
アル。全く無関係ナ 定義ガ 映ヘラレテ アル 程度 = 過ギナイガ  
(Vietoris: *Anzeig. Acad. W. Wien.* 1935, Hure-  
wicz; *Proceed. Kon. Acad. Amst.* 1935) 両  
者ハ 本質的 = 相似ナ 定義ガ 與ヘラレソノ 間 = ハ

Vietoris,  $n$ 次元 Wegegruppe  $\mathcal{W}L^n$  ヲソノ Kom-  
mutatorgruppe  $\rightarrow$  Faktorgruppe ヲ 作レバ  
Čech, Hurewicz, Homotopiegruppe  $h_n^n$   
= ナル。但シ  $n > 1$ .

ナル 関係ガ 存在スル,

當然ナ コトガ アツテ  $\mathcal{W}L^n$  ハ 定義シ 直セバ 結局ハ  $S^n$ ノ  
一ツノ  $n$ 次元 Zelle  $E^n$ , stetiges Bild  $\varphi(E^n)$  ヲ  
固定シ 置キ, 残リノ  $S^n - E^n$  ヲ 凡エニ 仕方デ stetig =  
abbilden スル, ソノ 際勿論

$$\varphi(E^n) = f_i((S^n - E^n)') \quad (\cdot, \text{ハ 境界})$$

ナル条件ヲ充タス様ナ  $f_i$  ノ ミヲトル。  $S^n - E^n$  , 各  $Bild$   
 = 群ノ元ヲ對應サセ, 互ニ  $homotop$  ナ  $Bild$  ハ等シイ  
 元トスル。ト云フコトニナル。

一方  $lg^n$  ハ  $S^n$  , シク  $\epsilon$  一点  $x_0$  ,  $Bild$   $y_0 = g(x_0)$   
 ナ固定シ  $S^n - x_0$  ナ凡ユル仕方ニ  $stetig = abbilden$   
 シ, 同様ニ互ニ  $homotop$  ナ  $Bild$  = ハ等シイ元ヲ對應  
 サセル。

$lg^n$  ( $n \geq 2$ ) ナ  $abelsch$  ナルコトハ  $Hurewicz$  ナ  
 証明。

$nl^n$  ( $n \geq 2$ ) , ツノ元  $a =$  對シテ  $lg^n$  , 元  $a'$  ナ對應  
 出来

$$a \rightarrow a', \quad b \rightarrow b'$$

ナラバ

$$ab \rightarrow a' + b'$$

ナルコトハ  $trivial$  .

逆ニ  $lg^n$  , ツノ元  $a' =$  對シ必ズシク  $\epsilon$  ツノ  $nl^n$   
 ノ元  $a$  ナ對應スルコトニナル。

此,  $Homomorphismus$  (auf)  $nl^n \rightarrow lg^n$   
 ニテ  $lg^n$  , 單位元ニ對應スル  $\epsilon$  ノヲ求メル。

$nl^n$  , 生成元ヲ  $S_i$  トスレバ任意ノ元ハ

$$a = \prod_i S_i^{\epsilon_i} \quad \epsilon_i = \pm 1$$

$trivial$  ナ  $Relation$  ナ除イテ  $a$  , 長さ ( $length$ ) ナ

$m$  ナラバ  $a \in f(S^n) =$  對應スルトシテ  $m | \mathcal{P}(E^n) | =$   
 移ル部分 = 依ッテ Urbild  $S^n$  ハ  $m$  個ノ部分 = 合タレル。  
 $| \mathcal{P}(E^n) | =$  移ル部分  $E_i^n (i=1, \dots, m)$  ハ *zusammenhängend*,  $S^n - \sum E_i^n$ ,  $m$  個ノ Bereich ハ  
 順序ガアツテ夫々  $S_i^{\varepsilon_i}$  ノ元ヲ表ハス Bild =  $\pi$ 。

$\mathcal{P}l^n \rightarrow \mathcal{L}g^n$  ナル Homomorphism ナ  $S_i \rightarrow S_i'$   
 トシテ  $\mathcal{L}g^n$  ノ單位元 = 對應シタトスル。

此ノ場合  $a' = 0 = \sum_i^m \varepsilon_i S_i'$

ナ表ハスノ上ノ  $f(S^n)$ .  $0$  トナルト云フコトハ今度ハ  
 $y_0 =$  對應スルノハ *Durchschnitt* ( $S^n - E_i^n$ ) = *Durchschnitt*  
 $E_i^n \ni x_0$  ナル一点  $x_0$  ノミデ宜ク,  $S^n - x_0$   
 ノ Bild ナ連続的 = 動かシテ *homotop*  $0 =$  ナルコト  
 ナアル、從ツテ前ハ  $S^n - E_i^n$  ノ Bild ナ表ハス順序ガ動  
 カセナカッタノダガ、今度ハ順序ヲ無視スル。

故ニ  $S^n - E_i^n$  ノ Bild ノ中デ *homotop*  $0$  ナイ  
 Bild ガアレバソレト符号反對ノ Bild ガ又存在スレ  
 バヨイ。

故ニ  $a = \prod S_i^{\varepsilon_i}$

ナ任意ノ生成元 = 就イテソノ係数ノ和  $0$  トスルコトガ出來  
 ル。(trivial ナイ Relation ナ使ツテ)

或ハ簡單ニ、新シク加ハル Relationen ハ順序ヲ  
 無視シケテアルカラ  $a \rightarrow 0$  ナラ  $a$  ハ *Kommutatorgruppe*

= 全マレル。