

Title	制御応答時系列データストリームにおける予測アルゴリズム
Author(s)	藤原, 廉; 松原, 靖子; 木村, 輔 他
Citation	情報処理学会論文誌データベース (TOD) . 2022, 15(3), p. 87-98
Version Type	VoR
URL	<a href="https://hdl.handle.net/11094/93121">https://hdl.handle.net/11094/93121</a>
rights	©2022 Information Processing Society of Japan
Note	

*Osaka University Knowledge Archive : OUKA*

<https://ir.library.osaka-u.ac.jp/>

Osaka University

# 制御応答時系列データストリームにおける予測アルゴリズム

藤原 廉<sup>1,2,a)</sup> 松原 靖子<sup>1</sup> 木村 輔<sup>1</sup> 櫻井 保志<sup>1</sup>

受付日 2022年3月10日, 採録日 2022年7月5日

**概要:** 本論文では、大規模制御応答時系列データストリームにおける制御量予測手法である C-CAST について述べる。C-CAST は、制御量 (Controlled sequence)、動作信号、操作量の三要素で構成される制御応答時系列データから、制御量の時系列パターンをとらえることで、パターン間の遷移に基づく高速な制御量予測を実現する。より具体的には、動作信号および操作量を考慮できるように動的システムを拡張し、制御応答時系列データを適応型動的システムとしてモデル化することで、重要なパターンや複雑なパターンの遷移を柔軟に表現する。提案手法は、(a) 制御応答時系列データストリームから重要な特徴を発見し、刻々と変化していく潜在的なパターンやパターン遷移を高速かつ自動的に認識し、(b) 将来的な制御量予測を実現する。さらに、提案手法は (c) データストリームの長さに依存しない。実データを用いた実験では、提案手法が制御応答時系列データストリームの中から重要な時系列パターンを発見し、制御量予測を高精度に行うことを確認した。さらに、最新の既存手法と比較し大幅な精度向上を達成し、その計算速度はデータサイズに依存せず、高速に動作することを明らかにした。

**キーワード:** 時系列データストリーム, 制御量, 将来予測

## Real-time Forecasting of Time-evolving Controlled Sequence

REN FUJIWARA<sup>1,2,a)</sup> YASUKO MATSUBARA<sup>1</sup> TASUKU KIMURA<sup>1</sup> YASUSHI SAKURAI<sup>1</sup>

Received: March 10, 2022, Accepted: July 5, 2022

**Abstract:** Given a large collection of complex data sequences of control response, which consists of multiple attributes (e.g., *Controlled sequence*, *Operation signal*, *Manipulated sequence*), how can we effectively predict future *controlled sequence*? In this paper, we present C-CAST, an efficient and effective method for forecasting time-evolving data streams of control response. Our proposed method has the following properties: (a) *Adaptive*: it captures important time-evolving patterns and discontinuity in time-evolving data streams of control response. (b) *Effective*: it enables real-time controlled sequence forecasting. (c) *Scalable*: our algorithm does not depend on data size, and thus is applicable to very large sequences. Extensive experiments on a real dataset demonstrate that C-CAST consistently outperforms the best existing state-of-the-art methods as regards accuracy, and the execution speed is sufficiently fast.

**Keywords:** time series, controlled sequence, real-time forecasting

### 1. まえがき

宇宙ロケットの誘導制御, 飛行機の姿勢制御, 自動車の車両追従制御, 工作機械・工業ロボットの自動制御など, 時間発展する制御対象を動的システム (Dynamic System) とし

てモデル化するモデル予測制御 (MPC: Model Predictive Control) [1], [2] は, 数多くの分野で導入され活躍している。この制御方法では, 予測した制御量 (*Controlled sequence*) に基づいて現在の操作量を調整することで, 未来の制御量をシステムの目標と一致するように繰り返し最適化を行う。

しかし, MPC は制御対象に予測モデルが存在することを前提としており, モデル化されていない場合は MPC を使用できない。そのため, 制御対象の内部挙動が複雑である場合や制御対象に任意に決定できる成分 (動作内容や材料など) が含まれる場合, モデル化が困難もしくはモデル

<sup>1</sup> 大阪大学産業科学研究所産業科学 AI センター  
SANKEN, Osaka University, Ibaraki, Osaka 567-0047, Japan

<sup>2</sup> 大阪大学大学院情報科学研究科  
IST, Osaka University, Ibaraki, Osaka 567-0047, Japan

a) ren88@sanken.osaka-u.ac.jp

化にかかるコストが大きくなる。そのような場合において、制御対象のモデル化が不要である PID 制御 [3] が使用される。その簡易性から PID 制御の適用範囲は MPC よりも広い。一方で PID 制御は現在の出力をもとに操作量を決定するため、予測値を使用する場合と比べて制御の反映までに時間がかかり、結果としてその制御性能は MPC に劣る。このような制御対象において、データからの学習によって将来の制御量の予測が可能であれば、PID 制御ではなく制御性能の高い MPC が適用可能となる。そこで、近年、深層学習をはじめとした機械学習に基づくモデル予測制御の研究に期待が集まっている [4], [5]。計算機的能力が大幅に向上したことを背景に、サンプル時間が短い工業装置などのシステムの制御、さらには高度な論理計算を要する制御問題への応用が模索されている [6], [7], [8], [9]。

また、一般に工業装置から得られる制御応答時系列データは、装置の機差や稼働条件によって異なる時系列パターンを持つ。また、装置に任意に設定可能な成分（動作内容や材料など）を含む場合、それらの時系列パターンに関する事前情報は利用できない。加えて、工業装置の作業内容の切り替わりにもなって動作信号や操作量で構成される外部信号が変化し、追うように制御量が急激に変化する。そのため、将来の制御量を正確に予測するためには、外部信号に基づいて時系列パターンの急激な遷移をとらえる必要がある。そしてその際に事前情報を利用することはできない。したがって、現在のデータに応じて、制御応答時系列データから時系列パターンを柔軟かつ動的に推定し、推定した時系列パターンを外部信号に基づいて切り替えることで制御量を予測する必要がある。

そこで、本論文ではモデル化が困難である工業装置を対象とした制御量予測手法である C-CAST を提案する。C-CAST は動的システムの概念を拡張し、外部信号を陽に考慮可能な適応型動的システムを使用することで、制御応答データの時系列パターン（本研究では、“レジーム”と呼ぶ）やパターン遷移を柔軟に表現する。より具体的には、以下の問題を扱う。

制御量  $\mathbf{X} = \{\mathbf{x}(1), \dots, \mathbf{x}(t_c)\}$  および外部信号  $\mathbf{Z} = \{\mathbf{z}(1), \dots, \mathbf{z}(t_c), \mathbf{z}(t_c + 1), \dots, \mathbf{z}(t_c + l_s)\}$  が与えられたとき、現時刻  $t_c$  から  $l_s$  ステップ先の制御量  $\mathbf{x}(t_c + l_s)$  を予測する。このとき、 $\mathbf{Z}$  は、動作信号  $\mathbf{Sig} = \{\mathbf{sig}(1), \dots, \mathbf{sig}(t_c), \mathbf{sig}(t_c + 1), \dots, \mathbf{sig}(t_c + l_s)\}$  および操作量  $\mathbf{U} = \{\mathbf{u}(1), \dots, \mathbf{u}(t_c), \mathbf{u}(t_c + 1), \dots, \mathbf{u}(t_c + l_s)\}$  から構成される。

### 1.1 具体例

図 1 はある工業装置の制御応答時系列データにおける、C-CAST と既存手法の出力の様子を比較したものである。

図 1(a)–図 1(c) はそれぞれオリジナルデータの制御量（赤色の線）、動作信号（青色の線）、操作量（緑色の線）を

示しており、図 2 に示す 3 つのサンプルパターンで構成されている。ただし、時刻 3,400 まではパターン 1 およびパターン 2 のみが含まれ、時刻 3,400 以降はそれらに加えてパターン 3 が含まれる。時刻 3,400 までのデータを各手法の学習に用い、時刻 3,400 以降のデータをテストデータとして用いることで、提案手法が未知の（事前情報のない）パターンに対して適応的に学習し、将来の制御量を予測可能であることを示している。

図 1(d)–図 1(f) は、図 1(a)–(c) の時刻 3,400 以降の 4 つの異なる時刻における、C-CAST および既存手法が予測した 5 ステップ先の制御量を示している。ここで、橙色の線は各手法の予測制御量を、灰色の線はオリジナルデータの制御量を示す。

図 1(d) が示すように、提案手法は新たなパターンへ瞬時に適応し、外部信号を考慮してパターン遷移を予測することで、パターンの遷移にともなう制御値の急上昇および急降下を含む、将来の制御量を正確に予測できている。一方、図 1(e) より、SSDNet は、学習データに存在しない未知のパターン 3 の制御量を予測できず、精度が大きく低下していることが確認できる。同様に、図 1(f) より、OrbitMap は、パターン遷移のタイミングを誤って予測したため、予測結果に複数のスパイクが含まれることが分かる。

### 1.2 本論文の貢献

本研究では、大規模制御応答時系列データストリームのための制御量予測手法である C-CAST を提案する。C-CAST は次の特長を持つ。

- (1) データ内に含まれる制御量の時系列パターン（レジーム）に関する事前知識を必要とせず、パターンの潜在的な振舞いを時間遷移と他の入力から把握する。
- (2) 把握した時系列パターン（レジーム）を用いて最適な制御量予測を行う。
- (3) モデル推定と予測に必要な計算コストはデータサイズに依存しない。

## 2. 関連研究

時系列データの解析および予測に関する研究は多岐にわたり、自己回帰モデル (AR: autoregressive model)、線形動的システム (LDS: linear dynamical systems) およびカルマンフィルタ (KF: Kalman filters) などの古典的時系列解析を活用した手法や、近年増加している Deep Neural Network (DNN) に基づく手法など数多く提案されている。

古典的時系列解析を拡張した時系列予測手法として、AWSOM [10]、TBATS [11]、PLiF [12] をはじめ、数多く提案されている。RegimeCast [13] は大量に生成され続ける多次元センサデータから潜在的なパターンをリアルタイムに推定し、適応的に将来を予測し続ける。また OrbitMap [14] は時系列データの潜在状態および状態遷移をリアルタイム

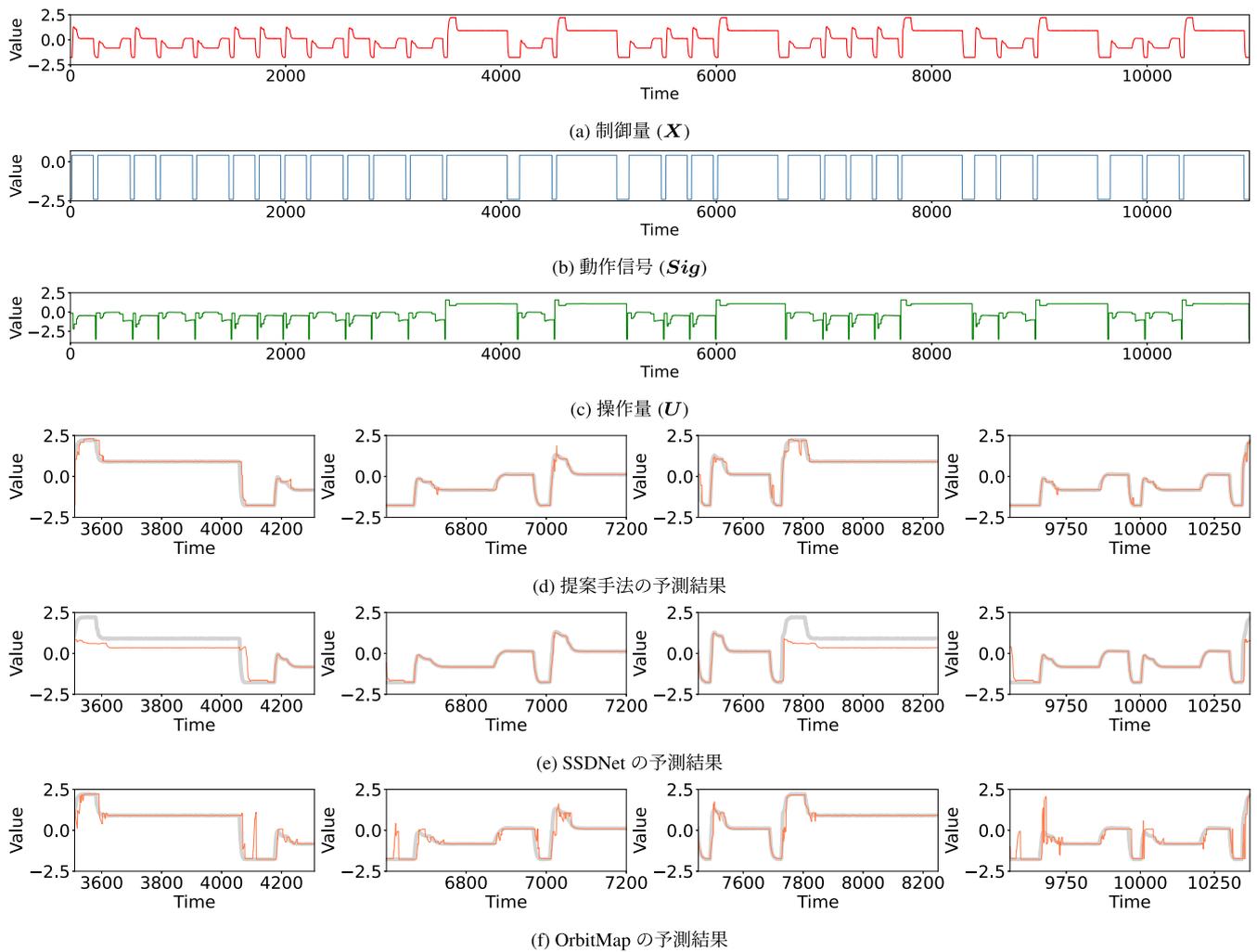


図 1 実データにおける 5 ステップ先の予測結果：(a)–(c) オリジナルデータ，(d)–(f) 各時刻における提案手法および比較手法の予測結果

Fig. 1 Forecasting results of C-CAST and its competitors for the industrial machinery data: (a)–(c) The original data, (d)–(f) snapshots of C-CAST and its competitors forecasted results at four different time ticks.

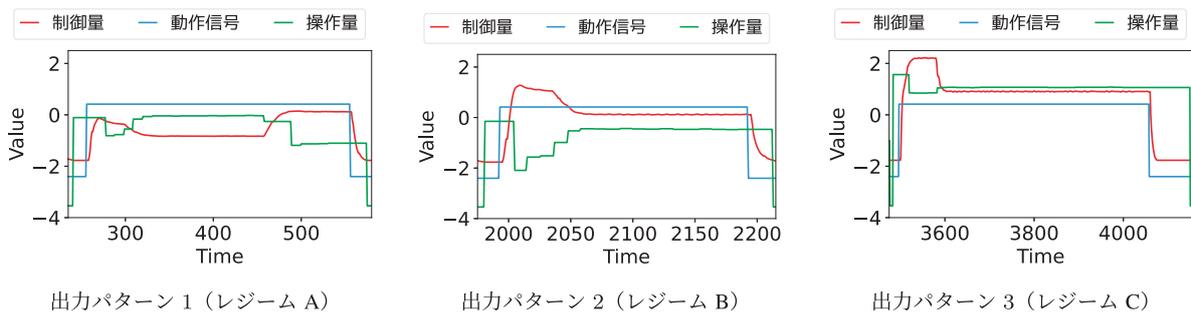


図 2 工業制御応答ストリームに含まれる 3 つのサンプルパターン

Fig. 2 Three types of patterns in the time-evolving controlled sequence.

に推定し，長期的な予測を可能とする．しかしながら，これらの手法は外部信号を考慮した状態遷移やモデリングに対応しておらず，制御応答時系列の表現には適していない．また，大規模時系列におけるパターン発見のための手法も数多く提案されている [15], [16], [17], [18], [19]．これらの手法は時系列上の重要なパターンを発見することが可能で

あるが，一方で，将来予測を目的としていない．

外部入力を考慮した DNN に基づく時系列の解析に関する研究もさかんである [20], [21], [22], [23]．たとえば，DeepAR [23] は RNN を用いて予測対象となる時系列データ以外の時系列データから特徴を抽出し，それらを用いて対象となる時系列データの将来の確率分布を予測している．

また, SSDNet [20] は状態空間モデルと Transformer [24] を組み合わせた時系列予測手法である. 過去の時系列データと予測先の時刻までの外部入力を使用することで, 外的な要因によるトレンドや季節性を利用した時系列データの将来予測を可能としている. しかし, これらの DNN に基づく手法は, モデルの学習において膨大な計算量が必要とされ, 刻々と取得されるデータからリアルタイムにモデルを更新し, 最適な予測値を推定し続けることは困難である.

### 3. 提案モデル

本章では提案手法のための基本的な概念と提案モデルについて述べる.

#### 3.1 OrbitMap におけるレジーム

本節では大規模時系列予測の既存手法である OrbitMap [14] において導入されているレジーム  $\theta_{base}$  について述べる. まず, レジーム  $\theta_{base}$  は次の 2 種類の状態から構成される.

- $s(t)$ : 時刻  $t$  におけるレジーム  $\theta_{base}$  の潜在値.
- $e(t)$ : 時刻  $t$  における制御量の推定値. 潜在値  $s(t)$  を用いて生成される.

OrbitMap において, 複数の潜在的パターンを含んでいる時系列イベントストリームを次のような潜在的な非線形微分方程式として表現する.

$$\frac{ds(t)}{dt} = p + Qs(t) + AS(t) \quad (1)$$

$$e(t) = u + Vs(t) \quad (2)$$

ここで, 初期条件を  $s(0) = s_0$ ,  $ds(t)/dt$  を時刻  $t$  の導関数とし,  $S(t)$  を  $s(t)$  の 2 次形式の行列とする. また, それぞれの潜在的パターンを式 (1), 式 (2) のように表現し, 単一の潜在的な非線形動的システムにおけるパラメータ集合  $\{s_0, p, Q, A, u, V\}$  をレジーム  $\theta_{base}$  と定義する.

#### 3.2 動的システム

動的システムとは, 現在の出力が同時刻の操作量や過去の操作量, および, 内部状態に依存するシステムのことである. 動的システムは, さまざまな分野, たとえば, 宇宙工学, 自動車, 化学プラント, 製薬, あるいは近年では, 経済分野などにおいて応用されている. また, 操作量を陽に考慮したモデルを使用することで, モデル化された現象そのものを制御できる.

動的システムにおいて, 現在の操作量を  $u(t)$ , 現在の内部状態を  $s(t)$  とすると, これらは式 (3) のように表現される. このとき過去の入力は現在の内部状態に内包されている. また, センサなどによって現時刻の状態が観測されるとき, センサによる雑音を  $d$  とすると, 観測値  $e(t)$  は式 (4) のように表される. まとめると, 動的システムは図 3

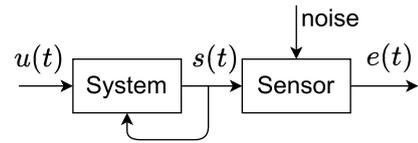


図 3 動的システムにおける入出力の様子  
Fig. 3 Dynamic system diagrams.

のように表現される.

$$\frac{ds(t)}{dt} = As(t) + Bu(t) \quad (3)$$

$$e(t) = Cs(t) + d \quad (4)$$

動的システムにおいて制御量に直接影響を与えるのは操作量とされている. したがって動的システムは操作量を考慮することは可能だが, 動作信号についてはその限りではない. そのため, 次節では, 動的システムを操作量だけでなく, 動作信号も考慮できるように拡張した提案手法である C-CAST について述べる.

#### 3.3 C-CAST

本研究の目的は, 制御応答データストリームが与えられたとき, その中から重要かつ潜在的な時系列パターンを発見し, 現在の潜在的なパターンおよび外部信号から将来の制御量を予測することである. そこで本研究では, 3.1 節で述べたレジームを拡張し, 制御応答データストリームにおけるレジームを定義する. そして外部信号に基づいてレジームの遷移をとらえることで制御量予測を実現する. このような条件下において, 提案手法は次の 2 つの特長を持つ必要がある.

(P1) 動的システムで表現されるレジーム

(P2) 外部信号を考慮したレジーム遷移

##### 3.3.1 動的システムで表現されるレジーム (P1)

まず, 本項では単一のレジームの表現法について述べる. つまり, ここではレジームの遷移は存在しないものとする. また, 3.1 節で定義したレジーム  $\theta_{base}$  は外部からの影響を考慮していないため, 3.2 節で述べた動的システムに基づくレジーム  $\theta$  を定義する.

レジーム  $\theta$  は次の 3 種類の状態から構成される.

- $s(t)$ : 時刻  $t$  におけるレジーム  $\theta$  の潜在値.
- $u(t)$ : 時刻  $t$  における操作量.
- $e(t)$ : 時刻  $t$  における制御量の推定値. 潜在値  $s(t)$  および操作量  $u(t)$  を用いて生成される.

ここで, レジーム制御部 (Controller) を導入する. レジーム制御部は時刻  $t$  における外部信号  $z(t)$  および潜在値  $s(t)$  を入力とし, 操作量  $u(t)$  および帰還入力値  $s_{FB}(t)$  を出力する. レジーム制御部および帰還入力値  $s_{FB}(t)$  の詳細は次項で述べる.

単一のレジームおよびレジーム制御部は図 4 (a) のように表される. レジームはレジーム制御部から時刻  $t$  の操作

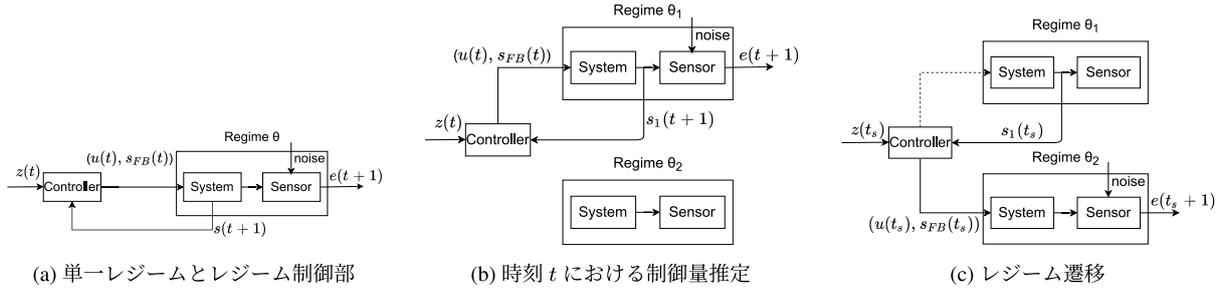


図 4 C-CAST 概要 : (a) 単一のレジームはレジーム制御部から入力  $(u(t), s_{FB}(t))$  を受け取ることで推定値  $e(t+1)$  を出力する. (b) 各時刻においてレジーム制御部は1つのレジームのみに入力を与え, 推定値を出力する. (c) レジーム遷移条件を満たしたとき, レジーム制御部は入力を与えるレジームを切り替える

Fig. 4 Illustration of C-CAST. (a) The Controller gives an input vector  $(u(t), s_{FB}(t))$  to a single regime  $\theta$ , it generates latent variables  $s(t+1)$  and estimated variables  $e(t+1)$ . (b) Given two regimes  $\theta_1, \theta_2$ , Controller gives an input vector  $(u(t), s_{FB}(t))$  to  $\theta_1$ , it generates latent variables and estimated variables until  $t_c$ , (c) When  $t = t_c$ , Controller switches an input route from  $\theta_1$  to  $\theta_2$  and the regime  $\theta_2$  generates latent variables and estimated variables.

量  $u(t)$  および帰還入力値  $s_{FB}(t)$  を与えられることで, 次の時刻の潜在値  $s(t+1)$  および推定値  $e(t+1)$  を生成する. つまり, 式 (3) を次の式 (5) のように拡張し, 式 (5) によって潜在値  $s(t+1)$  を生成し, 式 (4) で  $e(t+1)$  を生成する.

$$\frac{ds(t)}{dt} = As_{FB}(t) + Bu(t) \quad (5)$$

まとめると, 以下の定義を得る.

定義 1 (レジーム  $\theta$ )  $\theta$  を単一のレジームにおけるパラメータ集合とする :  $\theta = \{A, B, C, d\}$ .

### 3.3.2 外部信号を考慮したレジームの遷移 (P2)

次に本研究では, レジームの遷移方法として C-SWITCHER を提案する. C-SWITCHER において, レジーム制御部は状態遷移ベクトル  $(s_i^{out}, z_i^{out}, s_j^{in})$  を持ち, 図 4(b) で示すように, レジーム制御部が現時刻の潜在値  $s(t)$  および外部信号  $z(t)$  を元に, 適切なレジームに帰還入力値  $s_{FB}(t)$  および操作量  $u(t)$  を入力することで各時刻の推定値  $e(t)$  を生成する. そして, 入力を受けたレジームは潜在値  $s(t+1)$  をレジーム制御部にフィードバックする. そして, フィードバックされた潜在値  $s(t+1)$  および外部入力が入力先を外部信号とフィードバックされた潜在値  $s(t+1)$  を使用して切り替えることで, 外部信号を考慮したレジームの動的な遷移を実現する. すなわち, C-SWITCHER では次のような規則に従ってレジーム遷移が発生する.

- レジーム  $\theta_i$  は各時刻  $t$  においてレジーム制御部から帰還入力値  $s_{FB}(t)$  および操作量  $u(t)$  を受け取り  $s(t+1)$  を式 (5) に従って生成し, レジーム制御部に入力する. レジーム遷移が発生するまでこの操作は繰り返される.
- レジーム制御部が時刻  $t_s$  における外部信号  $z(t_s)$ , お

よび潜在値  $s_i(t_s)$  を受け取ったとき,  $z(t_s)$  が  $s_i^{out}$  に十分に近い, かつ  $s(t_s)$  が  $s_j^{out}$  に十分に近い場合, レジーム  $\theta_j$  への遷移が発生する. 具体的にはレジーム制御部が  $s_j(t_s) = v_j^{in}$  および, 操作量  $u(t_s)$  をレジーム  $\theta_j$  に入力し, 時刻  $t_s$  以降の推定値をレジーム  $\theta_j$  を使用して推定する.

ここでは, レジーム  $\theta_i, \theta_j$  間の遷移は, 潜在値  $s_i(t)$  または外部信号  $z(t)$  が遷移ベクトルに十分に接近したときのみ発生する (i.e.,  $D_s(t) = \|s_i(t) - s_i^{out}\| < \rho$  かつ  $D_z(t) = \|z(t) - z_i^{out}\| < \rho_z$ ). ここで,  $\rho$  は遷移強度,  $\rho_z$  は制御強度とする.

まとめると, 以下のように定式化される.

C-SWITCHER.  $s_{FB}(t)$  を時刻  $t$  にレジーム制御部が出力する帰還入力値とする. このとき, レジーム  $\theta_i$  から  $\theta_j$  への遷移は次のように  $s_{FB}(t)$  が切り替わることによって表現される.

$$s_{FB}(t) = \begin{cases} s_i(t) & (1 \leq t < t_s) \\ s_j^{in} & (t = t_s) \\ s_j(t) & (t_s < t) \end{cases} \quad (6)$$

ここで,  $D_s(t) = \|s_i(t) - s_i^{out}\|$ ,  $D_z(t) = \|z(t) - z_i^{out}\|$  としたとき,  $t_s = \arg \min_{\{t | D_s(t) \leq \rho, D_z(t) \leq \rho_z\}}$  となる.

ここでの  $s_i(t)$  はレジーム  $\theta_i$  が時刻  $t$  において生成した潜在値であり, また,  $\{s_i^{out}, z_i^{out}, s_j^{in}\}$  はレジーム  $\theta_i$  とレジーム  $\theta_j$  における遷移ベクトルである.

まとめると, 提案モデルは次の要素で構成される.

定義 2 (C-CAST の全パラメータ集合  $M$ ) 全レジームの集合を  $\Theta = \theta_1, \dots, \theta_r$ ,  $V$  を全遷移ベクトル集合とするとき (i.e.,  $\{s^{out}, z^{out}, s^{in}\} \in V$ ), 提案モデルの全パラメータ集合  $M$  は  $\{\Theta, V\} \in M$  となる.

## 4. アルゴリズム

本章では、制御応答時系列の予測手法である C-CAST のアルゴリズムについて述べる。

### 4.1 問題定義

ここで本手法で必要な概念について定義を行う。また表 1 に主な記号と定義を示す。

**定義 3 (制御量データストリーム  $\mathbf{X}$ )**  $\mathbf{X}$  を制御量から構成されるデータストリーム  $\mathbf{X} = \{\mathbf{x}(1), \dots, \mathbf{x}(t_c)\}$  とし、現時刻を  $t_c$  とする。

**定義 4 (外部信号データストリーム  $\mathbf{Z}$ )**  $\mathbf{z}(t)$  を時刻  $t$  における動作信号と制御量の組  $\mathbf{z}(t) = \{\mathbf{u}(t), \mathbf{sig}(t)\}$  とするとき、 $\mathbf{Z}$  を動作信号および操作信号から構成される外部信号データストリーム  $\mathbf{Z} = \{\mathbf{z}(1), \dots, \mathbf{z}(t_c), \mathbf{z}(t_c + 1), \dots, \mathbf{z}(t_c + l_s)\}$  とする。このとき、現時刻を  $t_c$  とし、 $l_s$  ステップ先の予測を行うものとする。

ここで、毎時刻において新たなエントリ  $\mathbf{x}(t_c)$  が発生し、 $t_c$  が増加するものとする。そこで、最新の時刻において観測された制御量の集合のうち、現在のレジーム  $\theta_c$  の開始時点  $t_s$  から現時刻までの部分集合をカレントウィンドウと呼び、次のように定義する。

**定義 5 (カレントウィンドウ  $\mathbf{X}_c$ )**  $\mathbf{X}_c = \mathbf{X}[t_s : t_c]$  を長さ  $l_c$  のカレントウィンドウとする。ここで、 $\mathbf{X}_c$  は制御量データストリーム  $\mathbf{X}$  の時刻  $t_s$  から時刻  $t_c$  までの部分シーケンスを表す。

カレントウィンドウ  $\mathbf{X}_c$  が与えられたとき、次の目標は、パラメータ集合  $\Theta$  から最適なレジームを発見し、式 (5)、式 (4) に基づき  $l_s$  ステップ先の制御量を推定することである。

また、 $l_s$  ステップ先の予測をするにあたり、時刻  $t_c + l_s$

までの動作信号、操作量は既知とする。そこで、現時刻で既知の動作信号および操作信号のうち、現在のレジーム  $\theta_c$  の開始時点  $t_s$  から時刻  $t_c + l_s$  までの部分集合をリファレンスウィンドウと呼び、次のように定義する。

**定義 6 (リファレンスウィンドウ  $\mathbf{Z}_{ref}$ )**  $\mathbf{Z}_{ref} = \mathbf{Z}[t_s : t_c + l_s]$  を長さ  $l_c + l_s$  のリファレンスウィンドウとする。ここで、 $\mathbf{Z}_{ref}$  は外部信号データストリーム  $\mathbf{Z}$  の時刻  $t_s$  から時刻  $t_c + l_c$  までの部分シーケンスを表す。

まとめると、本論文で取り組む問題を以下のように定義する。

**問題 1** 制御量データストリーム  $\mathbf{X}$  および外部信号データストリーム  $\mathbf{Z}$  が与えられたとき、 $l_s$  ステップ先の制御量を出力し続ける。より具体的には、各時刻  $t_c$  において、  
(a) カレントウィンドウ  $\mathbf{X}_c$  およびリファレンスウィンドウ  $\mathbf{Z}_{ref}$  を用いてパラメータ集合  $M$  を更新する。  
(b) 更新後のパラメータ集合  $M$  およびリファレンスウィンドウ  $\mathbf{Z}_{ref}$  を用いて  $l_s$  ステップ先の制御量  $\mathbf{x}(t_c + l_s)$  を予測する。

これらを逐次的、かつ高速に行うことが求められる。ここで、現時刻  $t_c$  におけるレジームを  $\theta_c$ 、 $\theta_c$  の直前に存在したレジームを  $\theta_p$  とする。このとき、(a) では、現時刻のレジーム  $\theta_c$ 、レジーム間の遷移ベクトル  $\{\mathbf{s}_p^{out}, \mathbf{z}_p^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{s}_c^{out}\}$  を更新している。そこで、現在のレジーム、遷移ベクトルをまとめて、候補モデル  $C = \{\theta_c, \mathbf{s}_p^{out}, \mathbf{z}_p^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{s}_c^{out}\}$  として保持する。

### 4.2 提案アルゴリズム

C-CAST は次のアルゴリズムで構成される (Algorithm 1)。

- C-ESTIMATOR : カレントウィンドウ  $\mathbf{X}_c$ 、リファレンスウィンドウ  $\mathbf{Z}_{ref}$ 、パラメータ集合  $M$ 、および候補モデル  $C$  を与えたとき、パラメータ集合  $M$ 、および候補モデル  $C$  を更新する (Algorithm 2)。
- C-GENERATOR : 候補モデル  $C$ 、およびパラメータ集合  $M$ 、リファレンスウィンドウ  $\mathbf{Z}_{ref}$  を用いて、 $l_s$  ス

表 1 主な記号と定義

Table 1 Symbols and definitions.

記号	定義
$t_c$	現在の時刻
$\mathbf{X}$	制御量のデータストリーム
$\mathbf{x}(t)$	時刻 $t$ における制御量
$\mathbf{U}$	操作量データのデータストリーム
$\mathbf{u}(t)$	時刻 $t$ における操作量
$\mathbf{sig}$	動作信号のデータストリーム
$\mathbf{sig}(t)$	時刻 $t$ における動作信号
$\mathbf{Z}$	外部信号のデータストリーム : $\{\mathbf{U}, \mathbf{Sig}\} \in \mathbf{Z}$
$\mathbf{z}(t)$	時刻 $t$ における外部信号 : $\mathbf{z}(t) = \{\mathbf{u}(t), \mathbf{sig}(t)\}$
$\mathbf{s}(t)$	時刻 $t$ における潜在値
$\mathbf{e}(t)$	時刻 $t$ における推定値
$\mathbf{X}_c$	カレントウィンドウ : $\mathbf{X}_c = \mathbf{X}[t_m : t_c]$
$\mathbf{Z}_{ref}$	リファレンスウィンドウ : $\mathbf{Z}_{ref} = \mathbf{Z}[t_m : t_c + l_s]$
$\Theta$	全レジームのパラメータ集合 : $\Theta = \{\theta_1, \dots, \theta_r\}$
$V$	全遷移ベクトルの集合 : $\{\mathbf{s}^{out}, \mathbf{z}^{out}, \mathbf{s}^{in}\} \in V$
$M$	C-CAST の全パラメータ集合 : $\{\Theta, V\} \in M$

#### Algorithm 1 C-CAST

- 1: **Input:** (a) New value  $\mathbf{x}(t_c)$  at time points  $t_c$   
(b) New value  $\mathbf{z}(t_c + l_s)$  at time points  $t_s + l_s$   
(c) Parameter set  $M = \{\Theta, V\}$   
(d) Candidate  $C = \{\theta_c, \mathbf{s}_p^{out}, \mathbf{z}_p^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{s}_c^{out}\}$
- 2: **Output:** (a) Updated parameter set  $M'$   
(b) Updated candidate  $C'$   
(c) Estimated variables  $\mathbf{e}(t_c + l_s)$
- 3: /\* Estimate  $C$  and Update  $M^*$  /
- 4:  $\{M', C'\} = \text{C-ESTIMATOR}(\mathbf{x}(t_c), \mathbf{z}(t_c + l_s), M, C)$
- 5: /\* Forecast  $l_s$  step ahead estimated value \*/
- 6:  $\mathbf{e}(t_c + l_s) = \text{C-GENERATOR}(\mathbf{z}(t_c + l_s), M', C')$
- 7: **return**  $\{M', C', \mathbf{e}(t_c + l_s)\}$

---

**Algorithm 2 C-ESTIMATOR**


---

```

1: Input: (a) New value  $\mathbf{x}(t_c)$  at time points  $t_c$ 
           (b) New value  $\mathbf{z}(t_c + l_s)$  at time points  $t_s + l_s$ 
           (c) Parameter set  $M = \{\Theta, V\}$ 
           (d) Candidate  $C = \{\theta_c, \mathbf{s}_p^{out}, \mathbf{z}_p^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{s}_c^{out}\}$ 
2: Output: (a) Updated parameter set  $M'$ 
           (b) Updated candidate  $C'$ 
3:  $\mathbf{X}_c = \mathbf{X}[t_s : t_c]$ ;  $\mathbf{Z}_{ref} = \mathbf{Z}[t_s : t_c + l_s]$ 
4: /* Update current regime */
5:  $\{\theta_c, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{s}_c^{out}\} = \arg \min_{\theta_c, \mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{s}_c^{in}} f(\theta_c, \mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{X}_c, \mathbf{Z}_{ref})$ 
6: if  $f(\theta_c, \mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{X}_c, \mathbf{Z}_{ref}) > \rho$  then
7:   /* Find a better regime in  $\Theta^*$  */
8:    $\{\theta_c, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{s}_c^{out}\} = \arg \min_{\theta_c \in \Theta, \mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{s}_c^{in}} f(\theta_c, \mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{X}_c, \mathbf{Z}_{ref})$ 
9:   if  $f(\theta_c, \mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{X}_c, \mathbf{Z}_{ref}) > \rho$  then
10:    /* Create new regime */
11:     $\{\theta_c, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{s}_c^{out}\} = \text{RegimeCreation}(\mathbf{X}_c, \mathbf{Z}_{ref})$ 
12:     $\Theta = \Theta \cup \theta_c$ 
13:   end if
14: end if
15: /* Detect segment  $X_c$  end and Insert new transition vector */
16: if  $f(\theta_c, \mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{X}_c, \mathbf{Z}_{ref}) > \rho$  then
17:    $V = V \cup \{\mathbf{s}_p^{out}, \mathbf{z}_p^{out}, \mathbf{s}_c^{in}\}$ 
18:    $(\mathbf{s}_p^{out}, \mathbf{z}_p^{out}) = (\mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{z}(t_c))$ 
19:    $\theta_c = \mathbf{s}_c^{in} = \mathbf{s}_c^{out} = \emptyset$ 
20: end if
21:  $M' = \{\Theta, V\}$ 
22:  $C' = \{\theta_c, \mathbf{s}_p^{out}, \mathbf{z}_p^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{s}_c^{out}\}$ 
23: return  $\{M', C'\}$ 

```

---

トップ先の推定値  $e(t_c + l_s)$  予測する (Algorithm 3).

#### 4.2.1 C-ESTIMATOR

カレントウィンドウ  $\mathbf{X}_c$ , リファレンスウィンドウ  $\mathbf{Z}_{ref}$ , パラメータ集合  $M$ , 候補モデル  $C$  を与えたときを考える。ここで、損失関数を  $f(\theta_c, \mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{X}_c, \mathbf{Z}_{ref})$  と定義する。 $f(\cdot)$  は推定値とオリジナルデータのフィッティング精度を示す (i.e.,  $f(\theta_c, \mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{X}_c, \mathbf{Z}_{ref}) = \sum_{t=t_s}^{t_c} \|\mathbf{x}(t) - e(t)\|$ ).

関数 C-ESTIMATOR は次の手順で行われる。

- (I)  $(\theta_c, \mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{s}_c^{in})$  を  $f(\theta_c, \mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{X}_c, \mathbf{Z}_{ref})$  が最小になるように更新する。
- (II)  $f(\theta_c, \mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{X}_c, \mathbf{Z}_{ref}) > \rho$  となるとき, パラメータ集合  $M$  から,  $f(\theta_c, \mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{X}_c, \mathbf{Z}_{ref})$  が最小になるパラメータを探索する。
- (III)  $f(\theta_c, \mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{X}_c, \mathbf{Z}_{ref}) > \rho$  となるとき, 新たなレジームを生成し, パラメータ集合  $\Theta$  に追加する。
- (IV) 遷移ベクトルの生成 (もし存在すれば): これまでの手順の中で, 遷移ベクトル集合  $V$  に存在しない遷移が確認されたとき, 新たな遷移ベクトルを生成し, 遷移ベクトル集合  $V$  に追加する。

**Regime Creation.** カレントウィンドウ  $X_c$  に未知の時系列パターンが現れたとき, 新たなレジーム  $\theta =$

---

**Algorithm 3 C-GENERATOR**


---

```

1: Input: (a) New value  $\mathbf{z}(t_c + l_s)$  at time points  $t_s + l_s$ 
           (b) Parameter set  $M = \{\Theta, V\}$ 
           (c) Candidate  $C = \{\theta_c, \mathbf{s}_p^{out}, \mathbf{z}_p^{out}, \mathbf{s}_c^{in}, \mathbf{s}_c^{out}\}$ 
2: Output: (a) Estimated variables  $e(t_c + l_s)$ 
3: /* Initialize */
4:  $\mathbf{s}(t_c) = \mathbf{s}_c^{in}$ ;  $t_s = t_c$ ;  $\mathbf{Z}_{ref} = \mathbf{Z}[t_s : t_c + l_s]$ 
5: while  $t_s < t_c + l_s$  do
6:   /* Generate latent variables and estimated variables */
7:    $(\mathbf{s}(t_s), \dots, \mathbf{s}(t_c + l_s), e(t_c + l_s)) = \text{generate}(\theta_c, \mathbf{Z}_{ref}, \mathbf{s}(t_s))$ 
8:   /* Search transition */
9:    $t_{best} = t_c + l_s$ 
10:  for  $i = 1$  to  $r$  do
11:    /* Find any transition vector that is to close trajectory */
12:    if  $(\mathbf{s}_c^{out}, \mathbf{z}_c^{out}, \mathbf{s}_i^{in}) \in V$  then
13:       $t = \arg \min_{\substack{\|\mathbf{s}(t) - \mathbf{s}_c^{out}\| \\ \|\mathbf{s}(t) - \mathbf{s}_c^{out}\| < \rho, \\ t_s < t < t_c + l_s}} \|\mathbf{s}(t) - \mathbf{s}_c^{out}\|$ 
14:      if  $\|\mathbf{z}(t) - \mathbf{z}_c^{out}\| < \rho_z$  and  $t < t_{best}$  then
15:         $t_{best} = t$ ;  $\theta_f = \theta_i$  // Select shortest transition
16:      end if
17:    end if
18:  end for
19:  /* Transition  $\theta_c \rightarrow \theta_f^*$  */
20:   $\theta_c = \theta_f$ ;  $t_s = t_{best}$ ;  $\mathbf{s}(t_s) = \mathbf{s}_f^{in}$ 
21: end while
22: return  $e(t_c + l_s)$ 

```

---

$\{\mathbf{A}, \mathbf{B}, \mathbf{C}, \mathbf{d}\}$  を推定する必要がある。OrbitMap [14] においてパラメータ推定アルゴリズムに expectation-maximization (EM) アルゴリズムを採用しているが, このアルゴリズムにおいて外部入力は白色ノイズとして扱われるため, 今回の提案手法には適さない。そこで, 本研究では Adjoint Sensitivity Method [25], [26] を拡張したパラメータ推定アルゴリズムを提案する。具体的には, Adjoint Sensitivity Method を使用し, 損失関数に対するパラメータ  $\{\mathbf{A}, \mathbf{B}\}$  の勾配を求め, それを用いた勾配法で  $\{\mathbf{A}, \mathbf{B}\}$  を推定し, パラメータ  $\{\mathbf{C}, \mathbf{d}\}$  を Levenberg-Marquardt (LM) アルゴリズム [27] を用いて推定する。これを誤差が収束するまで繰り返す。以下に Adjoint Sensitivity Method による勾配の導出を示す。

#### Adjoint Sensitivity Method

$$\frac{ds(t)}{dt} = f(\mathbf{s}(t), \theta) \quad (7)$$

式 (7) のような常微分方程式のパラメータ  $\theta$  の区間  $(t_0, t_1)$  における損失関数  $L$  に対する勾配を求めたい。以下では, 損失関数  $L$  を  $L = \int_{t_0}^{t_1} L(\mathbf{s}(j))dj$  とした場合のパラメータの勾配を導出する。はじめに, adjoint  $\mathbf{a}(t) = \frac{dL}{ds(t)}$  を定義する。このとき,  $\mathbf{a}(t)$  は次の式 (8) を満たす。

$$\mathbf{a}(t) = \frac{d}{ds(t)} \int_t^{t_1} L(\mathbf{s}(j))dj \quad (8)$$

また、微少量を  $\epsilon$  とすると、 $\mathbf{a}(t)$  の時間微分は式 (9) のようになる。

$$\frac{d\mathbf{a}(t)}{dt} = \frac{\mathbf{a}(t+\epsilon) - \mathbf{a}(t)}{\epsilon} \quad (9)$$

ここで、式 (8) より、 $\frac{dL}{ds(t)} = \frac{dL}{ds(t+\epsilon)} \frac{ds(t+\epsilon)}{ds(t)} + \frac{dL(t)}{ds(t)}$  となるので、式 (10) の関係が成り立つ。

$$\mathbf{a}(t) = \mathbf{a}(t+\epsilon) \frac{ds(t+\epsilon)}{ds(t)} + \frac{d}{ds(t)} \int_t^{t+\epsilon} L(\mathbf{s}(j)) dj \quad (10)$$

式 (7) の  $\mathbf{s}(t)$  周りのテイラー級数展開より、式 (11) が成り立つ。

$$\mathbf{s}(t+\epsilon) = \mathbf{s}(t) + \epsilon f(\mathbf{s}(t), \theta) + O(\epsilon^2) \quad (11)$$

式 (9)、式 (10) および式 (11) より、式 (12) が成り立つ。

$$\frac{d\mathbf{a}(t)}{dt} = -\mathbf{a}(t) \frac{f(\mathbf{s}(t), \theta)}{ds(t)} - \frac{d}{ds(t)} L(\mathbf{s}(t)) \quad (12)$$

ここで、拡張状態  $\mathbf{s}_{aug}(t) = (\mathbf{s}(t), \theta)$  を考える。 $\mathbf{a}_{aug}(t) = (\mathbf{a}(t), \mathbf{a}_\theta(t))$  とすると、式 (12) と同様にして式 (13) が成り立つ。

$$\begin{aligned} \frac{d\mathbf{a}_{aug}(t)}{dt} \\ = -\mathbf{a}_{aug}(t) \frac{f_{aug}(\mathbf{s}_{aug}(t))}{ds_{aug}(t)} - \frac{d}{ds_{aug}(t)} L(ds_{aug}(t)) \end{aligned} \quad (13)$$

ここで、 $\frac{d\theta}{dt} = 0$  より

$$f_{aug} = \begin{pmatrix} \frac{ds(t)}{dt} \\ \frac{d\theta}{dt} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} f(\mathbf{s}(t), \theta) \\ 0 \end{pmatrix} \quad (14)$$

$$\frac{d}{ds_{aug}(t)} L(\mathbf{s}_{aug}(t)) = \begin{pmatrix} \frac{d}{ds(t)} L(\mathbf{s}(t)) \\ 0 \end{pmatrix} \quad (15)$$

したがって、式 (13)、式 (14)、式 (15) より、式 (16) が成り立つ。

$$\begin{pmatrix} \frac{d\mathbf{a}(t)}{dt} \\ \frac{d\mathbf{a}_\theta(t)}{dt} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -\mathbf{a}(t) \frac{f(\mathbf{s}(t), \theta)}{ds(t)} - \frac{d}{ds(t)} L(\mathbf{s}(t)) \\ -\mathbf{a}(t) \frac{f(\mathbf{s}(t), \theta)}{\theta} \end{pmatrix} \quad (16)$$

式 (16) を初期値  $(\mathbf{a}(t_1), 0)$  から逆順に解くことで、パラメータ  $\theta$  の勾配を求め、それを最適化することでパラメータを推定することが可能となる。

#### 4.2.2 C-GENERATOR

次にモデル候補  $C$ 、パラメータ集合  $M$  およびリファレンスウィンドウ  $Z_{ref}$  が与えられたときを考える。関数 C-GENERATOR は次の手順で行われる。

- (I)  $\mathbf{s}(t_c)$  を初期値として、時刻  $t_c + l_s$  までの推定値をレジーム  $\theta_c$  を使用して生成する。
- (II) 生成された潜在値  $\{\mathbf{s}(t_c), \dots, \mathbf{s}(t_c + l_s)\}$  および、外

部信号  $\{z(t_c), \dots, z(t_c + l_s)\}$  について、 $D_s(t_s) = \|\mathbf{s}_i(t_s) - \mathbf{s}_i^{out}\| < \rho$  かつ  $D_z(t_s) = \|z(t_s) - z_c^{out}\| < \rho_z$  となる時刻  $t_s$  が存在すれば、潜在値を  $\{\mathbf{s}(t_c), \dots, \mathbf{s}(t_s - 1), \mathbf{s}_f^{in}, \dots, \mathbf{s}_f(t_c + l_s)\}$  と更新する。このとき、 $\{\mathbf{s}_f^{in}, \dots, \mathbf{s}_f(t_c + l_s)\}$  は、 $\mathbf{s}_f^{in}$  を初期値として、時刻  $t_c + l_s$  までの推定値をレジーム  $\theta_f$  を使用して生成する。

- (III) もし  $t_s < t_c + l_s$  ならば、 $t_c = t_s$  として手順 (II) に戻る。そうでないなら、推定値を出力して終了する。

## 5. 評価実験

本論文では C-CAST の有効性を検証するため、実データを用いた実験を行った。本章では以下の項目について検証する。

- Q1 制御量予測に対する提案手法の有効性
- Q2 リアルタイム予測に対する提案手法の精度の検証
- Q3 データストリームに対する計算時間の検証

また、実験は 512 GB のメモリ、AMD EPYC 7502 2.5 GHz の 32 コア CPU および NVIDIA RTX A6000 48 GB GPU を搭載した Linux マシン上で実施した。

**比較手法.** 有効性を検証するために、以下の最新の既存手法と比較を行った。

- OrbitMap [14]: 大規模時系列イベントストリームのリアルタイム予測手法。モデル推定時の閾値は学習時に最もフィッティング性能が良い値を使用した。
- SSDNet [20]: Transformer に基づく深層モデルを用いた時系列予測手法であり、将来の外部信号を考慮して予測を行う。Transformer のエンコーダ層、デコーダ層のユニット数はそれぞれ 3 とした。また、最適化アルゴリズムとして Adam [28] を使用し、300 エポック学習した中で最もフィッティング性能が良いモデルを使用した。

**データセット.** ある工業装置の制御応答時系列データストリーム (図 1(a)–図 1(c)) を使用した。データは、予測対象である制御量、および外部信号である動作信号と操作量から構成されており、図 2 で示した 3 つの出力パターン (レジーム A–C) が含まれている。データセットは平均値と分散値で正規化 (z-normalization) して使用した。また、データストリームの時刻 0 から時刻 3,400 までを学習データとして使用した。具体的には、SSDNet では学習データをモデル学習のみに使用し、提案手法および OrbitMap は初期パラメータの推定およびモデル学習に用いた。また、SSDNet のウィンドウサイズについて、10 から 50 まで 10 刻みでそれぞれ実験を行い、学習データにおいて誤差が最小となったウィンドウサイズを用いた。

### 5.1 Q1: 提案手法の有効性

本節では、制御応答時系列データに対する C-CAST の予

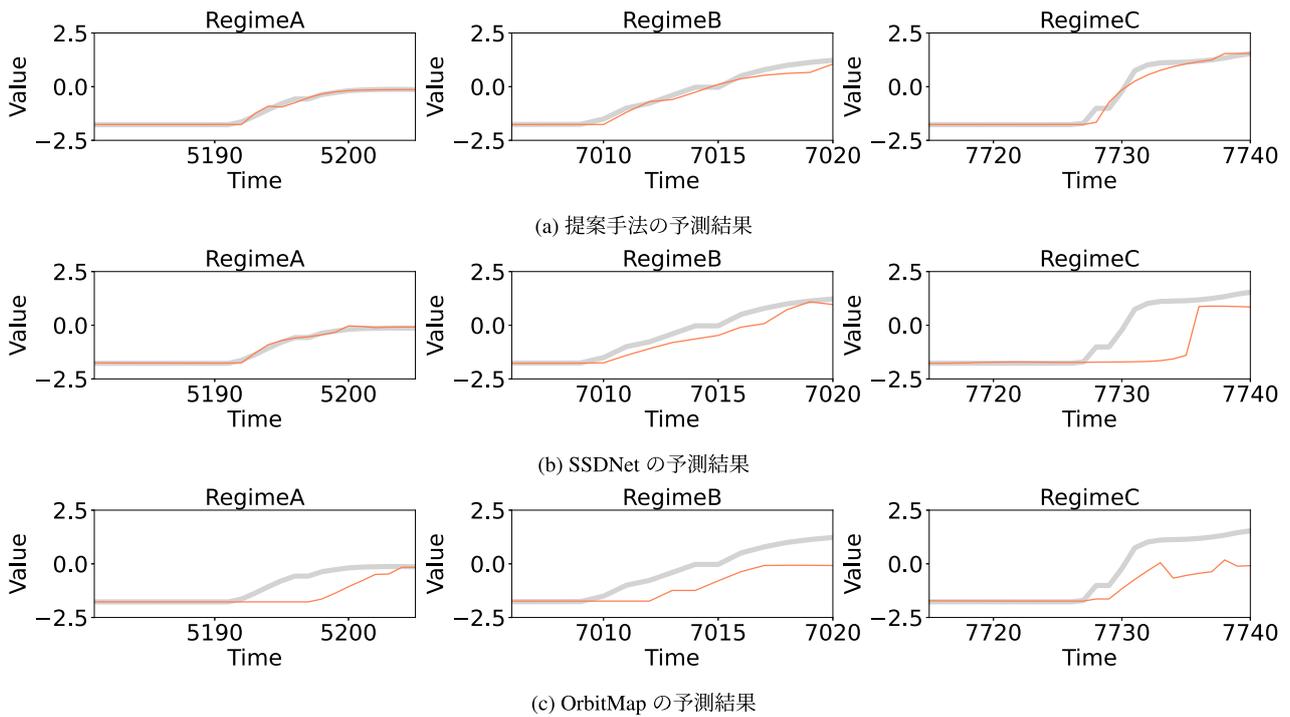


図 5 各パターン（レジーム）開始時における予測精度：(a) 提案手法および (b)–(c) 比較手法の予測結果

Fig. 5 Forecasting result of our method with discontinuity in regime change. (a) snapshots of our forecasted results and (b)–(c) snapshots of competitors forecasted results.

測能力を検証する。図 1 および図 5 は実際の制御応答時系列データに対する提案手法および比較手法の予測結果である。そして、図 5 では各パターン（レジーム A–C）の開始時における予測結果を比較する。すでに 1 章の図 1 においても示したように、提案手法は外部信号を利用することで動作信号に基づいてパターン遷移を予測可能であるため、遷移の開始時に発生する制御量の急激な変動を予測できている。一方、図 5 (b) および図 5 (c) より、比較手法は制御量の急激な変動に対応できていないことが分かる。特に、学習データに含まれないレジーム C の変化において、制御量の立ち上がりが遅れていることを確認できる。SSDNet は、C-CAST と同様に外部信号を考慮できるため、部分的に急激な変動に対応できているが提案手法ほど精度は高くない。一方、OrbitMap は、外部信号を扱えず動作信号に基づくパターン遷移を予測できていないため、制御量の急激な変動を予測できていない。

### 5.2 Q2：提案手法の精度

本節では、C-CAST の予測精度を検証するため、既存手法である SSDNet および OrbitMap と精度比較を行った。

図 6 は、工業制御応答データストリームにおける C-CAST の予測結果の精度を示している。具体的には、オリジナルデータの制御量と 5 ステップ先の予測制御量の推定値の二乗平均誤差 (RMSE：root mean square error) お

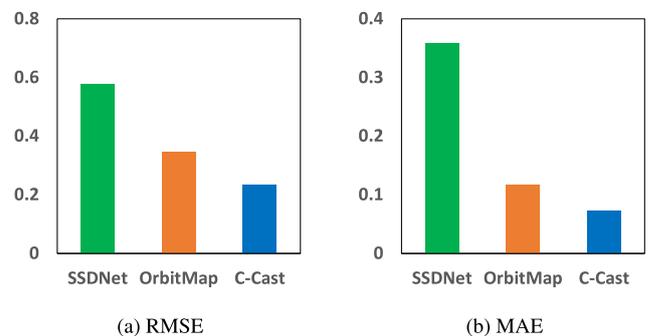


図 6 工業制御応答ストリームにおける制御量の予測精度

Fig. 6 Forecasting error between original and forecast values of C-CAST and its competitors.

よび平均絶対誤差 (MAE：mean absolute error) を示している。図に示すとおり、提案手法は最新の既存手法である SSDNet および OrbitMap と比較し、2つの評価指標のどちらにおいても高い予測精度を持つ。SSDNet はモデルをオンラインに更新できず、テスト区間に含まれる未知のパターンに対応できないため精度が低下している。また、OrbitMap は外部信号を考慮した時系列パターンの表現やパターン遷移の予測ができないため、適切に制御量を予測することができない。

また、状態の遷移がさらに複雑になった場合、初めて現れる遷移に関しては提案手法を含め全手法で予測精度が低下する。しかし、その後に再び同じ状態遷移が現れた際、

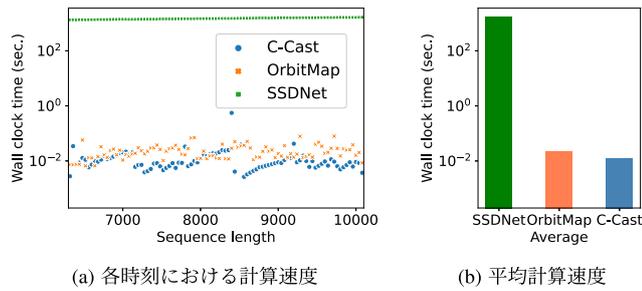


図 7 各時刻  $t_c$  における計算コスト (a) と平均値 (b)

Fig. 7 Wall clock time vs. sequence length  $t_c$  (a) and average (b).

提案手法はそれに適応可能である。一方で、SSDNet はモデルをオンラインに更新できないため、初めて現れたときと同様に予測精度が低下する。そして OrbitMap は状態遷移を適切に予測できないため、初めて現れたときと同様に予測精度が低下する。つまり、状態遷移が複雑になるほど各手法の予測精度は低下するが、提案手法は比較手法と比較して精度の低下が小さいと考えられる。

### 5.3 Q3：提案手法の計算時間

続いて、提案手法の計算コストについて検証する。図 7 (a) は、各時刻  $t_c$  における計算コストを、提案手法の C-CAST と既存手法である SSDNet および OrbitMap と比較したものである。また、図 7 (b) では、データストリーム全体の計算時間の平均値を示している。モデルの実行において、提案手法および OrbitMap は CPU のみを用い、深層学習である SSDNet は CPU および GPU を併用した。なお、図中の  $y$  軸は対数スケールで示している。

図 7 (a) に示すとおり、大規模時系列の高速予測手法である OrbitMap と同様に、C-CAST はデータストリームの長さに依存せず、高速に動作することが確認できる。さらに、提案手法は、深層学習である SSDNet と比較して大幅な性能向上を達成した。具体的には、SSDNet と比較し 136,700 倍の高速化を実現している。状態の遷移がさらに複雑になった場合、状態の遷移時にモデルの探索が行われる提案手法や OrbitMap の計算時間は増加する。一方で SSDNet の計算時間はハイパーパラメータやデータ長に依存し、状態遷移に依存しないため、計算時間は変化しないが依然として計算時間は大きいままである。

また、本実験で使用した装置において MCMPC [29] を適用する場合、モデルの学習および将来の値の推定を 0.05 秒以内に行う必要がある。図 7 における実験では、全時刻の約 97% において 0.05 秒以内に処理が終了している。仮に残りの時刻において従来のような PID 制御を使用するとしても、大幅な制御性能の改善が期待できる。

## 6. むすび

本論文では、制御応答時系列データストリームにおける

制御量予測手法である C-CAST について述べた。C-CAST は、外部信号である動作信号および操作量を考慮できるように動的システムを拡張し、制御応答時系列データを適応型動的システムとしてモデル化することで、制御量の重要なパターンや外部信号によるパターンの遷移を柔軟に表現し、最適な制御量予測を実現する。

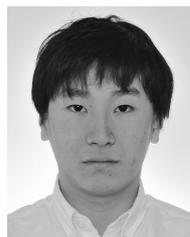
実データを用いた実験では、C-CAST が制御応答時系列データに対し、制御量の時系列パターンやパターン遷移を高速かつ継続的に発見し、制御量予測を高精度に行うことを確認した。今後の課題として、さまざまな制御応答時系列データをより柔軟に表現するための高度なモデル学習や、予測モデルを利用し、最適な操作量を決定する手法について検討していく予定である。

謝辞 本研究の一部は JSPS 科研費、JP20H00585、JP21H03446、国立研究開発法人情報通信研究機構委託研究 21481014、総務省 SCOPE 192107004、JSTAIP 加速課題 JPMJCR21U4、ERCA 環境研究総合推進費 JPMEERF20201R02 の助成を受けたものです。

### 参考文献

- [1] Camacho, E.F. and Alba, C.B.: *Model predictive control*, Springer Science & Business Media (2013).
- [2] Mayne, D.Q., Rawlings, J.B., Rao, C.V. and Scokaert, P.O.M.: Constrained model predictive control: Stability and optimality, *Autom.*, Vol.36, No.6, pp.789–814 (online), DOI: 10.1016/S0005-1098(99)00214-9 (2000).
- [3] Åström, K. and Hägglund, T.: *PID Controllers: Theory, Design, and Tuning*, ISA - The Instrumentation, Systems and Automation Society (1995).
- [4] Hewing, L., Wabersich, K.P., Menner, M. and Zeilinger, M.N.: Learning-based model predictive control: Toward safe learning in control, *Annual Review of Control, Robotics, and Autonomous Systems*, Vol.3, pp.269–296 (2020).
- [5] Karg, B. and Lucia, S.: Efficient Representation and Approximation of Model Predictive Control Laws via Deep Learning, *IEEE Trans. Cybern.*, Vol.50, No.9, pp.3866–3878 (online), DOI: 10.1109/TCYB.2020.2999556 (2020).
- [6] Mayne, D. and Michalska, H.: Receding horizon control of nonlinear systems, *IEEE Trans. Automatic Control*, Vol.35, No.7, pp.814–824 (online), DOI: 10.1109/9.57020 (1990).
- [7] Ohtsuka, T.: A continuation/GMRES method for fast computation of nonlinear receding horizon control, *Autom.*, Vol.40, No.4, pp.563–574 (online), DOI: 10.1016/j.automatica.2003.11.005 (2004).
- [8] Williams, G., Drews, P., Goldfain, B., Rehg, J.M. and Theodorou, E.A.: Aggressive driving with model predictive path integral control, *2016 IEEE International Conference on Robotics and Automation, ICRA 2016*, Kragic, D., Bicchi, A. and Luca, A.D. (Eds.), pp.1433–1440, IEEE (online), DOI: 10.1109/ICRA.2016.7487277 (2016).
- [9] Ortner, P. and del Re, L.: Predictive Control of a Diesel Engine Air Path, *IEEE Trans. Control. Syst. Technol.*, Vol.15, No.3, pp.449–456 (online), DOI: 10.1109/TCST.2007.894638 (2007).

- [10] Papadimitriou, S., Brockwell, A. and Faloutsos, C.: Adaptive, Hands-Off Stream Mining, *Proc. 29th International Conference on Very Large Data Bases, VLDB 2003*, Freytag, J.C., Lockemann, P.C., Abiteboul, S., Carey, M.J., Selinger, P.G. and Heuer, A. (Eds.), pp.560–571, Morgan Kaufmann (online), DOI: 10.1016/B978-012722442-8/50056-2 (2003).
- [11] Livera, A.M.D., Hyndman, R.J. and Snyder, R.D.: Forecasting Time Series With Complex Seasonal Patterns Using Exponential Smoothing, *Journal of the American Statistical Association*, Vol.106, No.496, pp.1513–1527 (online), DOI: 10.1198/jasa.2011.tm09771 (2011).
- [12] Li, L., Prakash, B.A. and Faloutsos, C.: Parsimonious Linear Fingerprinting for Time Series, *Proc. VLDB Endow.*, Vol.3, No.1, pp.385–396 (online), DOI: 10.14778/1920841.1920893 (2010).
- [13] Matsubara, Y. and Sakurai, Y.: Regime Shifts in Streams: Real-time Forecasting of Co-evolving Time Sequences, *Proc. 22nd ACM SIGKDD International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining*, Krishnapuram, B., Shah, M., Smola, A.J., Aggarwal, C.C., Shen, D. and Rastogi, R. (Eds.), pp.1045–1054, ACM (online), DOI: 10.1145/2939672.2939755 (2016).
- [14] Matsubara, Y. and Sakurai, Y.: Dynamic Modeling and Forecasting of Time-evolving Data Streams, *Proc. 25th ACM SIGKDD International Conference on Knowledge Discovery & Data Mining, KDD 2019*, Teredesai, A., Kumar, V., Li, Y., Rosales, R., Terzi, E. and Karypis, G. (Eds.), pp.458–468, ACM (online), DOI: 10.1145/3292500.3330947 (2019).
- [15] Chandola, V., Banerjee, A. and Kumar, V.: Anomaly detection: A survey, *ACM Comput. Surv.*, Vol.41, No.3, pp.15:1–15:58 (online), DOI: 10.1145/1541880.1541882 (2009).
- [16] Hallac, D., Vare, S., Boyd, S.P. and Leskovec, J.: Toeplitz Inverse Covariance-Based Clustering of Multivariate Time Series Data, *Proc. 23rd ACM SIGKDD International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining*, pp.215–223, ACM (online), DOI: 10.1145/3097983.3098060 (2017).
- [17] Honda, T., Matsubara, Y., Neyama, R., Abe, M. and Sakurai, Y.: Multi-aspect Mining of Complex Sensor Sequences, *2019 IEEE International Conference on Data Mining, ICDM 2019*, Wang, J., Shim, K. and Wu, X. (Eds.), pp.299–308, IEEE (online), DOI: 10.1109/ICDM.2019.00040 (2019).
- [18] Kawabata, K., Matsubara, Y. and Sakurai, Y.: Automatic Sequential Pattern Mining in Data Streams, *Proc. 28th ACM International Conference on Information and Knowledge Management, CIKM 2019*, Zhu, W., Tao, D., Cheng, X., Cui, P., Rundensteiner, E.A., Carmel, D., He, Q. and Yu, J.X. (Eds.), pp.1733–1742, ACM (online), DOI: 10.1145/3357384.3358002 (2019).
- [19] Matsubara, Y., Sakurai, Y. and Faloutsos, C.: AutoPlait: Automatic mining of co-evolving time sequences, *International Conference on Management of Data, SIGMOD 2014*, Dyreson, C.E., Li, F. and Özsu, M.T. (Eds.), pp.193–204, ACM (online), DOI: 10.1145/2588555.2588556 (2014).
- [20] Lin, Y., Koprinska, I. and Rana, M.: SSDNet: State Space Decomposition Neural Network for Time Series Forecasting, *IEEE International Conference on Data Mining, ICDM 2021*, Bailey, J., Miettinen, P., Koh, Y.S., Tao, D. and Wu, X. (Eds.), pp.370–378, IEEE (online), DOI: 10.1109/ICDM51629.2021.00048 (2021).
- [21] Xue, Y., Zhou, D., Du, N., Dai, A.M., Xu, Z., Zhang, K. and Cui, C.: Deep State-Space Generative Model For Correlated Time-to-Event Predictions, *KDD '20: The 26th ACM SIGKDD Conference on Knowledge Discovery and Data Mining, Virtual Event*, Gupta, R., Liu, Y., Tang, J. and Prakash, B.A. (Eds.), pp.1552–1562, ACM (online), DOI: 10.1145/3394486.3403206 (2020).
- [22] Wang, Y., Smola, A., Maddix, D.C., Gasthaus, J., Foster, D. and Januschowski, T.: Deep Factors for Forecasting, *Proc. 36th International Conference on Machine Learning, ICML 2019*, Chaudhuri, K. and Salakhutdinov, R. (Eds.), Vol.97, pp.6607–6617, PMLR (online), available from <http://proceedings.mlr.press/v97/wang19k.html> (2019).
- [23] Flunkert, V., Salinas, D. and Gasthaus, J.: DeepAR: Probabilistic Forecasting with Autoregressive Recurrent Networks, *CoRR*, Vol.abs/1704.04110 (2017) (online), available from <http://arxiv.org/abs/1704.04110>.
- [24] Vaswani, A., Shazeer, N., Parmar, N., Uszkoreit, J., Jones, L., Gomez, A.N., Kaiser, L. and Polosukhin, I.: Attention is All you Need, *Advances in Neural Information Processing Systems 30: Annual Conference on Neural Information Processing Systems 2017*, Guyon, I., von Luxburg, U., Bengio, S., Wallach, H.M., Fergus, R., Vishwanathan, S.V.N. and Garnett, R. (Eds.), pp.5998–6008 (2017) (online), available from <https://proceedings.neurips.cc/paper/2017/hash/3f5ee243547dee91fbd053c1c4a845aa-Abstract.html>.
- [25] Pontryagin, L.S.: *Mathematical theory of optimal processes* (1987).
- [26] Chen, T.Q., Rubanova, Y., Bettencourt, J. and Duvenaud, D.: Neural Ordinary Differential Equations, *Advances in Neural Information Processing Systems 31: Annual Conference on Neural Information Processing Systems 2018, NeurIPS 2018*, Bengio, S., Wallach, H.M., Larochelle, H., Grauman, K., Cesa-Bianchi, N. and Garnett, R. (Eds.), pp.6572–6583 (online), available from <https://proceedings.neurips.cc/paper/2018/hash/69386f6bb1dfed68692a24c8686939b9-Abstract.html> (2018).
- [27] Moré, J.J.: The Levenberg-Marquardt algorithm: Implementation and theory, *Numerical Analysis*, pp.105–116 (1978).
- [28] Kingma, D.P. and Ba, J.: Adam: A Method for Stochastic Optimization, *3rd International Conference on Learning Representations, ICLR 2015, Conference Track Proceedings*, Bengio, Y. and LeCun, Y. (Eds.) (2015) (online), available from <http://arxiv.org/abs/1412.6980>.
- [29] Kantas, N., Maciejowski, J. and Lecchini-Visintini, A.: Sequential Monte Carlo for model predictive control, *Nonlinear Model Predictive Control*, pp.263–273, Springer (2009).



藤原 廉

2021年大阪大学基礎工学部情報科学科卒業。同年同大学院修士課程進学。時系列データマイニングの研究に従事。



松原 靖子 (正会員)

2007年お茶の水女子大学理学部情報科学科卒業。2009年同大学大学院博士前期課程修了。2012年京都大学大学院情報学研究科社会情報学専攻博士後期課程修了。博士(情報学)。2012年NTTコミュニケーション科学基礎研究所RA。2013年日本学術振興会特別研究員(PD)。2014年熊本大学大学院自然科学研究科助教。この間、カーネギーメロン大学客員研究員。2016年国立研究開発法人科学技術振興機構さきがけ研究者。2019年5月より大阪大学産業科学研究所准教授。2016年度日本データベース学会上林奨励賞、情報処理学会山下記念研究賞。2018年度IPSJ/ACM Award for Early Career Contributions to Global Research, 2020年度情報処理学会マイクロソフト情報学研究賞、電気通信普及財団第36回テレコムシステム技術賞、令和4年度科学技術分野の文部科学大臣表彰若手科学者賞等受賞。2018~2019年度日本データベース学会理事。大規模時系列データマイニングに関する研究に従事。ACM, 電子情報通信学会, 日本データベース学会各会員。



木村 輔 (正会員)

2013年京都産業大学コンピュータ理工学部インテリジェントシステム学科卒業。2016年同大学大学院博士前期課程修了。2020年同大学院先端情報学研究科先端情報学専攻博士後期課程修了。博士(先端情報学)。2020年4月より大阪大学産業科学研究所特任助教。時系列データマイニング, 自然言語処理, 自動テキスト要約の研究に従事。日本データベース学会会員。



櫻井 保志 (正会員)

1991年同志社大学工学部電気工学科卒業。1991年日本電信電話(株)入社。1999年奈良先端科学技術大学院大学情報科学研究科博士後期課程修了。博士(工学)。2004~2005年カーネギーメロン大学客員研究員。2013~2019年熊本大学大学院自然科学研究科教授。2019年より大阪大学産業科学研究所産業科学AIセンターセンター長・教授。2022年より日本学術振興会学術システム研究センター主任研究員。本会平成18年度長尾真記念特別賞, 平成16年度および平成19年度論文賞, 電子情報通信学会平成19年度論文賞, 日本データベース学会上林奨励賞, ACM KDD best paper awards (2008, 2010年)等受賞。データマイニング, データストリーム処理, センサデータ処理, Web情報解析技術の研究に従事。ACM, IEEE, 電子情報通信学会, 日本データベース学会各会員。

(担当編集委員 山口 実靖)