



Title	円, 球ノ幾何ニ就イテ
Author(s)	松村, 宗治
Citation	全国紙上数学談話会. 1938, 155, p. 121-124
Version Type	VoR
URL	https://doi.org/10.18910/74615
rights	
Note	

The University of Osaka Institutional Knowledge Archive : OUKA

<https://ir.library.osaka-u.ac.jp/>

The University of Osaka

689. 円、球、幾何 = ツイテ

松村 宗 岩 (台北大)

$$(I) \quad \vec{\omega} = \cos \omega d \cdot \omega \xi + \sin \omega d \cdot \omega \xi'$$

= 於ケル $\omega \xi$ ハ R_N 内ノ球ヲ表ハス、但シコノ場合 $\omega \xi'$ ハ R_N 内ノ球ダアル。従ツテ

$$f = \sum_1^{N-1} \left\{ \text{const.} \cdot \cos \omega d \cdot \omega \xi + \text{const.} \cdot \sin \omega d \cdot \omega \xi' \right\}$$

ナル f ハ $(N-1)$ 個ノ球 $\omega \xi$, ($i=1, 2, \dots, N-1$) ノニ交点ヲ通ル球ヲ表シテオルコト = ナル。

以上ノコトヲバ R_∞ 内ノ球 = ツイテニ考ヘラレル、ツマリ Fourier 級数ヲ吾々ノ幾何ニテ考ヘウルヲケデアル。

(II) 今吾々ハ円系表面 (K) ヲ考ヘル。

其ノ上ノ極小曲線ハ例ノ如ク

$$(1) \quad (\theta_t \theta_t) dt^2 + 2(\theta_t \theta_c) dt d\tau + d\tau^2 = 0$$

ヲ表ハサル。

コト = $(\theta_c \theta_c) = 1$ デアル。

今 (K) 上、任意ノ点 $(t, \tau) =$ 於ケル曲線 (1) へノ
 切線 j_1 及ビ j_2 ヲ引キ、ソレガ媒介曲線 $(\tau), (t)$ へノニ
 ツ、切線 K_c, K_t ト Doppelverhältnisse (j_1, j_2, K_c, K_t)
 及ビ (j_2, j_1, K_c, K_t) ヲ作ル。

而シテ此ニツノ Doppelverhältnisse ハ

$$(2) (\theta_t \theta_\tau) \Delta^2 - 2 \{ 2(\theta_t \theta_c)^2 - (\theta_t \theta_t) \} \Delta + (\theta_t \theta_t) = 0$$

ノ根 $\Delta = +$ 及 $-$ ツノ Doppelverhältnisse... 他ノ \in
 ノ逆値 = + ツヲイフ。

(2) ヲリ

$$(3) \Delta = \frac{2(\theta_t \theta_c)^2 - (\theta_t \theta_t)}{(\theta_t \theta_t)} \pm \frac{2(\theta_t \theta_c)}{(\theta_t \theta_t)} \sqrt{(\theta_t \theta_c)^2 - (\theta_t \theta_t)}$$

トナル。

ソコヲ

$$(\theta_t \theta_c) = (\theta_t \theta_t)$$

トラバ

$$(4) \Delta = (\theta_t \theta_c)^2 : (\theta_t \theta_t)$$

トナル。亦

$$(5) (\theta_t \theta_c) = 0$$

トラバ

$$(6) \Delta = -1$$

トナル。

尚

$$-(\theta_t \theta_t) = (\theta_t \theta_c)^2$$

ガ (4) = テ 成立ラバ

$$(7) \quad \Delta = -1$$

トナル。

(6) 或ハ (7) ヨリ K_c 及 K_t ハ f_1 及 f_2 ノ調和 = 分ツコトガナル。

サテ

$$(8) \quad (\theta_t \theta_c) = 1$$

ヲ考ヘル。

(8) ガ (3) = テ 成立セバ

$$(9) \quad \Delta = 2(\theta_t \theta_c)^2 - 1 \pm 2(\theta_t \theta_c) \sqrt{(\theta_t \theta_c)^2 - 1}$$

トナル。

尚、亦 (K) 上ノ スヰテノ 点 = テ

$$(\theta_t \theta_c) = (\theta_t \theta_c)^2$$

ガ 成立セバ、 (K) ハ *Minimalcurven* / *Tangentenflächen* ナル。

コノ = *G. Scheffers: Theorie der Flächen*, S. 31, 51 ト 拙著論文 (台北大学、理農學部紀要第二卷, p. 36) ヲ 参照シタ。

(III) 半径 r ナ 中心ガ 原点ト一致セル 球ノ 式ヲ 考ヘ、 x, y, z ヲ 直角座標トシ

$$(1) \quad \begin{cases} x = r \cos t \cos \tau, \\ y = r \cos t \sin \tau, \\ z = r \sin t \end{cases}$$

ヲ 考ヘルト 其ノ 表面上ノ 線素ヲ dS トセバ

$$(2) \quad dS^2 = \left(1 + \frac{\tau^2}{r^2}\right) dt^2 + 2 dt d\tau + d\tau^2$$

デアールコト人ノヨク知ル所デアール。

ソコヲ此ノ球面ヲバ吾人ノ用ル表面トスレバ吾人ノ基本
量

$$(\theta_t \theta_t), (\theta_t \theta_c), (\theta_c \theta_c)$$

ハソレゾレ次ノ様ニナルコトガナル。

$$(3) \begin{cases} (\theta_t \theta_t) = 1 + \frac{r^2}{p^2}, \\ (\theta_t \theta_c) = 1, \\ (\theta_c \theta_c) = 1 \end{cases}$$

(3)ハイツモ用アル吾人ノ基本量ニ對スルーツノ用ヲアゲタノ
デアール。

ツマリ吾人ノ基本量が存在スルコトガナル。